

DELHI UNIVERSITY LIBRARY

Cl. No. 137: 2

168N20

Date of release for loan

Ac. No. 2-489

This book should be returned on or before the date last stamped below. An overdue charge of one anna will be charged for each day the book is kept overtime.

4



لونی صاحب کی کتاب بین طن ف وائن کمیس کاار دو ترجبه فضل خان ل محمرخان ریخاره: 19ء سیمارگورنیه رفیق جامعهٔ عمانیه بناظر نظیات سکاسه مالی مسايدم الوساديم مراولة

5 31. 3 177 " L7711

317



دنیا میں ہر قوم کی زندگی میں ایک ایسا زمانہ آتا ہے جب کہ اُس کے قوائے ذہنی میں انحطاط کے آثار ہنودار ہونے گئے ہیں ' ایجاد و اختراع ادر غور و فکر کا مادہ تقریباً مفقود ہو جاتا ہے ' خیل کی پرواز اور نظر کی جولانی تنگ اور محدود ہو جاتی ہے ' علم کا دار و مدار چند رسمی باتوں اور تقلید پر رہ جاتا ہے ۔ اُس وقت قوم یا تو بیکار اور مردہ ہو جاتی ہے یا سنجھنے کے لئے یہ لازم ہوتا ہے یا تو بیکار اور مردہ ہو جاتی ہے یا سنجھنے کے لئے یہ لازم ہوتا ہے کہ وہ دوسری ترقی یافتہ اقوام کا اثر قبول کرے ۔ تاریخ عالم کے ہر دور میں اس کی شہادتیں موجود ہیں ۔ خود ہارئے دیکھتے دیکھتے و کیکھتے و کھتے دیکھتے و کیکھتے و کیکھتے و کیکھتے و کیکھتے و کیکھتے دیکھتے و کیکھتے دیکھتے دیکھتے و کیکھتے دیکھتے کے بیان پر یہی گذری اور یہی حالت اب بہندوستان کی ہے۔ جس طرح کوئی شخص دوسرے بنی نوع انسان سے قطع تعلق جس طرح کوئی شخص دوسرے بنی نوع انسان سے قطع تعلق جس طرح کوئی شخص دوسرے بنی نوع انسان سے قطع تعلق جس طرح کوئی شخص دوسرے بنی نوع انسان سے قطع تعلق جس طرح کوئی شخص دوسرے بنی نوع انسان سے قطع تعلق جس طرح کوئی شخص دوسرے بنی نوع انسان سے قطع تعلق جس طرح کوئی شخص دوسرے بنی نوع انسان سے قطع تعلق کے عنما اور اگل تھاگ نہیں رہ سکتا اور اگر رہے تو پنپ

نہیں سکتا اسی طرح یہ بھی مکن نہیں کہ کوئی قوم دیگر اقوام عالم سے بے نیاز ہو کر بھولے بھلے اور ترقی یائے۔ جس طرح ہوا کے جھونکے اور ادنی پرندوں اور کیڑے کوڑوں کے اثر سے وہ مقامات تک ہرے بھرے رہتے ہیں جمان انسان کی دسترس نہیں اسی طرح انسانوں اور توموں کے اثر بھی ایک دورے تک اثر کر پہنچتے ہیں۔ جس طرح یونان کا اثر روم اور دیگر اقوام یورپ پر بڑا جس طرح عرب نے جمجم کو اور جھم نے عرب کو اپنا فیض پہنچایا 'جس طرح اسلام کے اور بھی پہنچایا 'جس طرح اسلام کے لیورپ پر بڑا جس طرح عرب نے جمجم کو اور جھالت کو مٹاکر علم کی روشنی پہنچائی لیورپ بین تاریکی اور جھالت کو مٹاکر علم کی روشنی پہنچائی

پورپ ان ابری اور ہاں سے اوس م می روی یہ ہی۔ اسی طرح آج ہم بھی بہت سی باتوں میں مغرب کے مختاج ہیں۔ یہ قانون عالم ہے جو یوں ہی جاری رہا اور جاری رہیگا۔ "دینے سے دیا یوں ہی جلتا رہاہے"

جب کسی قوم کی نوبت یہاں کب پہنچ جاتی ہے اور وہ آگے قدم بڑھانے کی سی کرتی ہے تو اوبیات کے میدان میں پہلی منزل شرجمہ ہوتی ہے۔ اس لئے کہ جب قوم میں جدت اور اوج نہیں رہی تو ظاہر ہے کہ اس کی تصانیف معمولی ادصوری کم مایہ اور اونی ہونگی ۔ اُس وقت قوم کی بڑی فائت ایسی ہے کہ ترجمہ کے ذریعہ سے دنیا کی اعلیٰ درجہ کی تصانیف اپنی

یی ہے کہ ترجہ سے دریعہ سے دیا ہی اسی درجہ کی تصابیف آپی زبان میں لائی جائیں ۔ یسی ترجے خیالات میں تغیر اور معلومات میں اضافہ کہیں گے، جمود کو توٹیں گے اور قوم میں ایک نئی حکمت پیدا کہیں گے اور پھر آخریہی ترجے تصنیف و تالیف کے جدید اسلوب اور ڈھنگ سجھاٹیں گے۔ ایسے وقت میں ترجمہ تصنیف سے زیاد قابل قدر' زیاوہ مفید اور زیادہ فیض رساں ہوتا ہے۔

اسی اصول کی بنا پر جب عثمانیه یونیورسٹی کی تجویز پش ہوئی تو ہز اکزالٹر ہائینس رہنم دوراں ارسطوئے زماں سپہ سالار آصف جاہ مظفرالمالک نظام البلک نظام الدو نَقَلْبُ مِيْنُ عُمَّانُ عِلِيْكَانُ بَهَادُمُ فَتَح مِنَا عَلَيْكَانُ بَهَادُمُ فَتَح مِنَا عَلَيْ جى سى -اس -آئى -جى سى -بى -اى -والى حيدرآباد دكن خلداللہ ملکہ و سلطنتہ نے جن کی علمی تدر دانی اورعلمی سیتی اس زمانہ میں احیائے علوم کے حق میں آب حیات کا کام کر رہی ہے' بہ تقاضائے مصلحت و دور بینی سب سے اول سررشته تالیف و ترجمه کے قیام کی منظوری عطا فرائی جو نہ صرف یونیورسٹی کے لئے نصاب تعلیم کی کتابیں تیار کر پیگا بلکه ملک میں نشر و اشاعتِ علوم و فنون کا کام بھی اسمام ویگا ۔ اگرچہ اس سے قبل بھی یہ کام مندوستان کے منتلف مقالت من تحورًا تحورًا النجام بإيا مثلاً فورث وليم كالح كلكت يس زير ممراني و آكم وككرسك الربلي سوسائش مين أنجمن بنجاب مين زیر مگرانی ڈاکٹر لائٹنر و کرنل بالرائڈ ، علی گڑھ سائنٹھک انسٹیوٹ میں جس کی بنا سرسید احد خال مرحم نے ڈالی ۔ گریہ کوششیں سب وقتی اور عارضی تھیں۔ نہ ایکے پاس کافی سرایه اور سامان تفائه انهیس یه موقع مصل تفا اور نہ انہیں انگلی میں پاتی کا شرف ماسل تھا۔ یہ پہلا وقت ہے کہ اردو زبان کو علوم و فنون سے الا ال کرنے کے لئے اِقاعد اور مستقل کوششش کی گئی ہے۔ اور یہ پہلا وقت ہے کہ اورو زبان کو یہ رتبہ لا ہے کہ وہ اعلی تعلیم کا ذریعہ قرار اورو زبان کو یہ رتبہ لا ہے کہ وہ اعلی تعلیم کا ذریعہ قرار فافت عباسیہ میں اردن الرشید و امون الرشید نے ہمیانیہ میں عبدالرجمان خالف نے اکراجیت و اکبر نے ہمند وستان میں الفرڈ نے اکلستان میں بیٹر اظم و کیتھرائن نے روس میں الور شت شی بھو نے جا پان میں کیا وہی فرازولئے دولت اور شت شی بھو نے جا پان میں کیا وہی فرازولئے دولت اور شت شی بھو نے جا پان میں کیا وہی فرازولئے دولت کا یہ کارنامہ ہندوستان کی علی تاریخ میں جمیشہ فخرد مبابات کا یہ کارنامہ ہندوستان کی علی تاریخ میں جمیشہ فخرد مبابات کے ساتھ ذکر کی بائیگا۔

سے ساتھ دہر ہیں ہیں۔

انجل اُن اسباب کے جو قوی ترقی کا موجب ہوتے ہیں ایک چوا سبب زبان کی تکمیل ہے۔ جس قدر جو قوم زیادہ ترقی یافتہ ہو اُس قدر اُس کی زبان وسیع اور اس بیں نازک خیالات اور ملمی مطالب کے ادا کرنے کی زیادہ صلاحیت ہوتی ہے، اور جس قدر جس قوم کی زبان محدود ہوتی ہے اُسی قدر تہزیب اور جس قدر جس قوم کی زبان محدود ہوتی ہے اُسی قدر تہزیب و شایستگی بکد انسانیت میں اس کا درجہ کم ہوتا ہے۔ چنانچہ و شایستگی بکد انسانیت میں اس کا درجہ کم ہوتا ہے۔ چنانچہ فلمنے و علم اللسان نے یہ عابت کیا ہے کہ زبان خیال اور فلمنے و علم اللسان نے یہ عابت کیا ہے کہ زبان خیال اور

خیال ' زبان ہے اور ایک مت کے بعد اس نتیج پر پہنچے ہیں کہ انسانی داغ کے صیح تاریخی ارتفاکا علم ' زبان کی تاریخ کے مطالعہ سے حاصل ہو سکتا ہے ۔ الفاظ ہیں سوچنے میں ویسی ہی مدد دیتے ہیں جیسی آنکھیں دیکھنے میں ۔ اس لئے زبان کی ترقی در حقیقت عقل کی ترقی ہے ۔

علم ادب ِ اس قدر وسیع ہے جس قدر حیاتِ انسانی۔اور اس کا اثر زندگی کے ہرشعبہ پر پڑتا ہے ۔وہ نہ صرف انسان کی ذہنی'معاشرتی' سیاسی ترقی میں مدد دیتا' اور نظر می*ں سوسیا* دلمغ میں روشنی ولوں میں حرکت اور خیالات میں تغیر بیدا کرتا ہے بکہ قوموں کے بنانے یں ایک قوی آلہ ہے۔ قومیت کے لنے ہم خیالی شرط ہے اور ہم خیالی کے لئے ہم زبانی لازم گویا یک زبانی قومیت کا شیرازہ ہے جو اسے منتشر ہونے سے بیائے رکھتا ہے ۔ ایک زمانہ تھا جب کہ مسلمان اقطاع عالم میں یصلے ہوئے تھے لیکن اُن کے علم ادب اور زبان نے انہیں ہر جگہ ایک کر رکھا تھا۔اس زائنے میں انگریز ایک دنیایہ يمائے ہوئے ہيں ليكن با دبود أسر مسانت و اختلاف مالا یک زبانی کی برونت توبیت کے ایک سلسلے میں مسلک ہیں 'زبان میں جادو کا سا الر ہے اور صرف افراد ہی پر نیں بلکہ اقوام پر بھی اُس کا وہی تسلّط ہے۔ یبی وجہ لیے کہ تعلیم کا صبح اور فطرتی ذریعہ اپنی ہی زبان ہوسکتی ہے۔ اس امر کو التعلیم کے میں میں نے بچانا اور جامعۂ عُمانیہ کی بنیاد ڈالی ۔ جامعۂ عُمانیہ مندوستا میں پہلی یونیورسٹی ہے جس میں ابتداسے انتہا کک فریعۂ تعلیم ایک دیسی زبان ہوگا ۔ اور یہ زبان اردو ہوگی ۔ ایک ایسے کمک میں جمال ''بہانت بہانت کی بولیاں'' بولی جاتی ہیں' جمال ہر صوبہ ایک نیا عالم ہے' صرف اردو ہی ایک عام اور مشترک زبان ہو سکتی ہے ۔ یہ اہل ہند کے میل جول سے پیدا ہوئی اور اب بھی یہی اس فرض کو انجام دیگی ۔ یہ اس کے خمیر اور وضع و ترکیب میں ہے ۔ اس لئے یہی تعلیم اور نبادلہ خیالات کا واسطہ بن سکتی اور قومی زبان کا دعونے کرسکتی ہے۔

کرسکتی ہے۔
جب تعلیم کا ذریعہ اردو قرار دیا گیا تو یہ کھلا اعراض جب تھا کہ اردو میں اعلیٰ تعلیم کے لئے کتابوں کا ذخیرہ کہاں ہے اور ساتھ ہی یہ بھی کہا جاتا تھا کہ اردو میں یہ صلاحیت ہی نہیں کہ اس میں علوم و فنون کی اعلیٰ تعلیم ہوسکے۔ یہ صمیم ہے کہ اردو میں اعلیٰ تعلیم ہے لئے کافی ذخیرہ نہیں۔ اور اردوہی پر کیا منصرہ ہے، ہندوستان کی کسی زبان میں بھی نہیں۔ یہ طلب و رسد کا عام سئلہ ہے۔ جب بانگ ہی نہ تھی تورسہ کہاں سے آتی ۔ جب ضرورت ہی نہ تھی تو کتا ہیں کیومکر مینا ہوئیں۔ ہواری اعلیٰ تعلیم فیر زبان میں ہوتی تھی، تو علوم مینا ہوئی ہے تا ہے۔ خرورت ایجاد و فنون کا ذخیرہ ہماری زبان میں کہاں سے آتا۔ ضرورت ایجاد و فنون کا ذخیرہ ہماری زبان میں کہاں سے آتا۔ ضرورت ایجاد

میا ہو جائیں گی۔ اسی کمی کو پورا کرنے اور اسی ضرورت کو رفع کرنے کے لئے سررشنٹ مالیف و مرجمہ قائم کیا گیا۔ یہ صحیح نہیں ہے کہ اردو زبان میں اس کی صلاحت نہیں۔ اس کے لئے کسی دلیل و بربان کی ضورت نہیں۔ سررشنٹ مالیف و مرجمہ کا وجود اس کا شافی جواب ہے۔ یہ سرش کی کار ہے۔ یہ سرت الیف و مرجمہ ہو رہی ہیں اور چند روز میں عثمانیہ یونیورسٹی کالج کے طالب علموں سے اور چند روز میں ہونگی اور رفتہ رفتہ عام شابقین علم کل ہے۔ ہائیں گی۔

لیکن اس میں سب سے کھی اور سنگلاخ مرحلہ وضع اصطلاحات کا تھا۔ اس میں بہت کچھ اختلاف اور بھٹ کی گنجائش ہے۔ اس بارے میں ایک مدت کے تجربہ اور کامل خور و فکر اور مشورہ کے بعد میری یہ رائے قرار پائی ہے کہ تنہا نہ تو ماہر علم صحیح طور سے اصطلاحات وضع کر سکتا ہے اور نہ اہر لمان ۔ ایک کو دوسرے کی ضرورت ہے۔ اور ایک کی کی دوسرا پورا کرتا ہے۔ اس لئے اس اہم کام کوصیح طور سے انجام دینے کے لئے یہ ضروری ہے کہ دونوں یک جاجمع کئے جائیں تاکہ وہ ایک دوسرے کے مشورہ اور مدد سے ایسی مطابق بنائیں ہو نہ اہل علم کو ناگوار ہوں نہ اہل زبان کو ۔ چنانچہ آئی بنائیں ہو نہ اہل علم کو ناگوار ہوں نہ اہل زبان کو ۔ چنانچہ آئی اصول پر ہم نے وضع اصطلاحات کے لئے ایک ایسی مجلس بنائی ہوس میں دونوں جاعتوں کے اصحاب شریک ہیں ۔علاوہ اِس

پچانا اور جامعۂ عثمانیہ کی بنیاد ڈالی ۔ جامعۂ عثمانیہ ہندوسا میں بہلی یونیورسٹی ہے جس میں ابتداسے انتہا تک ذریعۂ تعلیم ایک دیبی زبان ہوگا۔ اور یہ زبان اردو ہوگی۔ ایک ایسے کلک میں جمال ''بہانت بہانت کی بولیاں'' بولی جاتی ہیں' جمال ہر صوبہ ایک نیا عالم ہے' صرف اردو ہی ایک عام اور مشترک زبان ہوسکتی ہے۔ یہ اہل ہند کے میں جول سے بیدا ہوئی اور اب بھی یہی اس فرض کو انجام دیگی۔ یہ اس کے خمیر اور وضع و ترکیب میں ہے۔ اس لئے یہی تعلیم اور شاولہ خیالات کا واسطہ بن سکتی اور قومی زبان کا دعولے کے شاولہ خیالات کا واسطہ بن سکتی اور قومی زبان کا دعولے کے سکتی ہوں ہو ہی ۔ یہ اس کی دعولے کے سکتی ہوں ہو کی ۔ یہ اس کی دعولے کے سکتی ہوں ہے۔ اس کے دیا ہوگی دیا ہوگی کی دیا ہوگی کی میں ہو دیا ہوگی ہوں کا دعولے کے سکتی ہوں ہو ہی دیا ہو کی دیا ہوگی کی دیا ہوگی کی سکتی ہوں ہے۔

جب تعلیم کا ذریعہ اردو قرار دیا گیا تو یہ کھلا اعتراض تھا کہ اردو میں اعلیٰ تعلیم کے لئے کتابوں کا ذخیرہ کہاں ہے اور ساتھ ہی یہ بھی کہا جاتا تھا کہ اردو میں یہ صلاحیت ہی نہیں کہ اس میں علوم و فنون کی اعلیٰ تعلیم ہو سکے ۔ یہ صبیح کہ اردو میں اعلیٰ تعلیم کے لئے کافی ذخیرہ نہیں ۔ اور اردوی پر کیا مخصرہ میں بندوستان کی کسی زبان میں بھی نہیں ۔ یہ طلب و رسد کا عام مسئلہ ہے ۔ جب بانگ ہی نہ تھی تورمد کہاں سے آتی ۔ جب ضرورت ہی نہ تھی تو کتا ہیں کیو کھر میاں سے آتی ۔ جب ضرورت ہی نہ تھی تو کتا ہیں کیو کھر میاں سے آتا ۔ ضرورت ایجاد و فنون کا ذخیرہ ہماری زبان میں ہوتی تھی، تو کتا ہیں بھی و فنون کا ذخیرہ ہماری زبان میں ہوتی تھی، تو کتا ہیں بھی

میا ہو جائیں گی۔ اسی کی کو پورا کرنے اور اسی ضرورت کو رفع کرنے کے لئے سررشند تالیف و ترجمہ قائم کیا گیا۔ یہ صحیح نہیں ہے کہ اردو زبان میں اس کی صلاحیت نہیں۔ اس کے لئے کسی دلیل و برہان کی ضورت نہیں۔ سررشنڈ تالیف و ترجمہ کا وجود اس کا شافی جواب ہے۔ یہ شرشہ یہی کام کر رہا ہے۔ کتابیں تالیف و ترجمہ ہو رہی ہیں اور چند روز میں عثمانیہ ہونیورسطی کالے کے طالب عمل کے اتھوں میں ہونگی اور رفتہ رفتہ عام شابقین علم کل

لیکن اس میں سب سے کھی اور سنگلاخ مرحلہ وضع اصطلاحات کا تھا۔ اس میں بہت کچھ اختلاف اور بھٹ کی گجائش ہے۔ اس بارے میں ایک مدت کے تجربہ اور کائل غور و فکر اور مشورہ کے بعد میری یہ رائے قرار پائی ہے کہ تنما نہ تو ماہرِ علم صحیح طور سے اصطلاحات وضع کر سکتا ہے اور نہ ماہر لسان۔ ایک کو دوسرے کی ضرورت ہے۔ اور ایک کی مورت ہے۔ اور سے اخبام دینے کے لئے یہ ضروری ہے کہ دونوں یک جاجمع کئے ایک کی کی دوسرا پورا کرتا ہے۔ اس لئے اس اہم کام کوصیح طور سے اخبام دینے کے لئے یہ ضروری ہے کہ دونوں یک جاجمع کئے جائیں تاکہ وہ ایک دوسرے کے مشورہ اور مدد سے ایسی مطابق بنائیں ہو نہ اہل علم کو ناگوار ہوں نہ اہل زبان کو ۔ چنانچہ آئی اصول پر ہم نے وضع اصطلاحات کے لئے ایک ایسی نبلس بنائی جس میں دونوں جاعتوں کے اصحاب شریک ہیں ۔علاوہ انگ

ہم نے اُن اہل علم سے بھی مشورہ کیا جو اس کی خاص اہلیت رکھتے ہیں اور بُعدِ مسافت کی وجہ سے ہاری مجلس میں شرکی نہیں ہو سکتے ۔ اس میں شک نہیں کہ بعض الفاظ غیر مانوس معلوم ہوں گے اور اہل زبان انہیں دیکھ کر ناک بہو ں چڑھائیں گے ۔ لیکن اس سے گزیر نہیں ۔ ہیں بعض ایسے علوم سے واسطہ ہے جن کی ہوا تک ہاری زبان کو نہیں گئی۔ ایسی صورت میں سوائے اس کے چارہ نہیں کہ جب ہاری زبان کے موجودہ الفاظ خاص خاص مفهوم کے ادا کرنے سے قاصر ہول تو ہم جدید الفاظ وضع کریں ۔ لیکن اس کے یہ معنی نہیں ہیں کہ ہم نے محض ٹالنے کے لئے زبر دستی الفاظ گھڑ کر رکھ دئے ہیں ، بكه جس نهج بر اب كك الفاظ بنتے يلے آئے ہيں اور جن صولِ ترکیب و اشتقاق پر اب تک جاری زبان کاربند رہی ہے ' اس کی پوری پابندی ہمنے کی ہے۔ ہمنے اس وقت یک کسی لفظ کے بنانے کی جرأت نہیں کی جب کک اُسی قسم کی متعدد شالیں ہارے پیش نظرنہ رہی ہوں ۔ ہاری رائے میں جدید الفا کے وضع کرنے کی اس سے بہتر اور صبح کوئی صورت نہیں۔اب أكركونى لفظ غيرانوس يا اجنبي معلوم ہو تو اس ميں ہمارا قصور نیں ۔ جو زبان زیادہ تر شعر و شاعری اور قصص کک محدود ہو، وہاں ایسا ہونا کھے تعجب کی بات نہیں۔ جس ملک سے ایجاد و اختراع کا مادہ سلب ہو گیا ہو جہاں لوگ نٹی چیروں کے بنانے اور دیکھنے کے عادی نہ ہوں وہاں جدید الفاظ کا غیر انوس اور ابنی معلوم ہونا موجب حیرت نہیں۔ الفاظ کی صات بھی انسانوں کی سی ہے۔ ابنی شخص بھی رفتہ رفتہ انوس ہو جاتے ہیں۔ اول اول الفاظ کا بھی یہی حال ہے۔ استمال آہستہ آہستہ فیر انوس کو انوس کر دیتا ہے ادر صحت و غیر صحت کا فیصلہ زمانہ کے اقتہ میں ہوتا ہے۔ ہمارا فرض یہ ہے کہ لفظ بحویز کرتے وقت ہر پہلو پر کامل خور کرلیں 'آئندہ جل کر اگروہ استمال اور زمانہ کی کسوٹی پر پورا انترا تو خود عکسالی ہو جائیگا اور اپنی جگہ آپ پیدا کرلیگا۔ علاوہ اس کے جو الفاظ پیشس اور اپنی جگہ آپ بیدا کرلیگا۔ علاوہ اس کے جو الفاظ پیشس کئے گئے ہیں وہ انہامی نہیں کہ جن میں رد و بدل نہ ہوسکے' کئے ہیں وہ انہامی نہیں کہ جن میں رد و بدل نہ ہوسکے' بیکہ فرہنگ اصطلاحات عثمانیہ جو زیر ترتیب ہے پہلے اس کا مسودہ اہل علم کی ضدمت میں پیش کیا جائے گا اور جمال نہ کمن ہوگا اس کی اصلاح میں کوئی دقیقہ فروگذاشت ہیں کیا جائے گا اور جمال نہ کس کوئی دقیقہ فروگذاشت ہیں کیا جائے گا۔

لیکن ہاری شکلات صرف اصطلاحات علمید کل ہی محدود نہیں ہیں ۔ ہیں ایک ایسی زبان سے ترجمہ کرنا پڑتا ہے جو ہارے لئے بالکل اجنبی ہے' اس میں اور ہاری زبان میں کسی قسم کا کوئی رشتہ یا تعلق نہیں ۔ اس کا طرز بیان' ادائے مطلب کے اسلوب' محاورات دغیرہ بالکل جدا ہیں ۔ جو الفاظ اور جلے اگریزی زبان میں بالکل معمولی اور روز مرہ کے استعال میں آتے ہیں' اُن کا ترجمہ جب ہم اپنی زبان میں کرنے بیٹھتے میں تو سخت دشواری بیش آتی ہے ۔ ان تمام دشواریوں پر

غالب آنے کے لئے مترجم کو کیسا کھھ نونِ جگر کھانا نہیں پڑتا۔ترجیکا كام جيسا كه عموماً خيال كيا جاتاب كه آسان كام نيس ب ـ بہت خاک چھاننی پڑتی ہے تب کہیں گوہر مقصور اقراتا ہے ، اس سررشته کا کام حرف یهی نه هو کا (اگرچه یه اس کا فرضِ اولین ہے) کہ وہ نصاب تعلیم کی کتابیں تیار کرے ' بلکہ اس کے علاوه وه هر علم پر متعدّد اور کثرت سے کتابیں تالیف و ترجمه كرائے كا الكه الوگول من علم كا شوق برھے الكك ميں روشني بھیلے'خیالات و قلوب پر اثر پ^نیدا ہو' جمالت کا استیصال ہو۔ جمالت کے معنی اب لاعلمی ہی کے نہیں بلکہ اس میں افلاس ، کم بہتی' منگ دلی' کوتہ نظری 'بے غیرتی' بد اخلاقی سب مجھ ا الماتا ہے ۔ جمالت کا مقابلہ کرکے اسے پس یا کرنا سب سے بڑا کام ہے۔ انسانی داغ کی ترقی علم کی ترقی ہے۔ انسانی ترقی کی تاریخ علم کی اشاعت و ترقی کی تأریخ ہے۔ ابتدائے آفرینش سے اس وقت تک انبان نے ہو کھے کیا ہے اگر اس پر ایک وسیع نظر ڈالی جائے تو نتیجہ یہ نکلے گا کہ جوں جوں علم میں اضافہ ہوتا گیا' بچیلی غلطیوں کی صحت ہوتی گئی' تاریکی مُمْتَى كُنُي اللَّهِ مِنْ مَرْصَتَى كُنُى السَّالَ ميدانِ ترتى مين قدم ا کے بڑھاتا گیا۔ اسی مقدس فرض کے ادا کرنے کے لئے یہ سررشتہ قائم کیا گیا ہے اور وہ اپنی بساط کے موافق اس کے انجام دینے میں کوتاہی نہ کرے گا۔

لیکن غلطی سخقیق وجستجو کی گھات میں گلی رہتی ہے۔ ادب کا

کائل ذوق سلیم ہر ایک کو نصیب نیس ہوتا ۔ بڑے بڑے نقاد اور مبضر فاش غلطیاں کرجاتے ہیں۔ لیکن اس سے ان کے کام پر حرف نہیں آتا۔ غلطی ترتی کے انع نہیں ہے ' بلکہ وہ صحت کی طرف رہتائی کرتی ہے بیچھلوں کی بھول چوک آنے والے مسافر کو رستہ بھٹکنے سے بچا دیتی ہے ۔ ایک جا یانی اہر تعلیم (بیرن کی کوجی) نے اپنے ملک کا تعلیمی حال کھتے ہوئے اس صحیح کیفیت کا ذکر آئے اپنے ملک کا تعلیمی حال کھتے ہوئے اس صحیح کیفیت کا ذکر آئے اپنے ملک کا تعلیمی حال کھتے ہوئے اس صحیح کیفیت کا ذکر آئے ہے جو ہونہار اور ترتی کرنے والے افراد ادر اقوام پر گرارتی ہے۔

''نہم نے بہت سے تجربے کئے اور بہت سی نا کا میاں اور فائدہ فلطیاں ہوئیں' لیکن ہم نے ان سے نئے سبق سکھے اور فائدہ ایختایا۔ رفتہ رفتہ ہیں اپنے مک کی تعلیمی خرویات اورامکانات کا صبح اور بہتر علم ہوتا گیا اور ایسے تعلیمی طریقے معلوم ہوتے گئے جو جارے اہل وطن کے لئے زیادہ موزوں تھے۔ ابھی بہت سے لیسے مسائل ہیں جو ہیں حل کرنے میں' بہت سی ایسی اصلامیں ہیں جو ہیں عمل میں اور فتاف طریقوں کی برائیاں اور بھلائیاں کوسٹس کر رہے ہیں اور فتاف طریقوں کی برائیاں اور بھلائیاں اور بھلائیاں اور بھلائیاں اور بواج دیں اور برائیوں سے بجی' اس لئے جو حضرات ہارے کام پر تنقیدی نظر ڈالیں آئیس قت اس لئے جو حضرات ہارے کام پر تنقیدی نظر ڈالیں آئیس قت کی تنگی'کام کا ہجوم اور اس کی انہیت اور ہاری شکلات پیش نظر کھنی چاہئیں ۔ یہ پہلی سعی ہے اور بہلی سعی میں کچھ نہ کچھ فامیاں کھنی چاہئیں ۔ یہ پہلی سعی ہے اور بہلی سعی میں کچھ نہ کچھ فامیاں

ضرور رہ جائی ہیں الیکن آگے چل کریسی خاسیاں ہماری رہنا بنیں گی اور پختگی اور اصلاح تک پہنچائیں گی - یہ نقش اول ہے نقش ٹانی اس سے بہتر ہوگا - ضرورت کا اصاس علم کا شوق ' حقیقت کی لگن 'صحت کی ٹوہ' جد وجمد کی رسائی خود ہنجو د ترتی کے مارج طے کرلے گی -

جایانی بڑے فخرسے یہ کہتے ہیں کہ ہمنے تیس چالیس سال کے عرصے میں وہ کچھ کر رکھایا جس کے انجام دینے میں پورپ کو اتنی ہی صدیاں صرف کرنی پڑیں ۔ کیا کوئی دن ایسا آئے گا کہ ہم بھی یہ کنے کے قابل ہوں گے ؟ ہمنے پہلی شرط پوری مردی ہے یعنی بیجا قیود سے آزاد ہو کر اپنی زبان کو اعلیٰ تعلیم کا وربعہ قرار دیا ہے ۔ لوگ اہمی ہارے کام کو تذبیب کی سگاہ سے و کھھ رہے ہیں اور ہاری زبان کی فابلیٹ کی طرف مشتبہ نظریں وال رہے ہیں۔لیکن وہ دن آنے والا ہے کہ اس ذرے کا بھی بتارہ چکے گا' یہ زبان علم و حکمت سے مالا مال ہو گی اور أَعَلَىٰ عَضْرَتُ وَأَقُلَىٰ كَى نَظر كِمِيا الرَّى بدولت يه دنیا کی مذب و شایسته زبانوں کی ہمسری کا دعوے کرے گی۔ اگرچه اُس وقت جماری سمی اور محنت حقیر معلوم بهوگی ، مگریهی شام غربت صبح وطن کی آمد کی خبر دے رہی ہے' یہی شب بیالا روزِ روشن کا جلوه دکھانیں گی، اور یہی مشقت اس قصر رفيع الشان كى بنياد بوگى بو أننده تعمير بمونے والا ہے ـ اس وقت ہارا کام صبر و استقلال سے میدان صاف کرنا'

واغ بیل ڈالنا اور نیو کھود نا ہے' اور فراد وار شیرین کمت کی خاطر سنگلاخ پہاڑوں کو کھود کھود کر جوٹے علم لانے کی سعی کرنا ہے۔ اور گو ہم نہ ہوں گے گر ایک زمانہ آئیگا جب کہ اس میں علم و کمت کے دریا بہیں گے اور ادبیات کی افتادہ زمین سرسبرو شادا نظر آئے گی ۔

عب الحق

ناظم سررشتهٔ تالیف و ترجبه (عثمانیه یونیورسطی)



مولوی عبدالحق صاحب بی- اے ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ۔ ناظسم قاضی مخدحین صاحب ایم اے ایکار مدر مشرجم ریاضیات چو وصری برکت علی صاحب بی سی سی ۔ ۔ ۔ ۔ مشرجم سائینس مولوی سید ہاشمی صاحب - - - -- - - - - - سرجم تاريخ -مولوی مخد الیاس صاحب برنی ایم- اے ۔ ۔ ۔ مترجم معاشیات قاضى للمذحيين صاحب يم الطياء مترجم ساسيات مولوی ظفر علی خال صاحب بی -اے - - - مترجم تاریخ -مولوی عبدالماجر صاحب بی ۔ اے۔ ۔ ۔ ، مترجم فلسفہ ومنطق مولوی مبدانحیلم صاحب شرر مولف ماریخ اسلام مولوی سیدعلی رضا صاحب بل - اے ۔ ۔ ۔ ، مترجم قانون ۔ مولوی عبدالله العادی صاحب مترجم کتب عربی علاوہ ان رنہ کورہ بالا مترجین کے مولوی صاجی صفی الدین صاحب ترجمه شده کتابوں کو زہبی نقطهٔ نظر سے دیکھنے کے لئے اور نواب حیدریارجنگ (مولوی علی حیدر صاب طباطبائی) ترجموں پر نظر ان کرنے کے لئے مقرر فرائے گئے ہیں ،



مولوی مزامهدی خال صاحب کوکب فطیفه یاب تطرعالی (مابق الم مرم شادی) مولوی حمیدالدین صاحب بی ای است نواب حیدر یارجنگ (مولوی علی حیدر صاحب طباطبائی) مولوی وحیدالدین صاحب سلیم مولوی وحیدالدین صاحب سلیم مولوی عبدالحق بی ای ای و ترجمبه

علادہ ان ستقل ارکان کے ، مترجمین سررشتہ تالیف وترجمہ نیز دوسرے اصحاب سے بلحاظ اُ تکے فن کے مشورہ کیا گیا۔ مشلا فان فضل محد الله اسکول حیدرآباد) مولوی عبدالواسع صاحب (پرفیسر دارالعلوم حیدرآباد) پروفیسر عبدالرحمان صاحب می -ایں سی (نظام کالج) بروفیسر عبدالرحمان صاحب می -ایں سی (نظام کالج) مرزا محمد بادی صاحب بی - اے (پروفیسر کرسین کالج کھنؤ)

مولوی سلیمان صاحب ندوی

ید راس سعود صاحب بی اے (ناظم تعلیمات حیدرآباد) وغیرہ



صفحات	مضموك	باب
مر آ ا	رفيار	باب اول
٨٩ ١ ٨٨	امراع	باب دوم
100 1 40	حركت مجا ذيه ارض	باب سوم
יוו ל אמוד	قوا من حركت	باب حباره مور
16A T 188	قوانين حركت رسلسل)	بالبخيسم
444 L 164	صدمه - کام اور توانانی	منه ا باب شمش باب شمش
rap I yra	مرمیات	بالبقنت
4.4 [140	لجيدار حبمول كالقيام	بابرسشتم
rra i r.c	رسم الطرنق اورعادى اسراع	باب نہم
سه، تا ۳۸۰	جاذبةُ ارض كے زرعمل ايك چيكے منی ريزكت	إىب دىېم
mg4 [m41	بسيط موسيقى حركت به رقاص	باب ماز دسم
pra [mgc	ا کافمیال ۱ ور البعا و	اب دواز دیم
ern I ran		متفرق سوالات
ير ت بعدار صفحه ۴ هم آاخره مهنو		جوابات

ب المالاط الرسم على معام المرسم المولى باب الول رفت ار

(۱) ایک نظه کو حرکت کرتا ہوا اس حالت میں کہتے ہیں جب کم اس کا مقام وقت کی ہر آن میں بدل را ہو۔ اگر ایک متحرک نقطے کا مقام وقت کی ایک آن ہیں طہواور بعدہ ایک اور آن ہیں ق ہوتو درمیائی دقت میں اس کے مقام کی تبدیل طق ہوگی۔ کے بعد دیگرے متحرک نقطے سے تمام مقامات میں سے جو خط کھینیا جائے دہ اس نقطہ کا طریق یا راستہ کہلاتا ہے۔ کھینیا جائے دہ اس نقطہ کا طریق یا راستہ کہلاتا ہے۔ کو اس کی جال استہ جو کی شرح کو اس کی جال کہتے ہیں۔

مترک نقطے کی جال اس حالت میں کیساں کہلاتی ہے جب کہ وہ مساوی اوقات میں اپنے رامعہ کے مساوی عصے طے کرے۔ خواہ اوقات کی مرت کتنی ہی کم ہو۔

وض کرو کہ ایک ریل گاڑی ایک گھنٹہ یں ۳۰ میل چلتی

ہو اور دوسرے گھنٹے میں ۳۰ میل اور پھر تیسرے میں بھی

۳۰ میل۔ اور چند گھنٹوں میں بھی اسی طرح چلتی ہے۔ تو ہسم

یقیناً یہ نہیں کہہ سکتے کہ اس کی چال یکساں ہے جب تک کہ

ہم کو یہ معلوم نہ ہوکہ وہ ایک منٹ میں نصف میل چلتی ہے

اور ایک سیکٹہ میں مہم فٹ اور ایک گھنٹے کے ہزارویں صفے

میں ۳۰ میل کا ہزارواں حصہ اور ایک گھنٹے کے کروڑویں حصے

میں ۳۰ میل کا کروڑواں حصہ۔ اور اسی طرح وقت کی ہرایک

مقدار کے لئے خواہ وہ کتنی قلیل ہو۔

جب کسی نقطے کی چال کیساں ہو تو اس کا اندازہ وہ فاصلہ ہے جو نقط وقت کی ایک اکائی میں طے کرے۔ اور اگر نقطے کی چال ہر آن میں بدل رہی ہو۔ تو کسی خاص آن میں اس کا اندازہ وہ فاصلہ ہے جو نقطہ وقت کی ایک اکائی میں سطے کرے اگر وہ وقت کی اس اکائی میں اسی چال سے چلتا رہے۔ جو اس خاص آن میں اس کی چال ہے۔ اگر ہم یہ کہیں کہ ایک ریل گاڑی وقت کی ایک خاص آن میں بہ میل فی گھنٹ کی چال سے چل رہی ہے۔ تو اس جارا یہ مطلب نہیں ہے کہ وہ گزشتہ ایک گھنٹے میں بہ میل چل چک ہوہ آئیدہ ایک گھنٹے میں بہ میل چل چک ہوہ آئیدہ ایک گھنٹے میں بہ میل جس جو کہ وہ آئیدہ ایک گھنٹے میں بہ میل جس جا کہ وہ آئیدہ ایک گھنٹے میں بہ میل چل چک ہوہ آئیدہ ایک گھنٹے میں بہ میل جل چکی ہے اور نہ یہ مطلب ہے کہ وہ آئیدہ ایک گھنٹے کی بیل جل جا گھنٹے کی ایک گھنٹے کی بیل جا گھنٹے کی ایک گھنٹے کی بیل جا گھنٹے کی ایک گھنٹے کی ایک گھنٹے کی بیل جا گھنٹے کی ایک گھنٹے کی ایک گھنٹے کی بیل جا گھنٹے کی ایک گھنٹے کی ایک گھنٹے کی ایک گھنٹے کی بیل جا گھنٹے کی ایک گھنٹے کی ایک گھنٹے کی ایک گھنٹے کی ایک گھنٹے کی بیل جا گھنٹے کی ایک گھنٹے کی ایک گھنٹے کی ایک گھنٹے کی ایک گھنٹے کی اگر ایک گھنٹے کی بیل جا گھنٹے کی ایک گھنٹے کو ایک گھنٹے کی کی جا کہ کی ایک گھنٹے کی دور آئیدہ ایک گھنٹے کی دور آئیدہ ایک گھنٹے کی دور آئیل گھنٹے کی دور آئیدہ ایک گھنٹے کی دور آئیدہ کی دور آئیدہ

اس کی جال وہی رہے جو اس خاص آن میں ہے تو اس ایک گھنٹے میں وہ جم میل ملے گی۔

اگر ایک نقطے کی جال کیساں نہ ہو تو کسی آن میں اس کا اندازہ بطریق ذیل لگایا جا سکتا ہے۔ فرض کرو کہ اس خاص آن کے بعد اللہ سکنڈ کی مت میں نقطے نے فاصلہ ف

ط کیا۔ تو مقدار ف یعنی فاصلہ جوطے ہوا ہے۔ اگر اس سے زیادہ تقریباً مطلوبہ چال کے برابر ہے۔ اگر اس سے زیادہ تقریبی اندازہ لگانا مقصود ہو تو فرض کرو کہ اس خاص آن کے بعب الگانا مقصود ہو تو فرض کرو کہ اس خاص آن کے بعب الگانا مقصود ہو تو فرض کرو کہ اس خاص آن کے بعب الگانا مقصود ہو تو فرض کرو کہ اس خاص آن کے بعب الگانا مقصود ہو فوض کرو کہ اس خاصلہ طے کیا۔ تو ف ایمان میں نقطے ہوا فریادہ تقریبی اندازہ ہے۔ اور اس قاصلہ طے بہوا

زیادہ تقریبی اندازہ فی ہے جہاں ف وہ فاصلہ ہے جو آن ندکور کے بعد نقط نے بیائٹر میں طے کیایہی عمل جاری رکھنے سے جال کے اور بھی زیادہ تقریبی اندازے گئے۔ سکتے ہیں۔

پس اگر کسی نقطے کی چال ہر آن بدل رہی ہو تو ہسم بخوبی سمجھ سکتے ہیں کہ کسی خاص آن میں نقطے کی چال کا مفہوم کیا ہے۔

حمالی زبان میں اس مفہوم کو اس طرح ادا کیا جاتا ہے۔ فرض کرو کہ ایک خاص ان کے بعد تھوڑے سے وقت اباول علمحركت

و من متحرك نقط اسن راستم كا اتنا حصه ط كرتا بك اس کا طول ف ہے تو آن فرکور میں متحرک فطے کی چال کا اندازہ ف کی انتہائی قیمت سے جب کہ وقت و كوكم سے كم كرتے ہے جائيں - اسى طح اگر كوئى بركنے والى مقدار ہو غواہ روسيہ ياكسى ملك كى آبادى يا كوئى اور چیزجس کی تبدیل حساب و شمار میں آسکتی ہے تو ایسی مقدار کی شیع تبدل بے کی انتہائی قیمت ہے جہاں تصورت سے وقت و میں اس مقدار کی تبدیل مت ہے۔ (سم) طول اور وقت کی اکائیاں جو انگلشان میں علم طور سر

التعال روق بن وه ایک فٹ اور ایک سیکنڈ یا ٹانیہ ہیں ایک فٹے ایک سر کا تیسار حصہ ہے اور ولیٹ نسٹر میں بیتل کی ایک معوس سلاخ محفوظ ہے جس میں سبونے کی دو کیلیں جڑی ہیں اور ان رو کیلوں کے درمیان جو فاصلہ ہے وہ ایک گر کہلاتا ہے۔

جننے وقت میں زمین اپنے محور کے گرد ایک پوری گردش كرتى ہے وہ ايك دن ہے۔ ايك دن س ٢٨ كھنٹ بهوتے بین اور ایک تھنٹے میں ، و منٹ اور ایک منٹ میں ، پنٹ سکنٹہ ہوتے ہیں سکنٹہ یا نانیہ کی تعریف یہی ہے۔

علمی پیایش میں طول کی اکائی سینٹی میشر ہے جو ایک میشر کا بہ ہے شروع یں میٹری تعریف یوں کی منی تھی کہ وہ سطح زمین کے ایک ربع یعنی قطب شالی اور خط استوا کیے درمیانی فاصلے کا کروڑواں حصہ ہے ۔ لیکن عمل اس پر ہے کہ پیرس میں بلٹینم کی ایک خاص سلاخ محفوظ ہے ۔ اس کے طول کو میٹر کہتے ہیں ۔ ایک میٹر تقریباً ٤٣١ و ۴ انج کے مساوی ہے اس لئے ایک فٹ تقریباً ٤٧٩ و سینٹی میٹر کے برابر ہے ۔ اس لئے ایک فٹ تقریباً ٤٧٩ و و سینٹی میٹر کے برابر ہے ۔ میٹر کے دسویں حصہ کو ڈیسی میٹر اور ہزارویں حصے کو میٹر کہتے ہیں ۔

(سم) جال کی اکائی ایک ایسے متحرک نقطے کی جال کو کہتے ہیں جو وقت کی ایک اکائی میں طول کی ایک اکائی میں طول کی ایک اکائی کی سال کے ایک کی ایک اکائی ان دو اکائیوں بر منحصر کیساں طے کرے۔ پس جال کی اکائی ان دو اکائیوں بر منحصر ہوں ہے ایک یا دونوں تبدیل ہوں تو جال کی اکائی میں بھی عموماً تبدیلی واقع ہوگی۔

ده) اگر ایک نقطے کی جال کی ہو تو اس کے یہ معنی ہیں کہ وہ وقت کی ایک اکائی میں طول کی کی اکائسیاں طے سرتا ہے۔

ہندا نقط مذکورہ وقت کی و اکائیوں میں طول کی ل و اکائیوں میں طول کی ل و اکائیاں طے کریگا۔ بیس جال ل سے چلنے والا نقطہ وقت و میں اگر فاصلہ ف طے کرے تو ف ہ ل و۔ اگر جال کا اندازہ ایک قسم کی اکائیوں میں لگایا گیا ہوتو دوسری قسم کی اکائیوں میں لگایا گیا ہوتو دوسری قسم کی اکائیوں میں اس کی تبدیلی آسانی سے ہوسکتی ہے۔ مسئ لگ ، میل فی گھنٹہ کی جال وہی ہے جو مسئل ، میل فی منٹ ہے۔

یا به میسل فی سکند یا <u>۱۸۰۶ ف</u> فط فی سیکند یعنی ۸۸ فی ف

مث کی (۱) یہ فرض کر کے کہ زمین کا مرکز ۳۹۵ ونوں میں میں وضف قطر کا دائرہ طے کرتا ہے ۔ نا بت کرو کہ اس کی جال ۱۸۱۵ میل فی نانیہ ہے۔

مث ال (م) یہ تسلیم کر کے کہ روضی آفتاب سے زمین کس مث اللہ میں پہنچی ہے نابت کرو کہ روتنی کی جب ال اللہ میل فی نانیہ ہے۔

(۱) نقل مکان - ایک متحرک نقطے کے مقام کی تبدیلی کو اس کی نقل مکان کہتے ہیں - اگر متحرک نقطے کے مقام کی تبدیلی اول سی نقل مکان کا طول اور سمت دونوں معلم ہوں تو اس کی نقل مکان معلوم ہوسکتی ہے بین نقل مکان کی مقدار بھی ہوتی ہے اور سمت بھی -

مث ل (۱) ایک آدمی سو میل عین مشرق کی طرف جاتا ہے اور بھر ہم میل شمیک شال کی طرف نابت کرو کہ اس کی نقل مکان ہ میل ہے اور مشرق سے شال کی جانب زاویہ من میں ہے۔

مٹ کی (۲) ایک جہاز ایک میل جنوب کی طرف جاتا ہے اور بھر ہہ میل جنوب مغرب کی جانب خابت کرو کہ اس کی نقل مکان سے میل ہے اور جنوب سے مغرب کی طرف زاویہ مت ب بناتی ہے۔

من ال (س) ایک جہاز صب ذیل جلتا ہے۔ تام زاوئے شال سے مشرق کی طرف شار کئے گئے ہیں۔

ه میل به زاویه ۲۲۵ ۴ میل به زاویه ۹۰ ۲ میل به زاویه ۹۰

۳ میل به زاویه ۱۳۵ هم میل به زاویه ۳۰۰

کل فاصلہ چلنے میں ہو گھنٹے صرف ہوے اور پانی شرق سے

بجانب غرب ۳ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے چل رہا ہے۔ تربیجا ثابت کروکہ جہاز کے مقام اول و انٹرِکا درمیانی فاصلہ تفریباً ۱۸۰۹ کیل

ہے۔ اور یہ کہ اس نے مغرب کی جانب تقریباً ۸۸ و میل کا فاصلہ کے کیا ہے۔ (٤) رفتار۔ تعریف ۔ ایک متحرک تقطے کی نقل مکان کی شرح

اس کی رفتار کہلائی ہے۔

ایک نقطے کی رفتار کی مقدار بھی ہوتی ہے اور سمت بھی۔
ایک نقطے کی رفتار کیساں اسوقت کہلاتی ہے۔ جب کہ وہ ایک متقل سمت میں حرکت کررا ہو اور مساوی اوقات میں اینے راشتے کے مساوی طول طے کرے۔ اوقات کی مقدار خواہ کتنی ہی قلیل ہو۔ کیساں رفقار کا اندازہ اس نقل مکان سے کیا جانا ہے جو وقت کی ایک اکائی میں ظہور پذیر ہو۔ اور بدلنے والی رفقار کا اندازہ ایک خاص آن میں بطریق ذیل کیا جاتا ہے ،۔ فرض کرو کہ آن مذکور کے بعد

۔ وقت کی ایک اکائی میں رفتار وہی رہتی ہے۔ جو آن ندکور وقت کی ایک اکائی میں جو نقل مکان ہو وہ میں ہے۔ تو وقت کی اس ایک اکائی میں جو نقل مکان ہو وہ آن نذکور میں رفتار کا اندازہ ہے۔

جیبا کہ دفعہ (۲) میں بیان بروا۔ اگر ایک متحرک نقطے کی رفتار کیساں نہ ہو تو کسی خاص آن میں اس کا اندازہ اسطرح ہو سکتا ہے۔ کہ آن ندکور کے بعد ہے، لیے ہیں اس کی نقل مکان دریافت کی جائیں ان کے ذریعہ رفتار کا ریادہ تقریبی اندازہ حاصل ہوگا۔

زبان ریاضیات میں یوں کہا جاتا ہے کہ اگر آن مذکور کے بدر تھوڑے سے وقت و میں نقل مکان ن ہوتو ن کی انتہائی قیت جب کہ و کو کم کم کرتے جائیں آن مذکور میں نقطے کی رفتار ہوگی۔

(٨) طالب علم كويه معلوم بهوگيا بهوگا كه جب متحك نقطه خط متقيم مين حركت كررا بهو نو چال اور رفتار مين كوئي فرق فهدر بهوتا -

اگر حرکت خط متقیم میں نہ ہو تو جال اور رفتار میں فرق ہوتا ہے۔ مثلاً اگر ایک انقطہ ایک دائرے کے محیط بر کیساں جل رہا ہو یعنی مساوی اوقات میں (خواہ اوقات کی مقدار کتنی ہی کم ہو) قوس کے مساوی حصے طے کر رہا ہو۔ تو محیط کے مختلف مقامات پر حرکت کی سمت مختلف ہوگی ۔ کیونکہ کسی خاص مقام پر یہ سمت ماس دائرہ کی سمت ہوگی ۔ کیونکہ کسی اس صورت میں رمنار اپنے اصطلاحی معنوں میں ہر مقام پر برل رہی ہے اور چال ہر مقام پر یکساں ہے۔ (۹) رفتار کی اکائی کی مقدار ایک ایسے نقطے کی رفتار ہے جس کی نقل مکان وقت کی ایک اکائی میں طول کی ایک ریم

جب ہم کہتے ہیں کہ ایک متوک نقطے کی رفتار می ہے تو اس سے ہمارا یہ مطلب ہوتا ہے کہ اس کی رفتار میں رفتار کی من اکائی میں اس کی من اکائیاں ہیں یعنی یہ کہ وقت کی ایک اکائی میں اس کی نقل مکان طول کی می اکائیاں ہیں اگر ایک متحرک نقطے کی رفتار ایک سمت میں می ہوتو اس کے مساوی رفت ار متفاہل سمت میں می ہوتو اس کے مساوی رفت ار متفاہل سمت میں لاز ما (-س) سے تعبیر ہوگی۔

بعض مولفین الفاظ " فش سکنڈ" کو " ایک فش فی سکنڈ کی رفتار" کے معنوں میں استعال کرتے ہیں ۔ مثلاً "تین فش سکنڈ کی رفتار" سے ان کا مطلب "تین فش فی سسکنڈ کی رفتار" ہوتا ہے۔ اسی طرح آ سینٹی میٹر سکنڈ کی رفتار" سے "اسنٹی میٹر سکنڈ کی رفتار" سے "اسنٹی میٹر فی سکنڈ کی رفتار" مفہوم ہوتا ہے۔ "اسنٹی میٹر فی سکنڈ کی رفتار اس وقت معلوم ہوتی ہے۔ (۱۰) چونکہ ایک نقط کی رفتار اس وقت معلوم ہوتی ہے۔

(۱۰) چونکہ ایک تفط کی رفتار اس وقت معلوم ہوتی ہوتی ہوتی ہوتی ہوت معلوم ہوں اس کئے جب کہ اس کی مقدار اور سمت دونوں معلوم ہوں اس کئے رفتار کو اگر ہم ایک خط متنقیم اب سے تبہیر کریں تو مناسب ہے۔مثلاً جب ہم کہیں کہ دو متحرک نقطوں کی رفت اریں مقدار اور سمت میں دو خطوط متنقیم اب اور ج د سے مقدار اور سمت میں دو خطوط متنقیم اب اور ج د سے

(11) یہ مکن ہے کہ ایک جسم کی رفتاریں ایک ہی وقت میں دو یا زیادہ مختلف ستوں میں ہوں۔ اس کی ایک عام فہم مثال اس شخص کی ہے جو ایک متحرک جہاز کے عرشہ پر ایک مقام سے دوسرے مقام تک چئے اس کی ایک خرکت تو جہاز کی حرکت ہے اور دوسری اس کی اپنی حرکت جہاز کے عرشہ پر - یہ ظاہر سے کہ فضا میں اس شخص کی حرکت ان دو صورتوں سے مختلف ہوگی جب جہاز ساکن ہو یا جب وہ شخص جہاز کے عرشہ پر بہ مقام اول ساکن رہے۔ اب ایک اور مثال ہو۔ فرض کرو کہ ایک جہاز اس طرح جلتا ہے کہ اس کا رخ ایک سمت متقل میں رہتا ہے۔ مان ہو کہ یہ سمت شال ہے۔ اور بانی کے بہاؤ کا زور اس کو ایک مختلف سمت مینی جنوب مشرق کی طرف لے جاتا ہے۔ اور فرض کرو کہ ایک ملاح جباز سے متول پر چرص رہا ہے ملاح کی نقل مکان اور رفتار کا انحصار صریحاً تین مقادیر پر ہے۔ یعنی جہاز کی رفتار۔ بانی کی رفتار اور طاح کی اپنی رفتار۔اس کی رفتار واقعی ان تینو رفتاروں سے مرکب ہے۔

بالعل

وفعہ ذیل میں ہم دو مفروضہ رفتاروں کی تر کیب کا طریقہ بیان کریں گئے۔

(۱۲) مسئله - رفتارول کا متوازیالاضلاع ـارایک متحرک نقطے کی ایک وقت میں دو ایسی رفتاریں ہوں جن کو ایک متوازیالاضلاع کے دو متصل ضلعے(جو ایک نقطے سے تصنیح جائیں) مقدار اور سمت میں تعبیر کریں۔ تو دونو رفتار مل کر ایسی رفتار کے مساوی ہوں گی جو مقلار اور سمت میں متوازیالاضلاع کے اس قطر سے تعبیر ہوگی جو نقطے۔ ندکورہ میں سے گزرتا ہے۔

فرض کرو کہ دونو رفتاریں خطوط اب اور اج سے تعبیر ہوتی ہیں اور ان کی مقداریں راور ف ہیں متوازی الاصلاع ب اج د کی تکیل کرو-

ہم یہ فرض کر سکتے ہیں کہ متحرک نقطہ اسے شروع ہو کر خط ا ب کی سمت میں رفتار س سے چلتا ہے اور ساتھ ہی ساتھ خط ا ب صفحہ ندا پر

اس طرح حرکت کرتا ہے۔ کہ نقطہ 1 مخط **اج کی سمت میں رفتار** وسے چلتا ہے وقت کی ایک اکائی میں متحرک نقط خط اب برا سے جل کر ب تک حرکت کریگا اور اسی عرصبہ می خط اب حرکت کر کے مقام ج د پر پہنچ جائیگا - ابغدا وقت کی ایک اکائی کے اختتام پر متحرک نقط د پر پہنی جائیگا۔ چونکہ دونوں رفتاریں مقدار اور سمت میں غیر متبدل رہتی بیں اس کئے متحرک نقطے کی رفتار اسے لے کر دیکس فیر متبدل رہنگی۔

ینے وقت کی ایک اکائی میں نقطے کا داستہ خط مشقیم اکد ہوگا ہیں اح مقدار اور سمت میں ان دو رفتاروں کے مساوی ہے جو اب اور اج سے تعبیر ہوتی ہیں ۔ طائب علم کو نبوت بالا کے سبحضے میں سہولت ہوگی اگر وہ یہ فرض کرے کہ اج ایک چلتے جاز کی حرکت کی سمت وہ یہ فرض کرے کہ اج ایک چلتے جاز کی حرکت کی سمت خط بر ایک آدمی کیسال جل راہے۔ خط کھینجا ہوا ہے اور اس خط بر ایک آدمی کیسال جل راہے۔

(سول) تعریف - اگر دو یا زیادہ رفتاریں مل کر لیک رفتار کے مساوی ہوں تو یہ ان کا حاصل کہلاتی ہے اور وہ اس اجزاء ترکیبی کہلاتے ہیں -

دو رفتاروں س اور فی کا درمیانی زاویہ عہ ہے۔ ان کا ماصل برطریق ذیل معلوم ہو سکتا ہے۔ فرض کرو کہ شکل رفعہ (۱۱) میں ا ب اور اج رفتاروں س اور فر کو تعبیر کرتے ہیں اور ان کا درمیانی زاویہ ب اج عہ ہے۔ تو بہ فدیعہ علم مثلث الا اسلام اللہ ہب د ہجھاب د اب اسلام کوی سے تعبیر کریں تو پی آگر ہم حاصل رفتار اح کوی سے تعبیر کریں تو پی آگر ہم حاصل رفتار اح کوی سے تعبیر کریں تو کی سے تو کی سے تعبیر کریں تو کی کی کی کی کریں تو کی کی کی کریں تو کی کی کریں تو کی کی کریں تو کی کی کریں تو کریں کریں تو کریں تو کریں تو کریں تو کریں تو کریں تو کریں کریں تو کری

نیز اگرہم زاویہ ب اد کوطہ سے تبیر کریں تو

علم حركت

 $\frac{1-\frac{1}{\sqrt{1-\frac{1}{2}}}}{\frac{1}{\sqrt{1-\frac{1}{2}}}} = \frac{\frac{1}{\sqrt{1-\frac{1}{2}}}}{\frac{1}{\sqrt{1-\frac{1}{2}}}} = \frac{\frac{1}{\sqrt{1-\frac{1}2}}}{\frac{1}{\sqrt{1-\frac{1}2}}}} = \frac{\frac{1}{\sqrt{1-\frac{1}2}}}{\frac{1}{\sqrt{1-\frac{1}2}}}} = \frac{\frac{1}{\sqrt{1-\frac{1}2}}}}{\frac{1}{\sqrt{1-\frac{1}2}}}} = \frac{\frac{1}{\sqrt{1-\frac{1}2}}}}{\frac{1}\sqrt{1-\frac{1}2}}}} = \frac{\frac{1}{\sqrt{1-\frac{1}2}}}}{\frac{1}\sqrt{1-\frac{1}2}}}} = \frac{\frac{1}$

: مم طه = ر+ وجم عه وجب عه

 $\frac{us}{us} \sim d = \frac{e^{\frac{2}{3}}}{c + e^{\frac{2}{3}}a}$

یس اگر دو رفتاریں ایک دوسرے سے زاویہ عد بنائیں۔تو ان کا حاصل ایک رفتار ۱۲۱۷ و ۱۲۰۱ روجم عد کے مساوی ہے جو رفتارس کی سمت سے زاویہ مشل رجوجم عد بناتی ہے۔ حاصل رفتار کی سمت اس طرح بھی حاصل ہو سکتی ہے۔ اس یا اب مرودہ پر دع عمود شکالوجو اب سے نقطع پر ا

دفعه (۱۲) میں کیا گیا تھا۔

چونکہ ایک مثلث کے اضلاع روایاے مقابل کی جیبوں کے تناسب ہوتے ہیں اس کئے

اب <u>بو او</u> جبادب جب باد جباب د

ليني ب = ب و = او ليني ج ب عد جب عد جب العدبه

نه اب = الحب به اورب د = اد جب عد براعد بر) پس ان دوسمتوں میں رفتار کے اجزاء ترکیبی یہ بوے۔

رجب بر جب (عدب) جب (عدب) جب رفتارول کا مثلث - اگر ایک متحک نقط کی (۱۲) رفتارول کا مثلث - اگر ایک متحک رفتاریں ایک وقت میں ایسی ہوں جو ایک متلف کے اصلاع اب اور ب ج سے بالترثیب تعبیر موں - تو دونوں رفتاری ایک ایسی رفتار کے مساوی ہوں گی جو اج سے تعبیر ہوئی ہے۔

ہرں ہ متوازی الاضلاع اب ج< کی تکمیل کرنے سے یہ ظاہر ہے کہ جن رفتاروں کو خطوط اب اور ب ج تعبیر کرتے ہیں انبی رفتاروں کو خطوط ا ب اور اد تعبیر کریں گے ابندا ان کی حاصل رفتار اج سے تعبیر ہوگی -

يلب اول

نتیجے صرح (۱) اگر ایک ہی وقت ایک نقط کو تین ایسی رفتاریں دی جائیں جو ایک مخلف کے اطلاع سے تعبیر ہوں جبکہ اضلاع کو ایک ہی رخ یا جائے تو نقط ساکن رہیگا۔

بیجہ صرح (۲) اگر ایک متحل نقط کی رفتاریں ل ہوا اور م ہو ب سے تعبیر ہوں۔ تو دونوں مل کر ایک رفتار ل کے مساوی ہوں گی جہاں گ اب بر ایسا نقط ہے کہ ل ہوا ہ عمر ک ب کیونکہ رفتاروں کے مشلف کے دریئہ رفتار ل ہوا ، دو رفتاروں کے ل یہ وک اور رفتاروں کے ل یہ وک اور رفتاروں م یہ ک ب اور م یہ وک کے مہر برابر ہے۔ یکن رفتاروں م یہ ک ب اور م یہ وک کے برابر ہے۔ یکن رفتاری ل یہ ک اور م یہ ک ب ایک دوسرے کو معدوم کرتی ہیں۔ یہ طاصل (ل + م) یہ وک

بربر ہے رفتاروں کا ذوارجہ السطوح ۔ جس طیح رفتاروں کے متوازی الاضلاع کا سئلہ ثابت ہوا۔ اسی طرح یہ فابت ہو سکتا ، چے کہ اگر تین رفتاریں ایک ذواربعۃ السطوح کے ایک کونے پر طنے والے تین کناروں سے تعبیر ہوں تو ان کی حاصل رفتار ذواربعۃ السطوح کے اس کونے میں سے گزرنیوائے قطر سے تعبیر ہوگی۔ برمکس اس کے ایک رفتار تین اجزا میں تعلیل میں ہوگی۔ برمکس اس کے ایک رفتار تین اجزا میں تعلیل میں ہوسکتی ہے۔

(۱۸) رفتارون کا کثیرالاضلاع-اگر ایک متحرب

نقطے کی رفتاریں ایک وقت میں ایسی ہوں جو ایک کثیرالاضلاع کے رفتاریں ایک وقت میں ایسی ہوں جو ایک کثیرالاضلاع کے اضلع ایک سطح کثیرالاضلاع کے ضلعے ایک سطح

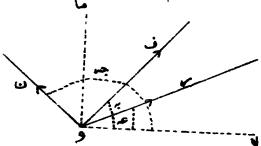
فتاری ع

میں ہوں یا نہ ہوں)تو حاصل رفتار ال سے تعبیر ہوگی -کیونکہ بہ موجب دفعہ (۱۲) رفتار^{یں} اب اور ب ج رفتار اج کے

ماوی ہیں۔ اور رفتاری اج اورج د' رفتار ا < کے برابر ہیں علی بڑالقیاس پس طاصل رفتار ال سے تعبیر ہوگی۔ پس طاصل رفتار ال سے تعبیر ہوگی۔

یں عاصل رفتار آگ سے سبیر ہوئ ۔ نتیجہ صریح ۔ اگر نقط ل' آ بر منطبق ہو بینے کتیرالاصلاع ایک بند شکل ہو تو جال رفتار صفر ہوگی یعنی نقط ساکن رہیگا ۔ ایک بند شکل ہو تو جال رفتار صفر ہوگی یعنی رفتاریں رکھتا ہو۔تو ان کا (14) اگرایک نقط کئی ایک مختلف سمتوں میں رفتاریں رکھتا ہو۔تو ان کا

ترکیب سے کل کی حال رفتار معلوم ہوگی ۔ ما



س جمرعہ + ف جمر بس + ن جمر جم +..... ولا کے متوازی۔

اگر حاصل رفتارح ہواور د کا سے زاویہ طم بنائے تو سے جوطہ = س جمرعہ + ف حمر به + ن جمرجه، سے جب ظہ = سرجب عم + ف جب به + ن جب جم، مریع لے کر جم کرنے سے ۔

ے = (جوعه + ف جوب + ن جوجه + ... فرجه عدفجه بر بن جه جرد ...) اور تقسیم کرنے سے

مس ط = رجب عد + ف جب بد + ن جب جد + ن م ارجم عد + ف جم بد + ن جم جد + ن م ان دو مساواتوں سے ح اور ط معلوم ہوں گے۔

امت المبرى (١)

(1) ایک بھاز وا میل فی گھنٹہ کی رفتار سے عین شمال کی جانب چلتا ہے اور بانی کا بہاؤ اس کو ۳۷۳ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے جنوب مشرق کی طرف لے جاتا ہے۔ دریافت کروکہ ایک گھنٹہ کے بعد جاز کہاں ہوگائی

ایک گفتطہ کے بعد جہاز کہاں ہوگا؟ جہاز کی دو رفتاریں ہیں ایک ۱۵میل فی گفتلہ جانب شال اور دوسکر مہاج، میل فی گفتلہ جانب جنوب مشرق ۔ دوسری رفقار دو رفقارون کے مناوی ہے۔ ایک ۱۲۲۳ جم ۲۵م میل فی گفتلہ مشرق کی جانب اور دوسری ۱۲۲۳ جب ۲۵م میل فی گفتلہ جنوب کی جانب پس جہاز کی کل رفتار یہ ہے۔

اور ۱۶ میں فی گھنٹہ جانب شمال اور ۱۳ میل فی گھنٹہ جانب مشرق

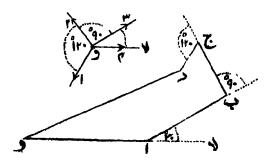
مِندا حاصل رفتارہاً اسم ہے۔ یعنی اسماآسیل فی گھنٹہ ایسی سمت میں ج فعال سے زاویہ من ہے۔ بناتی ہے۔ بینی ساری میل فی گھنٹہ یہ زاویہ مہا ئر از شمال جانب مضرق۔

و کا کے ساتھ رفتاریں مفصلہ ذیل زاوے بناتی ہیں۔ ؟ ، ، ، ، ، ، ، ، ، اور ، ۲۸ ،

پس اگر ح ماصل رفتار ہو اور و کا سے زاویہ طہ بنائے تو ح جموطہ = سم + سم جم سم + سم جم ۱۰ + اجم ۱۳۰۰ + اجم ۱۳۰۰ و حصوطہ = سم + سم جم سم بنائے یہی ح جموطہ = سم + سم ۲۳ + ۱ × (- لم) + ۱ × (- لم) = $\frac{m+m}{r}$ اور ح جب طہ = m+m $+ 1 \times \frac{m}{r} - 1 \times \frac{m}{r} = \frac{m+m}{r}$ مربع ہے کہ جمع کرنے سے مربع ہے کہ جمع کرنے سے

سخ = ۱۲+ ۱۷۹ = ۵ ۸۸ ۵ و ۱۳ شرح = ۹۲ و ۵ اور تقییم کرنے سے

ترسیماً ۔ولا پر و ابرابر س انج کے قطع کرو۔اور زاوی لا اب برابر ... کے بناؤ اور اب برابر س انج کے لو۔ ب ج اب پرعمور نکا لو اور



ا انج کے ساوی قطع کرو۔ اور بھرب ج مدودہ سے ۱۲۰° کے

زاوئے پر ج د بہ قدر ا انج کھینچو - و دکو طاؤ ناپنے سے معلوم بوگا كه ود = ١٢ وه انج اور زاويه ا و < = ٥٥ تقريباً رس ایک جهازی رفتار ۴ میل فی گفنشہ ہے جہاز پر ایک گیند اس کی عمودی سمت میں کرمشکا دی گئی ہے۔ گیند کی رفتار ما گزنی سکنڈ ہے فضا میں گیند کے راستے کی ترسیم کرو اور ثابت کرو کہ ۳۵ یکنڈیں ۵م فٹ طے کرتی ہے۔ رمم ایک کشی ایک دریا میں اس طبع چلائی جاتی ہے کہ که کشتی کا رخ ہمیشہ ریا کی سمت پر عمود وار رہتا ہے۔ اگر دریا کا عرض ۵۰۰ وف ہو تو دریافت کرو کہ جہاں سے کشتی جلی ہے وہاں سے کس قدر دریا کے نیچے کی طرف روسرے كنارے پر لگے گ يُشِي كى رفتار ٩ ميل فى گھنٹہ ہے اور دریا کا بانی میل نی گھنٹہ جلتا ہے۔ (۵) ایک شخص به ذریعه کشی دریا کو عبور کرنا چامتا ہے لیکن اس طرح کہ جہاں سے چلے اس کے عین مقابل دوسرے کنارے پر پہنچے۔کثتی کی رفتار دریا کی رفتار سے دو جیند ہے۔معلوم کرو کہ کفتی کا رخ کس طرف ہونا چاہئے ؟ (١) ايك كشتى كى چال آب ساكن پيس ١ ميل في گفتشه ا اگر رہا یں جس کی رفتار ہم میل فی گھنٹہ ہے۔ اس کشتی کو چلایا جائے تو تربیماً دریافت کرو کہ کشتی کا رخ کیا ہو کہ کشتی کی حرکت دریا سے زاویہ قائمہ بنائے۔ (2) ایک ندی کی رفتار ہا میل فی گھنٹہ ہے ایک تیراک

جس کی رفتار ہے ہم میل فی گھنٹ ہے اس ندی کو عموراً عبور کرنا چاہتا ہے۔ دریافت کرو کہ وہ کس سمت میں چلے ہا اگر کم سے کم وقت میں عبور کرنا مقصود ہو تو معسلوم کرو کہ تیراک کس سمت میں تیرے۔

(A) ایک جہاز کا رخ عین شمال کی جانب ہے اور وہ ایک دریا کو عبور کر رہا ہے جس کا پانی مغرب کی جانب ہم رہا ہے۔ ایک گھنٹے کے بعد معلوم ہوا کہ جہاز نے شمال غرب کی جانب ، سو کا زاویہ بنانے والی سمت میں مراسم میل کا فاصلہ طے کیا ۔ پانی اور جہاز کی رفتاریں معلوم کرو۔ میل کا فاصلہ طے کیا ۔ پانی اور جہاز کی رفتاریں معلوم کرو۔ (۹) دو جہاز لا اور حا دو مقامات میں ، اور ب بر ہیں فاصلہ سمت میں ، امیل فی گھنٹ کی رفتار سے چلنے لگتا ہے معلوم کرو کہ حا اسی وقت ، الاس میل کی رفتار سے جلنے لگتا ہے معلوم کرو کہ حا اسی وقت ، الاس میل کی رفتار سے جسے کس سمت میں جا کہ وہ لا سے مجھیک میرا جائے۔ یہ بھی دریافت کرو کہ لا سے محکر کس زادیہ پر ہوگی اور کتنے وقت کے بعد

رون ایک طریم کار ایک سطر پر مرمیل فی گھنٹہ کی رفتار سے جا رہی ہے۔ اس میں ایک جسم ۱۹ فٹ فی سیکنڈ کی رفتار سے کس سمت میں بھینکا جائے کہ اس کی حاصل حرکت طریم کار کی عمودی سمت میں ہو۔ سے ال ایک جہاز شمال کی جانب ہم فٹ فی سیکنڈ کی رفتار جا رہا ہے بانی کا بہاؤ اسے مشرق کی جانب سوفٹ فی سیکند کی رفتار سے لے جا رہا ہے اور اس میں ایک اللح عمودی مقول پر م فف فی سکنڈ کی رفتار سے چڑھ رہا ہے۔ اللح کی رفتار اور سمت حرکت فضا میں دریافت کرد۔

ن معلوم (۱۲) ایک رفتار کے اجزاء ترکیبی دوسمتوں میں معلوم کروجو اس سے ،س اور دیم کے زاوئے بناتی ہیں۔ (۱۳) یک نقط جس کی رفتاریں مختلف سمتوں میں مجمیم اسان میں ساکن ہے۔دو چھوٹی رفتاروں کا درمیانی زاویہ دریافت

رو۔ (۱۹) ایک نظے کی رفتاریں ۴، ۱۹، ۹ میں اور وہ ایک دوسرے سے ۱۰، کے زاوئے بناتی ہیں۔ تربیعاً اور حساباً ان کا عاصل دریافت کرو۔

بین ہے۔ (۱۹) ایک نقط رو مغروضہ سمتوں میں ساوی رفستاریں رکھتا ہے۔ اگر ایک رفتار کو نصف کر دیا جائے تو وہ زاویہ بھی جو حاصل رفتار دوسری رفتار سے بناتی ہے نصف ہو جاتا ہے۔ نابت کرو کہ رفتاروں کا درمیانی زاویہ ، ا

(۱۸) ایک نقط کی ایک وقت میں چار رفتاریں ہیں۔
بہلی ۲۴ فٹ فی سینٹہ ہے روسری ۳۹ فٹ فی سمینٹہ
بہلی سے بہ کا زاویہ بناتی ہے۔ تیریری ۵ ہم فٹ فی سینٹہ
تیریری سے ۳۵ کا زاویہ بناتی ہے۔چوشی ۹۰ فٹ فی سینٹہ
تیریری سے ۳۵ کا زاویہ بناتی ہے۔ ترسیماً نابت کرو کہ
عاصل رفتار ۵ کا زاویہ بناتی ہے۔ ترسیماً نابت کرو کہ
عاصل رفتار ۵ کا زاویہ بناتی ہے۔

(۲۰) اوسط چال اور رفتار۔ ایک نقط کی اوسط چال وقت کی آیک دی ہوی مرت بین ایک ایسے نقط کی چال وقت کی چال ہے کے کہ چونقط نکورہ نے طے کیا ہے۔ بس ایک متحرک نقطے کی اوسط چال ایک دی ہوی مرت بیں ایک متحرک نقطے کی اوسط چال ایک دی ہوی مرت بیں

کلِ فاصلہ جو نقطے نے مت مذکورہ میں طے کیا ۔ • کل وقت جس میں وہ فاصلہ سطے کیا ۔ . .

الرائي شخس بيد اسيكندي ١٠٠ كز دور ي تو اوس کی اوسط بال اللہ عنی ہے ہ گز فی سیکٹہ ہے۔ دیگر فرنس کرو که ایک میں می ای کمیشن چیوز کر ہے ه من ته کید میل بلتی ب بھر قامن من ، میں فی گھنٹ محنشہ کی جال سے بلتی ہے۔ انیریں کی میل و منت میں چل کر دو سرے نیشن پر ٹھیہ جاتی ہے۔ كل فاصله جوه مواء البه به + ا = ع ميل کل وقت جس میں فاصلہ ہے ہوا = ۵+ ۱۵+۴= ۶۹ منت اِس کی اوسط جال = ہیمیل فی ہنت = ہیر ۲۰ میسل فی مخنشه = ١٩٥١ ميل في شننه تغريباً ایک نقطہ مفروش کی اوسط رفتار سی سمت میں انیک وی

ہوی مت مک مست مکان اس مت میں ور اس سمت میں مراس مت میں مراس مت

ے علی سی معان می مت یں در س – مد عربی مت جس میں نقی مکان شہور بندیر ہوئی

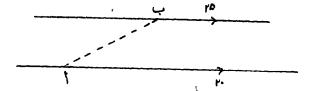
(**۱۷ حرکت** اضافی رسکون اور حرکت ۱۰ صنافی اصطلاصی ہیں ۔ ہم حرکت مصنق سے ؛ کل نہ واقف ہیں جو حرکت ہمیں معلوم ہے وہ سب اضافی ہے۔

منتلاً - جب ہم کہتے ہی کہ ایک ریل گاڑی بہ جانب شمال ،ہم میل نی محنشہ کی رفتارے ح**با**ری ہے تو اس^{سے} ہمارا یہ مطلب ہوتا ہے کہ اس کی یہ رفتار بہ لحاظ زمین کے ہے۔ یعنی گر ایک شخص زمین پر ساکن ہو تو اسے

ریل گاڑی اس رفتار سے چلتی ہوئی معلوم ہوگی۔ ریل گاڑی کی یہ حرکت سطح زمین پر ہے اس حرکت سے علاوہ اسکی اور حرکتیں بھی ہیں۔ اول زمین کی روزانہ گردش اپنے محور سے گرو۔ ریل گاڑی چونکہ زمین پر ہے اس لئے وہ زمین کی سالانہ گردش آفتاب اس حرکت میں شامل ہے۔ دوم زمین کی سالانہ گردش آفتاب کے گرد۔ ریل گاڑی اس حرکت میں بھی زمین سے ساتھ شامل ہو سوم اگر کل نظام شمسی کی فضا میں کوئی حرکت ہو ریل گاڑی کی اس میں بھی شمولیت ہوگی ۔ ریل گاڑی کی اس میں بھی شمولیت ہوگی ۔ ریل گاڑی کی اس میں بھی شمولیت ہوگی ۔ ریل گاڑی کی اس میں بھی شمولیت ہوگی ۔ ریل گاڑیوں کی حرکت پر غور کرو جو ریل گاڑیوں کی حرکت برغور کرو جو رفتاروں سے چل رہی ہیں۔ ایک ہی سمت میں مساوی رفتاروں سے چل رہی ہیں۔

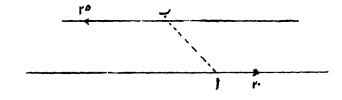
فرض کرو کہ ایک گاڑی پر ایک نقطہ اور دوسری پر ایک نقطہ اور دوسری پر ایک نقطہ ب ہے آگر ایک شخص نقط ا پر کھڑا ہو کر نقط ب کی طرف ٹکٹکی لگا کر دیکھتا رہے۔ تو اس کو نقطہ ب بالکل ساکن معلوم ہوگا ۔ کیونکہ خط ا ب کے طول اور سست میں کوئی تبدیلی واقع نہیں ہوگی اور ب کی رفتار

بہ کھاظ ب کے صفر ہوگی-ٹانیاً فرض کرو کہ پہلی گاڑی کی رفت اور ہمیس فی تگفنطہ ہے اور دوسری کی اسی سمت میں وی سیسل فی تگفنٹہ ہے اس صورت میں اگرہم



گاڑیوں کے درمیانی فاصلے کو نظر انداز کریں تو خط اب کا طول میں فی گھنٹہ کے صاب سے بڑھتا رہیگا اور یہی ب کی رفتار بہ لحاظ 1 کے ہوگی۔

ی روبر بربیات و سے بروی افزان کو روبری فالنا فرض کرو کہ بہلی گاڑی کی رفتار ۲۰ میل ہے اور دوبری کی دم میل متقابل سمت میں ۔ اس صورت میں خط آب کا طول بہ صاب مہم میل فی گھنٹہ آگی حرکت کے متقابل سمت میں بڑھتا رہیگا۔



اور ب کی رفتار بہ لحاظ ا کے مہ میل نی گھنٹہ ہوگ۔

طالب علم کو یہ معلوم ہوگیا ہوگا کہ ہرصورت

میں اگر بہلی گاڑی کی رفتار کے متساوی اور متقابل رفتار

کو دوسری گاڑی کی رفتار کے ساتھ ترکیب کریں تو دوسری

گاڑی کی اضافی رفتار بہ لحاظ بہلی کی رفتار کے عاصل ہوگ۔

آخراً فرض کرو کہ بہلی گاڑی خط و ج کی سمت میں

رفتار می سے جلتی ہے اور دوسری گاڑی رفتار ف سے

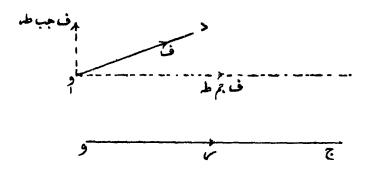
فط و < کی سمت میں حرکت کرتی ہے۔جہاں و < کو ج

خط و < کی سمت میں حرکت کرتی ہے۔جہاں و < کو ج

کرو۔ ایک دن جمعہ طم کو ج سے متوازی

دوسرا دی جمعہ طم کی جب می عمود۔

دوسرا دی حجمہ طم کی جب می عمود۔



بہلے کی طرح ب کی رفتار بہ لحاظ ا کے وج کے متوازی ف جمطہ ۔س ہے نیز چونکہ وج کی عمودی سمت میں

و کی کوئی رفتار نہیں ہے اس کئے ب کی رفتار بہ لحاظ ر کے اس ست یں ف جب طہ ہے۔ بندا ب کی رفتار بہ لحاظ ا کے دو اجزا رکھتی ہے ایک ف جم طرس، وج سے ستوازی اور دوسرا ف جب طه وج برعود - اگر دوسری گاڑی کی رفتار کی ترکیب بہلی گاڑی کی رفتار کے متساوی اور متعابل رفتار سے کریں تو بھی یہی دو اجزا طاصل ہوں گے۔ تیسس زیل کا کار ایم نتیجه حاصل بوا-اضافی رفتار - اگر رو نقاط کا درمیانی فاصله سمت یا مقدار میں یا سمت اور مقدار دونوں میں بدل راج ہو تو ایک نقط بہ لحاظ دوسرے کے اضافی رفتار رکھتا ہے۔ اور اگر ایک نقطے ب کی اضافی رفت ار کماظ دوسرے نقطے اے دریافت کرنا مطلوب ہو تو ب کی رفت اور لو کی رفت ار کے مشاوی اور متقابل رفتار کا حاصل معلوم سرو- بیر اضافی رفتار مطلوبہ ہوگی۔

(سرم) ایک اور پہلو سے بھی حرکت اضافی بر غور ہو سكتا ہے۔ فرض كروكه خطوط أط اور ب ق نقاط أ اور می کی رفتاروں کو تعبیر کرتے ہیں ۔ یعنی ایک سیکنڈ میں رونوں نقطوں کے مقام 1 اور ب سے تبديل ہوكر بالترتيب ط اور ف مو جاتے ہيں۔

باساول متوازی الاضلاع و طل ب کی تحمیل کرو۔ اور ل ق کو ملاؤ به موجب دفعه ۱۹ رفتار ب ق ، دو رفتارون ب ل اورل ق کے ساوی ہے۔ اور بال اط کے مساوی اور مطوار ہے اس کئے ب کی رفتار دو رفتاروں کے برابرہے۔ ایک

ب ل'ای رفتار کے متساوی اور

متوازی اور دوسری ل ق - بندا ب کی رفتار به لحاظ ا كے ك ق سے تبير ہوتى ہے ـ يكن ل ق رفتاروں ل ب اور ب ق کا حاصل ہے یعنی ب کی رفتار اور ا کی رفتار کے متساوی اور متقابل رفتار کا حاصل۔ یس ب کی رفتار بہ لحاظ ا کے معلوم کرنے کا

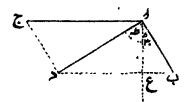
طریقہ یہ ہوا کہ ب کی رفتار اور اکی رفتار کے متساوی اور متقابل رفتار کا حاصل معلوم کرو یه رفتار مطهلوبه ہوگی ۔

(۱۲۹۷) پیچهلی وفعہ سے ظاہر ہے کہ اگر دو نقاط اورب ایک بی سمت میں بالترتیب دفتاروں س اور ف سے چلیں تو ب کی رفتار بر لحاظ اے اسی سمت میں

میں ہوگی اور اکی رفتار بہ لحاظ ب سے س-ف فی ۔س ہوگی اور اکی رفتار بہ لحاظ ب سے س-ف ہوگی اگر وہ مختلف سمتوں میں حرکت کریں تو اصافی رفتار معلوم کرنے کے لئے رفتاروں کے متوازی الاضلاع مئلہ استعمال کرنا ہوگا۔

مثال استعال کرنا ہوہ استعال کرنا ہوہ استعال کرنا ہوہ ایک افقی سٹرک پر ہم میل مثال ایک رفتار سے جل رہی ہے اس وقت بارش بھی ہو رہی ہے اور ہوہ گاڑی کی حرکت کی سمت میں زور سے جل رہی ہے ۔ ہوا کے زور سے بارش سمت عمودی سے جس کا زاویہ بناتی ہوی بڑتی ہے اور بارش کی رفتار مہم فط فی سیکنڈ ہے دریافت کرو کہ ریل کے مسافروں کو بارش کس سمت میں بڑتی ہوئی معلوم دیگی ؟

ن کرو کہ اب بارش کی رفتار کو تعبیر کرتا ہے بس آگر اع عمودی خط ہو تو زاویہ باع ۳۰ کا ہوگا۔ اج افقی سمت میں گاڑی کی سمت کے متقابل کھینچو اور فرض کرو کہ یہ گاڑی کی رفتار یعنی سمہم فٹ فی سیکٹڈکو تبیرکرتا



متوازی الاضلاع إب ه ج کی تحمیل کرو۔ اح کو طاؤ اور فرض کرو کہ زاویہ ع ا < = طہ مسافروں کی نظروں میں اح بارش کی سمت ہوگی۔ مشلف ب اح سے

++ - w d x b m = + +

ن مسط = ۳۷ = مس ۹۰، ناطه = ۹۰،

یس زاویہ ب ا < = ۹۰ یعنی بارش اپنی اصلی سمت سے زاویہ قائمہ بناتی ہوی پڑتی دکھائی دیگی۔

امت لنبري (۲)

(۱) ایک ریل گاڑی ۳۰ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے چل رہی ہے اور ایک پھر افقی سمت میں گاڑی سے زاور سام فط فی سکٹر کی رفتار سے زاویہ قائمہ بناتا ہو اور سام فط فی سکٹر کی رفتار سے

ا مرکت کرتا ہوا گاڑی سے محکواتا ہے۔ بتھر کی مرکی رفتار کے مرکب رفتار کی مرکب رفتار کی مرکب کرو۔

کی مقدار اور سمت معلوم کرو۔
(۱) ایک جہاز ۱۱ میل فی گفت کی رفتار سے عین مشرق کی جہاز ۱۹ میسل مشرق کی جہاز ۱۹ میسل مشرق کی جہاز ۱۹ میسل فی گفت کی رفتار سے عین شمال کی طرف جا رہا ہے دوسر فی گفت کی رفتار سے عین شمال کی طرف جا رہا ہے دوسر جہاز کی اضافی رفتار بہ لحاظ بہلے کے معلوم کرو۔

بہاری ہساں رہ ہو ہو ہو۔

(سم) ایک جہاز جنوب کی طرف ۱۷۱۵ میل فی گھنٹ کی
رفتار سے جا رہا ہے اور ایک دوسرا جہاز جنوب مشرق
کی سمت میں ۱۵ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے جل رہا ہو
اگر پہلے جہاز پر ایک شخص دوسرے جہاز کو دیکھ رہا ہو
تو اسے دوسرا جہاز کس رفتار سے اور کس سمت میں
تو اسے دوسرا جہاز کس رفتار سے اور کس سمت میں

ت_{و اسے} دور_{سار جہاز نس رفتار کیسے اور نس مسلط یار چلتا ہوا دکھائی دیگا ہ رمہ اس دانہ شال مشرق کی طف دا میل فی گھنٹہ کی}

ربم ایک جہاز شال مشرق کی طرف ۱۰ میل فی گفت کی رفتار سے جل رہا ہے اس پر ایک مسافر ہوا کی حرکت رفتار سے جل رہا ہے اور اسے ہوا شمال کی جانب سے اسی ہوا کی گفت کی رفتار سے جلتی ہوی نظر رہا ہیں رفتار سے جلتی ہوی نظر آتی ہے ہوا کی اصلی رفتار کی مقدار اور سمت معلوم کرو۔ آتی ہے ہوا کی اصلی رفتار کی مقدار اور سمت معلوم کرو۔ (۵) ایک دریا ۹ میل فی گھنٹ کی رفتار سے جنوب کی طرف بہد رہا ہے اور ایک جہاز بہ لحاظ دریا کے پانی کے بانی کے اس رہا فی گھنٹ کی رفتار سے مغرب کی جانب جل رہا ہے اور ایک جہاز بہ لحاظ دریا کے بانی کے ابنی کے ابن جل رہا کی طرف ۳۰ میل فی گھنٹ کی رفتار سے مغرب کی جانب جل رہا ہے ایک رفتار سے مغرب کی جانب جل رہا ہے ایک رہا کی طرف ۳۰ میل فی گھنٹ کی رفتار سے مغرب کی جانب جل رہا ہے ایک رہا کی طرف ۳۰ میل فی گھنٹ کی گھنٹ کی طرف ۳۰ میل فی گھنٹ کی گھنٹ کی طرف ۳۰ میل فی گھنٹ کی گھنٹ کی سے ایک رہا گائی عین شمال کی طرف ۳۰ میل فی گھنٹ کی گھنٹ کی

رفتار سے جا رہی ہے۔اس کی اضافی رفتار بہ لحاظ جہاز کے معلوم کرو۔

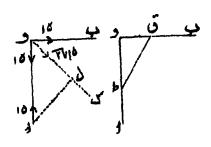
اور سرنگ کی جمت سے بانی کے قطرے گر رہے ہیں اور وہ ایک رہل کے مسافر کو افق سے ایک زاویہ بربر اور وہ ایک رہل کے مسافر کو افق سے ایک زاویہ بربر مس اللہ بناتے ہموے گرتے نظر آتے ہیں۔ یہ معملوم کرو۔ ہے کہ ان کی رفتار مهم فط فی سیکنڈ ہے۔ ہوا کی مزاحمت کو نظر انداز کر کے دیل گاڑی کی رفتار معلوم کرو۔ کو نظر انداز کر کے دیل گاڑی کی رفتار معلوم کرو۔ بیات ہے بادش کی سمت عمودی نظر آتی ہے اور جب وہ جاتا ہے بادش کی سمت عمودی نظر آتی ہے اور جب وہ ہم سیل فی گھنٹہ کی رفتار سے جلتا ہے تو بارش کے قطر ہم سیل فی گھنٹہ کی رفتار سے جلتا ہے تو بارش کی اصلی میں سے دم می کے زاویہ پر عمراتے ہیں بارش کی اصلی جلل اور سمت معلوم کرو۔

جاں اور ست سنوم رو۔
(۸) ایک جہاز مغرب کی طرف ۱۴ میل فی گفنٹہ کی رفتار سے جا رہا ہے اور بادلوں کی حرکت سے معلوم ہوتا ہے کہ ہوا ، میل فی گفنٹ کی رفتار سے شمال مغرب سے جل رہی ہے اس کی اصلی رفتار دریافت کرو اور اسکی سمرت تربیعاً معلوم کرو۔

ر (٩) ایک ریل گاڑی ۲۸ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے چل رہی ہوں گاڑی ۲۸ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے چل کی رفتار سے چل کی رہی ہوں گاڑی ہے جو گاڑی میں آگر مگتی ہے۔ گولی کی سمت گاڑی سے ایک گاڑی میں آگر مگتی ہے۔ گولی کی سمت گاڑی سے ایک

راویہ جبتا سے بتاتی ہے گولی گاڑی کے ایک ڈیے کے کونے یں داخل ہو کر مقابل کے کونے میں سے مکل جاتی ہے۔ پہلا کونہ بہ مقابلہ دوسرے کونے کے انجن سے بعید تر ہے۔ ڈب م فط لبا اور ہو فط جوڑا ہے ٹابت کرو کہ گونی کی رفتار ۸۰ میل فی گفتشہ ہے اور وہ وب میں سے جہ سکنٹر میں گزر جاتی ہے۔ (١٠) دو ريل گاڙيان جن بين سے ہر ايك كا طول ٢٠٠ فط ہے۔ بالترتیب ۲۰ اور ۳۰ میل فی گھنٹہ کی رفتاروں سے ایک دوسرے کے متوازی آیک دوسرے کی طرف جل رہی ہیں۔ دریافت کرو کہ وہ ایک دوسرے سے کتنے وقت میں گزر جائیں گ ؟ (۱۱) ہوا ایک ریل کی سطک کی سمت میں چل رہی ہے۔ دو ریل گاڑیاں اس سڑک پر متقابل سمتوں میں جا رہی یں۔ ایک گاڑی کے انجی کا دھواں دوسرے کے رصوئیں سے دو چند رفتار رکھتا ہے۔ نابت کرو کہ ہر ایک گاٹری کی رفتار ہوا کی رفتار سے سہ چند ہے۔ (۱۲) ایک جهاز جو مشرق کی جانب ۱۵ میل فی گفتطه كى جال سے چل رہا ہے۔ ايك مقام سے دويبركو گزرتا ہے۔ ایک دوسرا جہاز اسی جال سے شال کی طرف جاتا ہے اور اسی مقام سے دن کے ویڑھ بجے گزرتا ہے۔معلوم کرو کہ ایک دوسرے سےان کا فاصلہ

کم سے کم کس وقت ہوگا اور وہ فاصلہ کس قدر ہوگا۔ فرض کرو کہ وہ مقام و ہے۔ اور فرض کرو کہ عین دو پہر کو دوسرا جہاز إ بر ہے یعنی او = + ۲۲ میسل



بہلے جہازی اضافی رفتار بہ لحاظ دوسرے کے اس طرح معلوم ہوگ بہلے کی رفتار ہ ا کے ساتھ دوسرے کی رفتار کے شماوی اور متقابل رفتار کو ترکیب کرو۔ یعنی بہلے کی رفتار ہ ا جو شرق کی جانب ہے اس کے ساتھ۔ ہ ا بہ جانب جنوب ملانے سے ۱۹ ہ جانب جنوب مشرق ما مطلوب اضافی رفت ارب اور مشاق رفت ارب اور کی کی سمت میں ہے۔ وک کی سمت میں ہے۔ وک کی سمت میں ہے۔ وک کی سمت میں ہے۔

يه فاصله= والجب اول= الم ٢٧٤ على على ١٥١٩ من التيباً-

بعد رو بہر وقت مطلوب = وہ وقت ہو اضافی رفتارہ الآلا سے فاصلہ ول طے کرنے ہیں۔ لگہا ہے۔

 $= \frac{\frac{1}{7}V \times YY + \frac{1}{7}}{\frac{1}{7}V = \frac{1}{7}} = \frac{1}{7} \text{ Bit.}$

یا بطرز دیگر۔ فض کرو کہ وقت سے کے بعد جہازوں کے مقام ط اور ق ہیں اور فض کرو کہط ق ولا تب وط ق والے ۔ سے) تب وط = وارہے ۔ سے)

اوروق = هات

ابناطق = ٥١ [(٣ - ٤٠) + ١٠] = ٥١ × ٢ [٢ - ٣ - ٣] ٢ × ١٥ = = ٢ × ١٥ × [(٣ - ٣)] × ١٥ × ٢ =

= ۱۵×۲ × (ت - ۳) + ۱۹] چونکه کسی مقدار کا مربع منفی نہیں ہو سکتا اس کی قلیل ترین قیمت صفر ہوگ - بس لا کی قلیل ترین قیمت اس وقت

بوگی جب معادی اور اس وقت لاد ۱۲ بده ۱۸ و میم ۱۳ و ۱۵۶۹ تعیم آ (۱۹۱۱) ایک جباز شمال کی جانب ۱۱ میل فی گفتشه کی رفتار سے جا رہا ہے اس جباز سے ایک دوسرا جہاز عین اس

کے بیارہ سے اس بہار کے ایک دوسرا بہار بیان اس کے مشرق کی طرف ۱۰ میل کے فاصلہ پر دیکھا جاتا ہے جو ۱۹ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے عین مغرب کی جانب جا رہا

۱۱۰ سال کا علمہ کا موجد کے این عمرب کی جاب بارہ سے ۔ دریافت کرو کہ کس وقت ان کا درمیانی فاصلہ میں معلوم کرو۔ قلیل ترین ہوگا اور یہ فاصلہ بھی معلوم کرو۔

(۱۲/۱) اور ب دو مقامات کا درمیانی فاصله د فشیم.

علم حركت ایک نقط اسے ب کی طرف ایسی رفتار سے حرکت ریا گیا ہے جو اسے ب سک ۳ سینٹر میں پہنیا دے اور اس وقت ایک روسرا نقط ب سے اب کی عمودی سمت میں حرکت ریا گیا ہے۔ روسرے نقط کی رفت ار پیلے کی رفتار کا سے سے۔ ان کی اضافی رفتار مقدار اور سمت میں معلوم کرو اور ان کا قلیل ترین فاصله بھی دریافت کرو اور یہ فاصلہ کس وقت ہوگا ہ (10) ایک جہاز مشرق کی طرف چل را بو سو اور ہوا شال مغرب سے چل رہی ہے جہاز پر سے ہوا شمال مشرق سے چلتی ہوی معلوم ہوتی ہے۔ ٹابت کرو کہ جِاز اور ہواکی چالیں مساوی ہیں۔ والله ایک شخص م میل فی گھنٹہ کے حساب سے مشرق

کی جانب جارہا ہے۔اسے معلوم ہوتا سے کہ ہوا شمال سے چل رہی ہے۔جب وہ اپنی چال کو دو گنا کرتا ہے تو ہوا شال مشرق سے چلتی ہوی معلوم دیتی ہے۔ ہوا کی رفتار اور اس کی سمت معلوم کرو۔

(عل ایک آدمی کوجو شال مشرق کی طرف سفر کر را ہے یہ محسوس ہوتا ہے کہ ہوا شال سے چل رہی ہے جب وہ اپنی چال کو رو چند کرتا ہے تو اسے معلوم دیتا ہے کہ ہوا ایک ایسی سمت سے چل رہی ہے ہو طال سے مشرق کی جانب زاویہ من ام بناتی ہوا کی اسلی

سمت دریافت کرو۔

(۱۸) دو نظے ایک دائرے کے محیط پر مقابل سمتوں میں علی دونرے کی ۲ س ہے ہوئے ہیں ایک کی رفتار س اور دوسرے کی ۲ س ہے ان کی اضافی رفتار کی سب سے بڑی اور سب سے چھوٹی قیمتیں دریافت کرو اور یہ کن مقامت پر ہوں گی ؟ طرکت کر رہا ہو اور اس سطح میں ایک نقط کو حرکت کر رہا ہو اور اس سطح میں ایک خابت نقطہ کو اور ایک خابت نقطہ کو اور ایک خابت متقیم خط ا کو ہو جو ا میں سے گزرتا ہے تو زاویہ ا کو ط کے بڑھنے کی شرح کو کے گرد متحرک تنقط ط کی زاوئی رفتار کہلاتی ہے۔

کیا ہونے کی مالت یں زائی رفتار کا اندازہ اس طیح کیا جاتا ہے وقت کی ایک اکائی میں خط وط نے جس زاوئے میں گردش کی ہے اس میں جقنے نیم قطری ہوں گے وہ نقطہ طکی زاوئی رفتار کی مقدار ہوگی۔ کیساں نہ ہونے کی مالت میں زاوئی رفتار کے اندازے کا طریقہ یہ ہے۔ اگر ایک خاص آن میں زاوئی رفتار ریافت کرنا مطلوب ہے تو یہ فرض کرو کہ آن نمکور کے بعد وقت کی ایک اکائی تک رفتار وہی رہتی ہے جو آن نمکور کے بعد برسمی ۔ اس طرح وقت کی ایک اکائی میں جو زاویہ وط مطلوب زاوئی رفتار ہے۔ گر ایک سکنٹر میں خط و ط چار قسائوں کی گردش سے بیدا ہو وہ مطلوب زاوئی رفتار ہے۔ میں مثالیس ۔ اگر ایک سکنٹر میں خط و ط چار قسائوں میں ایک مثالیس ۔ اگر ایک سکنٹر میں خط و ط چار قسائوں

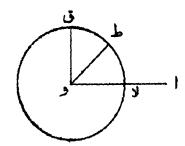
یعنی ۲ TT نیم قطرنیوں میں گھوم جاے تو زادیمی رفتار ۲ TT

باباول

ہوگی ۔ اگر ایک سیکنڈ میں خط وہ ط کی گروش سے ایک قائمے کی تین چوتھائی بیدا ہو تو زاویجی رفتار ہے × ہے بینی ہے۔ ہوگی ۔

اگر خط و ط ایک سکنڈیں سات گردشیں کرے تو زاویکی رفتار بدیم n یعنی n n ہوگی ۔

رسار کے ۱۹۲۷ کا ۱۱ستہ معلوم ہو تو زاوئی رفتار بھی استہ معلوم ہو تو زاوئی رفتار بھیشہ خطی رفتار کی شکل میں شحویل ہو سکتی ہے۔ہم صرف اس صورت پر بحث کریں گے جب ایک نقطہ ایک وائرے کے محیط پر حرکت کر رہا ہو اور اس کی زاوئی رفتار کیساں ہو۔ اگر ایک نقطہ ایک وائرے کے محیط پر کیساں چال سے باکر ایک نقطہ ایک وائرے کے محیط پر کیساں چال سے بال رہا ہو تو اس کی زاویکی رفتار دائرے کے مرکز کے بال کو نصف قطر دائرہ پر تقسیم کرنے سے گرر اس کی جال کو نصف قطر دائرہ پر تقسیم کرنے سے



حاصل ہوتی ہے۔

کی ہے وہ زاویئی رفتار ہے۔ لیکن زاویہ ط و ق میں نیم قطرئیوں کی تعلاد<u>۔ توسط ق</u> نیز چونکہ قوس ط ق وقت کی ایک اکائی میں طے ہوی اس لئے یہ جال کے برابر ہے۔

اس کئے یہ جال کے برابر ہے۔ پس اگر جال کو چم سے تعبیر کریں اور نصف قطر کو ن سے اور زادیئی رفتار کو نس سے۔ م

توسٰ = ہے۔ یعنی چ = سٰ ن م**نالیں -** (1) اگر متحک نقطہ ایک م فٹ نصف قطر

بمن میں ۔ (۱) ار سحرت نقطہ ایک م من مصلت مطر والے وائرے کے محیط پر زاویٹی رفتار کی اکائی سے حرکت کرے تو چال = ۱×۳ = ۳ فط فی ثانیہ۔

(۱) ایک متحرک نقط ایک ۵ فٹ نصف قطر والے دائرے کے محیط پر ۸ فٹ فی سیکنڈ کی جال سے جلے تو اس کی زاوئمی رفتار سن = شنم قطری فی ثانیہ۔

= ۱۱ ۲ ما ۱۲ سنيم قطري في ثانيه

چونکہ زمین کا نصف قطر . . بہ میل ہے اس لئے خط استوا کے کسی نقطہ کی چال

= ۱۲۲ × ۱۰۲۳ × ۰۰۰ مم میل فی ثانیه -= ۱۰۶۰ میل فی گھنٹ

امت لهنمبري (س)

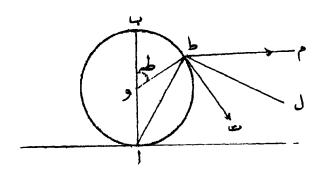
(1) ایک پہیہ اپنے مرگز کے گرد گھوم کرنی منٹ ، ہاگر تیں کرتا ہے اس کے محیط کے کسی نقطے کی زافیی رفتار مرکز کے گرد دریافت کرو۔

(۲) ایک بہید اپنے مرکز کے گرد گھومتا ہے اور فی سیکند.
عار چکر کرنا ہے۔ محیط کے کسی نقطے کی زافیبی رفتار مرکز
کے گرد دیافت کرو اور اگر بہیے کا نصف قطر د فث
ہو تو کسی نقطے کی خطی رفتار کیا ہوگی ؟

ہو ہو سی سطے کی سی رحار ہیں ہوں ؟ (س) اگر ایک کلاک کی منٹ کی سوئی ہو فظ کہی ہو تو سوئی کے سرے کی چال نی سیکنڈ کتنے فظ ہوگی ؟ اس کی رفتار بھی معلوم کرو۔

اور وہ مہم سکٹ میں ایک گردش کمتی ہے۔ آگر اس کو چلانے والا ایک آدی زمین سے ایک پی بلندی پر رہے تو دریافت کرو که وه اس کی سطح پرکس چال سے چل را ہے؟ (4) ایک ریل گاڑی رفتار س سے چل رہی ہے۔ ریل کی مر کے متوازی فاصلہ ف پر ایک اور سراک ہے جس پر ایک گھوڑا گاڑی جاری ہے ریل کی سٹرک سے فاصلہ ق پر ایک ورخت ہے۔ رہل کے ایک سافر کو ایسا معلی ہوتا ہے کہ محورا گاڑی اور درخت ایک ہی خط متعیم میں رہتے ہیں۔ گھوڑا گاڑی کی رفتار دریافت کرو۔ (2) ایک نقط کیساں جال سے ایک دائرے کے محیط پر جل رہا ہے۔ نابت کرو کہ محیط کے کسی نقط کے گرواس کی زاویمی رفتار ایک مقدار مشقل ہے۔ (۸) ایک رسی کا ایک سرایک مربع کے ایک کونے سے بندھا ہے مربع ایک افقی میز پر نصب کیا گیا ہے رسی کے دوسرے سرے پر ایک زرہ بندھا ہے اور رسی کو مربع کے گرو لیٹ ویاگیا ہے۔ مربع کا ایک ضلع هم ہے اور رسی کا طول سم حم ہے۔ ذرے کو رفتار س سے مربع کے ضلع کی عمودی سمت میں حرکت دی گئی ہے یہ فرض کر کے کہ ذرے کی چال کیساں رہتی ہے دریافت کرو کہ متسام رسی کتنے وقت میں مربع پرسے اتر آئے گی ؟ (A) أيك بهيه كيسان رفتارت زمين بر بغير تصليك كردش كرا بوا جلتا ا

اس کا مرکز ایک خط متنظیم میں حرکت کرتا ہے۔ پہنے کے محیط کے مختلف نقاط کی رفتاریں دریافت کرو۔ فرض کرو کہ پہنے کا مرکز و ہے ادر نصف قطر ن ہے اور فرض کرو کہ مرکز کی رفتار س ہے فرض کرو کہ کسی آن میں پہنے کا نقط ا زمین سے مس کرتا ہے۔



چونکہ بہید اپنے مرکز کے گرد کماں گھوم رہا ہے اور ساتھ ہی ساتھ مرکز ایک خط متعقیم میں آگے بڑھ رہا ہے نیزچونکہ بہید کے محیط کے تمام نقط کیے بعد دیگرے زمین سے مس کرتے ہیں اس لئے یہ ظاہر ہے کہ جتنے وقت میں مرکز بہید کے محیط کے برابر فاصلہ طے کرتا ہے اتنے وقت میں میں محیط کا ہر ایک نقط مرکز کے گرد پوری گردش کرتا ہے المار کی رفتار می مقدار میں وہی ہے جو محیط کے بہندا مرکز کی رفتار می مقدار میں وہی ہے جو محیط کے کسی نقط کی رفتار می مقدار میں جن ہی ہے۔ اس لئے بہیدے کے کسی نقط ط کی دو رفتاریں ہیں جن میں سے ہرایک کی نقط ط کی دو رفتاریں ہیں جن میں سے ہرایک کی

مقدارس ہے اور ایک کی سمت طرح مرکز کے حرکت کے متوازی ہے اور دوسری کی سمت وہ ہے جو ط پر کے ماس ط مت کی ہے۔ ط

یں ای رفتار ۔ ر۔ ر۔ یعنی ایک آن میں نقطہ ا ساکن رہتا ہے۔ اس طرح ب کی رفتار ۔ ر+ ر۔ ۲ ر

اب کسی اور نقط طکی رفتار پر غور کرو اس کی دو ساوی رفتارین ر اور ر بالترتیب طرم اورط من کی سمتوں میں ہیں۔ بونکه طرح اور و طربر عودین اور و طربر عودین زاویہ هم طرحت نے زاویہ طرق سے اور رفتار مرم مرد) ان دو رفتاروں می اور می کا حاصل ایک رفتار مرم مرم طب

کے ماوی طل کی سمت میں ہے جہاں ناویہ ل طیت = لم زاویہ هطت = طبیعہ زاویہ وط ا پس زاویہ اطل = زاویہ وطیت = ایک قائمہ ینی طلی حرکت کی سمت اط پرعود ہے اور اس کی زاویٹی رفتارا کے گرو

کرنے سے حاصل ہوتی ہے۔ (۱۰) ایک انجن ۹۰ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے چل رہا ہے اس کے بیسے کا قطر سم فٹ ہے۔ س فٹ کی بلندی پر بیسے کے جو دو تنقطے ہیں ان کی رفتار اور سمت حرکت دریافت

(۱۱) اگر ایک ریل گاڈی ۳۰ میل فی گھنٹ کی رفتار ہے چل رہی ہو اور اس کے پہیے کا قطر ۳ فٹ ہو تو نہ مسلنے کی حالت میں بہتے کی زاویٹی رفتار وریافت کرو۔ (۱۲) ایک ریل گاڑی کی رفتار ۳۰ میل فی گھنٹہ ہے اور اس کے پہیے کا نصف قطر ۲ فٹ ہے۔ اگر حرکت بغیب ر مسلنے کے ہو تو پہنے کی زاوی رفتار دریافت کرو۔ اور پہنے سے سب سے اونیجے نقطے کی اضافی رفتار بہ لحاظ مرکز معلوم

(۱۳) ایک گاڑی کے پہنے کا نصف قطر ۲ فٹ ہے اور گاڑی ۱۰ میل فی گھنٹہ سے حساب سے جل بری ہے۔ اگر حرکت بغیر پھیلنے کے ہو تو پہیے کے بلند ترین نقطے کی رفت ار معلوم کرو اور ان نقطوں کی رفتاری بھی دریافت کرو جو زمین کسے بالترتیب ایک اور تین فٹ میں بلندیوں پر ہیں۔

ُبا**ب دوم** اسراع

(۲4) تبدل رفتار۔ فض کرو کہ ایک آن میں ایک نقطے کی رفتار و اسے تبیر ہوتی ہے اور کچھ وقت گزر نے کے بعد اس کی رفتار و ب

سے تعبیر ہوتی ہے۔اب

کو طاؤ اور متوازی الاضلاع و إب ج کی تکمیل کروتب

رونوں رفتاریں و اور وج مل کر رفتار و ب سے سائ

ل کر رفتار و ب کے ساو ہیں اس گئے اگر رفتار وا سر رہ نتا ہو ہی تک

کے ساتھ رفتار وج کو ترکیب کیا جائے تو رفتار وب طل ہوگی ۔ بس دیئے ہوئے وقت میں جو تبدل رفتار میں واقع

ہوا وہ وج سے تعبیر ہوتا ہے۔ بالعموم رفتار کا تبدل بہلی اور دوسری رفتاروں کی مقداروں کا فرق نہیں ہوتا۔ بلکہ یہ تبدل وہ رفتار ہوتی ہے جسے بہلی رفتار کے ساتھ ترکیب کرنے سے دوسری رفتار حاصل ہو۔ رفتار کی تبدیلی منتقل نہیں ہو سکتی جب بک کہ مقدار اور سمت رونو منتقل نہ ہوں۔

امت لنمبری (۱۹)

(1) ایک نقطہ ۱۰ فیٹ فی ٹائیہ کی دفتار سے چل رہا ہے۔ اس کے بعد کسی ایک آن میں اس کی دفتار کی مقدار تو وی ہے لیکن سمت بہلی سمت سے ۳۰ کا زاویہ بناتی ہے تہدل دفتار وریافت کرو۔

حسب دفعه گزشته شکل بناؤ صورت زامی واد وب دا اور زاوی

ا وب = ۳۰

چنکه وا = وب اس لخ زاویه و اب = م ع بی زاویه ا و ج = م ۱،

یز اب = ۱واجب ۱۵ = ۲۰ ۱ - ۱۲

0 5 1 64 = (TV - TV) 0 =

اس کے تبدل رفتار یعنی و ج ا ۱۷۱ر و فٹ تی ٹانیہ ہے اور اس کا میلان رفتار کی بہلی سمت سے ۱۰۵ ہے۔

(۲) ایک جہاز کی رفتار پہلے ۳ میل فی گھنٹہ مشرق کی جانب ہے پھر کچھ عصہ کے بعد سم میل فی گھنٹہ شمال کی طرف ہے۔تبدیل رفتار دریافت کرو۔

علم حركت (س) ایک نقطے کی رفتار ہ فٹ فی سیکنڈ ہے۔ کچھ عرصہ کے بعد اس کی رفتار کی مقدار تو وہی ہے لیکن سمت پہلی سمت سے ۹۰ کا زاویہ بناتی ہے۔ تبدل رفتار دریافت کرو۔ (هم) ایک نقطه به جانب شرق ۲۰ فٹ فی سیکنڈ کی رفتار سے حرکت کر رہا ہے ایک گھنٹ کے بعد شال مشرق کی طرف اپنی پہلی چال سے حرکت کرتا ہے۔ تبدل رفت اُر معلوم کرو ۔ (۵) أيك نقط يكسال عال ت ايك ياكر نصف قطروالي

دائرے کے محیط پر اا سیکنڈ میں گروش کرتا ہے۔ اگروہ ایک قطرکے ایک سرے سے چلے تو محیط کا چھٹا حصہ کے ا الرنے کے بعد اس کی رفتار کا تبدل دریافت کرو۔ (۲۸) المراع - تعریف - ایک متحک نقط کی تبدل رفتارکی شیج اسراع کہلاتی ہے۔ یہ یاد رہے کہ اسراع کی مقسدار بھی ہوتی ہے اور سمت بھی - اسراع اس وقت یکساں ہوتا ہے جب مساوی اوقات یں رفتار کے تبدل مساوی ہوں خواہ اوقات کی مقلار کتنی ہی کم ہو۔

کیسال ہوئے کی حالت میں اسراع کا اندازہ وہ تبدل رفتار ہے جو وقت کی ایک اکائی میں ظہور پذیر ہو۔ تنبدل مونے کی طالع میں اگر ایک خاص آن میں اسراع کا اندازہ لگانا مقصور ہو تو یہ فرض کرو کہ وقت کی ایک اکائی یں اسراع وہی رہتا ہے جو آن مذکور میں تھا۔اس مفروط*ی*

باب دوم وقت کی ایک اکائی میں جو رفتار کی تبدیلی ہوگی وہ اسسراع

(۲۹) مقداریں اسراع کی اکائی ایک ایسے متحرک نقطے کا اسراع ہے جس کی رفتار کی تبدیلی وقت کی ایک اکائی میں

رفتار کی ایک اکائی ہو۔ پس جس نقط کی رفتار کی تبدیلی وقت کی ایک اکائی میں رفتار کی ن اکائیوں پر مشمل ہو تو وہ اسراع کی ن اکائیوں سے حرکت کر رہا ہوگا۔

مثلاً - اگر ایک نقط کے اسراع میں اسینی مطریکنڈ " والی اکائیاں ہوں تو اس کی رفتار کی تبدیلی ایک سیکنڈ یں ۱۰ سینٹی میشر فی سیکنٹر ہوگی بعض اوقات ایسے اسراع کو

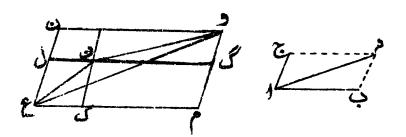
الني يطركا اسراع كيتے ہيں۔ (السيم مسلم - أسراعول كامتواري الاصلاع - أرايك وقت یں ایک متحک ذرے کے دو اسراع ہوں جو مقدار اور سمت میں ایک متوازی الاِضلاع کے دو ضلعول سے

تعبير ہوں جو ايك نقط سے كيني جائيں تو رونو اسراع مل سر ایک ایسے اسراع کے مساوی ہوں گے جو اسس

نقط میں سے گزرنے والے قطر متوازی الاضلاع سے تعبیر بوگا۔ فض کرو کہ متوازی الاضلاع اب ح ج کے اضلاع اب اور اج دونوں اسراعوں کو تعبیر کرتے ہیں یعنی اب اور اج ان رفتاروں کو تعبیر کرتے ہیں جو وقت کی ایک اکائی میں

باب دوم

نططے کی رفتار پر اضافے ہوتے ہیں ۔ فرض کرو کہ اسی بیانے پر ع ف نقطے کی رفتار کو اس آن میں تعبیر کرتا ہے جب دونو ذکورہ اسراع شروع ہوئے۔



ع ف پر ایک متوازی الاضلاع ع ک ف ل بناؤ جس کے ضلع اب اور اج کے متوازی ہوں۔ ع ک کو هم تک۔ اور ع ک کو و م تک اور علی کو ن کار ک هم اور ل ن الاترب اور اج کے مساوی موں حسب فسکل بالا متوازی الاضلاعول کی تکیل کرو۔

ن یں روس کے برابر سب رفتار کا کا اور علی کے برابر کے لیکن وقت کی ایک اکائی میں رفتار کی تبدیلیاں ک هم اور لی نیں ۔ اس کئے وقت کی ایک اکائی کے اضیر میں اپنی سمتوں میں رفتاری عم اور عی ن بہوں گی۔ بوع و کے برابر ہیں اور رفتار عم و دو رفتاروں عمف اور ف و کے برابر ہیں اور رفتار عموم و موت کی ایک اکائی میں متحک نقط کی رفتار کا تبدل ف و ہے ۔ یعنی ف و می متحک نقط کی رفتار کا تبدل ف و ہے ۔ یعنی ف و

علم حركت

حاصل اسراع ہے لیکن ف والاکے مساوی اور متوازی ہے۔ اس لئے اسراع احر وو اسراعوں اب اور اج کے برابر ہے یعنی اسراعوں اب اور اج کا حاسل ا د ہے۔

(۱۳۱) مجیلی دفعه سے یہ نتیجہ نکلتا ہے کہ اساعوں کی ترکیب و

تعلیل اسی طبع ہوتی ہے جس طبع رفتاروں کی اور یہ بھی ظاہر ہے کہ اگر دفعات ۱۳ تا ۱۹ میں نفظ رفتار کی جگہ لفظ اسراع ورج کیا جائے تو سب مسائل اس صورت میں بھی صحیح ہوں گئے ۔

رفتارین اور اسراع اور نیز قوتین مقا دیرطبیعی کی ایک اہم قعم کی مظالیں ہیں جن کوسمتی کہتے ہیں میساکہ ان کے نام سے ظاہر ہے ان مقادیر کی سمت بھی ہوتی ہے اور مقدار بی اس کے ہر مقدارسمی کی وزوں تبییرایک خطمستقرسے ہوتی

تمام صورتوں میں مقادیر سمتی کی ترمیب به موجب اتانون متوازی الاضلاع ہوتی ہے۔

وفعات ١١ اور ١٠٠ مقاوير سمتي كي جميم كي مثالين بي اصطلاحاً يه کہا جاتا ہے کہ ستی اب اور ب دیا اج کے جمع كرف سے سمتى مقدار ا د ماصل ہوتى ہے۔

جن مقادیر کی سمت نہیں ہوتی بلکہ ممش متعدار ہی ہوتی سب ان کو میزانی کیتے ہیں۔ توانائی بانفعل جس کا بیان

آھے آپھا میزانی کی مثال ہے میزانی مقادیر کی اور مثالیں ي بي - ايك ش كونك دس روييع وغيره ميزاني مقاديركي ترکیب جمع مفروسے ہوتی ہے۔ (سام) ایک نقطہ ایک خط متفقم یں اس طیح حرکت کرتاہے

(۱۳۷) ایک تفظہ ایک خط مسیقیم میں اس طیح حرات رہائے کہ اس کی ابتدائی رفتار ب ہے اور اس کا اسراع اس کی سمت حرکت میں ایک مقدار منتقل ع ہے اگر وقت و سمت حرکت میں ایک مقدار منتقل ع ہے اگر وقت و

کے اختیام پر اس کی رفیار س ہو اور نقطہ ابتداء حرکت سے سطے کردہ فاصلہ دف ہو تو

(1) ショル+3e

ロタヤナル= シ(円)

(۱) بھوکلہ عُ اساع کو تغیر کریا ہے اسلنے وقت کی اکائی میں رفار کی تبدیلی ع ہوگی لہذا وقت کی در اکائیوں میں رفار کی تبدیلی ع در ہوگی۔

لیکن پونکہ انتہاء 'نقطہ رفتار کی ب اکائیاں رکھنا تھا۔ پس وقت و سے اختتام ہر اس کی زفتار میں (ب+ع و) اکائیاں ہوں گی۔

ينى س = ب + ع و

(۲) فرض کروکہ مرت و کے عین درمیان میں نقارس کے فر اب مرت و میں دو آن ایسی لوجن میں سے ایک تو مرت نمکورہ کے دو آن ایسی لوجن میں سے ایک تو مرت نمکورہ کے درمیان سے بقد تی بہلے ہو اور دوسری آن مرت نمکورہ کے درمیان سے بقد تی بہلے ہو اور دوسری آن مرت نمکورہ کے درمیان سے بقد تی بہلے ہو اور قر بہلی آن میں جونقا

00 باب دوم ہوگی وہ رفتار سی سے اسی قدر کم ہوگی جس قدر کہ دوسری اُن کی رفتار سی سے زیادہ ہوگی کیونکہ مرت و کے دوران یں رفار کی تبدیلی کیساں ہے۔

چونکہ مت و آنوں سے ایسے جوڑوں میں تقیم موسکتی ہے اس کئے ملے کردہ فاعلہ وہی ہوگا ہو دقت در میں کیساں رفمار میں سے طے ہو۔

ن ن = س و= (ب +ع بي) د=ب و+ +ع در (۳) اگر ہم (۱) اور (۲) سے و کو ساقط کریں تو (۳) عال ہوگی کیونکہ (۱) سے

٧ = دب+ع و) = ٢٠ + ٢ع وب + ع وا = ++3 (+ +3 (-) = ب ۲۰۰۰

ینی س = ب+۲ع ف

(۳۳) مساوات (۲) کا دوسرا نبوت مت د کو مساوی اوقات میں تقییم کرو جن میں سے ہرایک کی مرت ی ہو اس سے والے دن می ان مرتوں سے آغازو میں نقط کی رفتاریں بالترنتیب یہ ہو بگی۔

SF (1-1)+41.....15+42).....14+(10-1) 42 اگر ہر ایک مت ی کے دوران میں نقطہ اس رفارسے حرکت کرے جو اس مدت کے شروع میں اس کی رقار ہے تو کل فاصلہ ب جو اس طح سطے ہوگا وہ

= ب ی + [ب +عی]ی+.....+د[ده+ب]ی

يني ب د ن پي ۲۶۰ (۱+۲+۳+۰۰۰) (۱-۱)

عن بى باع كى مايد مايد جم كرنى عدد مايد جم كرنى عدد

= ب د+ لم ع و (۱- الله) كيونكه ى = الله ع اختران مرتول ك اختت مول به نقط كى زقارين بالترتيب يه مول كى -

ب ع ی، ب + ۲ ع ی، ، ب + ن ع

اب اگر ہر ایک مت می سے دوران میں نقطہ ایسی رفقار اس مت سے آخر میں اسکی رفقارہ

توكل فاصله ف بواس طح طے ہو گا وہ

S(Sf0+4)+....+(S(Sf+4)+)+(S(Sf+4)=

يني نء ن بع + ب ئ (١٠١١ ٣٠٠٠)

= - (++3 ((+++) = 2) 0

اصلی فاصلہ ف ، ف اور ف کے در میان ہے اور جنام د کو بڑا تے جائیں مینی جننا ہم مرت ی کو بھوٹا کرتے جائیں اتناہی فاصلوں ف اور فن کا فرق کم ہوتا جائگا اگر ہم ن سو لا أنها بڑائیں تو ف اور فن میں سے ہرکیا

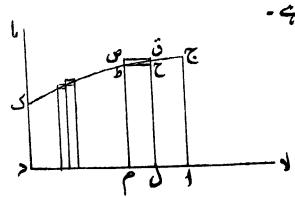
کی قیت یہ ہو جائے گی

پس ف = ب و + ایج وا (۳۲) جب متحرک نقطہ طالت سکون سے چلتا ہے ق ب = ، ، پس دفعہ ۳۷ کے ضابطوں کی یہ سادہ صورت ہو جائے گی۔

ں= ۶ ور ن= + ۶ وا

مرا = ۲ ع من مرسمی طریقیم - رفیار اور وقت کا منحی ـ اگر متحل منطح کی رفتار بدل رہی ہو تو ایک مفروض وقت میں سطے کردہ فاصلہ ترسیاً معلوم کرد - دو خلوط ﴿ لاِ اور ﴿ هَا مَتَفَاطِعَ عَلَى القُواْئِمِ لَو إور ذرض دو خلوط ﴿ لاِ اور ﴿ هَا مَتَفَاطِعَ عَلَى القُواْئِمِ لَو إور ذرض

کرو کہ ﴿ لا کی سمت میں جو طول ناہیے جائیں وہ وقت کو تبییر کرتے ہیں۔ یغی اس سمت میں طول کی اکائی وقت کی ایک اکائی کو تبییر



بأب دوم

م بیت ہر ایک نقط پر عمود م ط ایبا نکالو جو دقت د م پر رفار کو تعیر کرے تو م ط جیسے تام معینون سے سرے ایک خط مثلاً ک طق ج پر واقع ہوں گے حو منی ہوگا یا مستقیم۔

جو منحنی مہوگا یا متقیم۔ ہم یہ ثابت کربر گے کہ وقت دا بیں طے شدہ فاصلہ اس رقبے کے برابر ہے جو خطوط (ک ، درا، اج، ک ج سے محدود ہے۔

م ط سے قریب ایک معین لی تی ہو، تو دقت م ل سے دوران میں نقطہ الیبی رفقار سے حکت کرا ہے جو

م ط سے زیادہ ہے اور ل تی سے کم ہے بین وقت م ل بین نقطے کا طے کردہ فاصلہ م ظ × م ل سے زیادہ ہے اور ل تی × م ل سے کم ہے بعنی وفت م ل بین طے کردہ فاصلہ کی اکا یُوں کی تعداد مستطیل

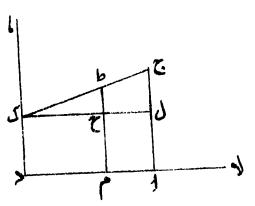
م کے رقبے کی اکائیوں سے زیادہ ہے اور متطیل ق م کے رقبے کی اکائیوں سے کم ہے اسی طرح درا

کو چھوٹے چھوٹے مساوی حصوں میں تقسیم کر سے یہی علی کرو۔

علی کرد۔

اس عل سے نابت ہوگا کہ وقت درا میں طے شدہ فاصلہ اندرونی متطیلوں کے مجموعہ سے زیادہ ہے اور بیرونی متطیلوں کے مجموعہ سے کم ہے۔ بیرونی متطیلوں کے مجموعہ سے کم ہے۔ اب وقت درا سے حصص کی تعداد کو لاانتہا بڑاؤ تو اندانی

متطیلوں کا مجموعہ اور سرونی مستطیلوں کا مجموعہ اکیں میں راہم ہو جائے گا اور ان میں سے ہر ایک شنی کے رقعے کے ساوی ہو جائے گا یعنی وقت ﴿ ا بین سے شرہ فاصلے کی اکائیوں کی تعداد بالآخر رفیہ حراج ک کی اکائیوں کی تعداد کے ساوی ہوگی۔ (۳۲) کیسال اسراع کی صورت - یہ فض کوکہ ب ابتدائی رفار ہے۔ اور ع کیساں اسراع کے۔



ح ما پر دک ایسا قطع کرو که ابتدائی رفتار ب کو وقت صفر پر تبیر کرے یونکہ کسی وقت تی پر رفقار

عب بن بن عب عبد اسك نقطه م بر سعين م طعدك + ودم دهمدا) ك مين سه ك حل شوازي د لا كالفينو تاكه طهم كوم به اور إج كول بليد تب حط = مط-دک = عددم بریم (۱)

ینی ع = حرم = حرم = حس طک ح

یں زاویہ ط ک سے غیر متبدل ہے۔ یعنی ط ایک ایسے

خط ستقیم پر واقع ہے جو ک میں سے گزرتا ہے اسکنے صورت ہذا میں رفار اور وقت کا منحی خط ستقیم ک ج اور لج = ک ل × س ج ک ل = ع × د

ہنا وقت و میں طے شدہ فاصلہ کی اکائیوں کی تعسداہ د ا ج ک کے رہنے کی اکایٹوں کی تعداد سے مساوی -827

اوریه رقبه = رقبد دک ل ۱ + رقبدک ل ج = < 1 x 6 + + D b x b x

= < ١ [﴿ كَ + لِ إِ و [ب + ل ع] = و [ب + ل ع و]

ب ر+ + ع دا (سم) دفعہ ۳۵ کی شکل میں چونکہ وقت م ل میں رفتالک زیا دتی ح ق ہے تو اس آن میں متحرک نقطے کا اساع

ح ق کی انتہائی قیت ہو گی جب م ل کو بے انتہا چوٹا

اور حق = مس ق طح

علم حركث

باب دوم

لین جب م ل کو بے انہا جھوٹاکیا جائے تب نقط تی نقط تی نقط کے انکل متسل ہو جائے گا اور اس وقت ط تی ، نقطہ ط پر منحی کا ماس ہو جاتا ہے۔ اور جو زادی نقطہ ط پر کا ماس خط حر لا سے بناتا ہے اس ناویہ کا ماس مس تی طح ہوگا

ہ ہیں رفیار اور وقت کے منحنی میں خط وقت سے جو منفی کا میلان ہوگا اس میلان کا عاس اسراع کی عددی قست موگی۔۔

تیمت ہوگی۔
(۳۸) کسی خاص نماییہ کے دوران میں شکرہ فاصلة (۳۸) کسی خاص نماییہ کے دوران میں شکرہ فاصلة (۹) کے نمایطہ (۹) کے نمایطہ (۹) کے دونہ (۹۷) کے نمایطہ دور دین نماییہ میں طے ہوا کیکہ دہ فاصلہ جو دین نماییہ میں طے نہوا کیکہ دہ فاصلہ جو دین نماییہ میں طے ناید و دین نماییہ میں طے ناید و دین نماییہ میں طے ناید فاصلہ دردین نماییہ میں طے نایدہ فاصلہ دردین نماییہ میں طے نایدہ فاصلہ دردین نماییہ میں طے نایدہ فاصلہ دردین نمایدہ فاصلہ فاصلہ فاصلہ فاصلہ فاصلہ فاصلہ فاصلہ فاصلہ فاصلہ دردین نمایدہ فاصلہ فاصلہ

= [+ e+ +3e]-[+(e-1)+ +3(e-1)]
= ++ +3 [e1-(e-1)]
= ++ +3 [e1-(e-1)]
= ++ +3 [e1-(e-1)]

پس حرکت کے پہلے، دوسرے، تیسرے،ن وہن میں طے شدہ فاصلے بالترتیب یہ ہوں گے ب+لے ع،ب+ ہے، ب+ ہے ع،، بب + بائن۔ اع یہ فاصلے ایک سلسلہ مساہیہ ہیں ہیں جس کا فرق مشترک ع

ع ہے۔ ہذا اگر کوئی جمم کساں اساع سے حرکت کرے تو مخلف ٹانیوں میں کیے بعد دیگرے جو فاصلے طے ہوں گے وہ سلسلہ صابیہ میں ہوں گے جس کا فرق مشترک اسراع کی اکانیوں کی تعداد کے مسادی ہوگا۔

کسی خاص نانیہ کے دوران میں طے شدہ فاصلہ بطرز دیگر بھی معلوم ہو سکتا ہے جیساکہ دفعہ (۳۲) میں ہم نے دیکھا و دیں نائیہ میں طے شدہ فاصلہ وہی ہو گا جو متحرک نقطہ ایک ایسی رفتار سے طے کرے جو اس نانیم کے عین در میان میں اس کی رفتار ہے ۔

کے عین در میان میں اس کی دھار ہے۔

اب و دین شانیہ کے عین در میان میں رفتار دہی ہے

جو (و- لله) شانیوں کے اختیام پر ہے مینی رفتار

= ب + ع (و- لله)

ہندا و ویں ٹانیہ میں طے شدہ فاصلہ دب +ع <u>۴و- ا</u>

(۱۳۹) مثال (۱) ایک ریل گاڑی جو ۲۰ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے چل رہی تھی تین منٹ سے عصہ میں بریع کمیں کی میں منٹ سے عصہ میں بریع کی ساکن کردی گئی۔ یہ ابطاء معلوم کرواور یہ بھی دریافت کردکہ ساکن ہونے تک گاڑی نے کتنا فاصلہ طے کیا ہ

۲۰ میل نی گفته یه به ۲۰×۲۰ یا میل نی گفته یا نیم

اگر ریل گاڈی کا اسراع ع ہو تو چونکہ ۱۸۰ تانیوں میں مقت فی ٹانیہ کی رفتار زائل ہوکر معدوم ہو جاتی ہے اس سے بوجب دفعه (۲۲) ضابطه (۱) ۰ = ۱۸۰ × ۶ + ۱۸۰

ن ع = - بيد فط سيكند اكائي [واضح ہوکہ علی کی تیمت منفی ہے کیونکہ یہ ابطاء ہے فرض کرد کہ قاصلہ طے شدہ لا ہے تو بندیعہ ضابطہ (س)

7x(-) xx+ + xx =.

Lar. = MO X MA = V : مثال ٢٦) ايك نظم كيسان اسراع سے حركت كرد إس ابتداء تحرکت سے گیار ہویں اور پیندر هویں ٹاینوں میں وہ ، بالترتيب ٢٠٠ اور ٩٠٠ سيني ميشرط مرمًا ب أتمي ابتدانی رفتار اور اس کا اسراع دریافت کرو۔

فرض محروكه ابتدائي رفتار ب ب اور امراع ع ب-تب ١٠٠ = كيار صوي نانيه بين ط شده فاصله

(1) ---- ++ ++= 1-11×+ +++= 47- ...

الى طى ١٩٠٠ = ب+ وياع ماوات (۱) و (۲) کو ص کرنے سے بدو ورج ۲۰

یس نقط ۹۰ سینی میٹر نی ناینہ کی رفقار سے شروع ہوا اور اس كا امراع ٧٠ سيني ميشر ثانيه اكائيان بير -

امتلهنمب ری(۵)

(۱) مقادیر ب ، ع ، س ، ف ، و سے وہی صف ہیں جو ان کو دفعہ ۲۰۰ میں وئے گئے ہیں۔

ان و دعه ۱۳ ین رساسی بین اور دن معلوم کرد (۱) اگرب=۱،۶=۱ و ۵ وس اور دن معلوم کرد (۲) اگرب د، ۱۶ و ۱۰ و ۱۰ و ۱۰ و د یافت کرد (۳) اگرب د، ۱ و ۳ و ۱۰ و و معلوم کرد- (۲) اگرب د، ۱۰ و ۱۰ و ۱۰ و د یافت کرد (۲) اگرب در دیافت کرد در یافت کرد

طول اور وقت کی اکائیاں فٹ اور خانیہ ہیں ۔

(4) ایک جسم طالت سکون سے حرکت شروع کرتا ہے اور اس کا اسراع م فٹ خانیہ اکائیاں ہیں تو بہ خانیو کیے افتتام پر اس کی رفتار اور طے شدہ فاصلہ دریافت کرو۔

(4) اگر ایک جسم کی ابتدائی رفتار م فٹ فی خانیہ ہو اور اس کا اسراع ایک فٹ خانیہ اکائی ہو تو کتنی مدت یں اس کا اسراع ایک فٹ خانیہ اکائی ہو تو کتنی مدت یں اس کی رفتار ہو میل فی گھنٹہ ہو جائے گی ۔

اس کی رفتار ہو میل فی گھنٹہ ہو جائے گی ۔

(س) آیک جسم طالت سکون سے حرکت شروع کرکے اور اس کا ایک بزار فٹ طے کرتا ہے تو اس کا اسراع دریافت سرو۔

۵۱) ایک جسم حالت سکون سے حرکت شروع کرا ہے اور اس کا اسراع سا سینٹی میٹر ٹائید اکائیاں ہے تو کتنی مدت میں اس کی رفتار بھ سینٹی میٹر نی خاینہ ہوجاگے

پاپ دوم ادر اس مدت مين وه كتنا فاصله سط كرين كا و (٦) ليك نقط كي ابتدائي رفتار ١٠٠ سيني ميشر في ثانيه ب ادر اس کا اسراع ، سینی میشر تانیه اکائیاں ہے تو دریافت کروگه اس کی رفتار صفر کب ہوگی اور اس وقت یک وہ كتنا فاصله طے كر ميكے گا ؟ (٤) ایک جسم طالت سکون سے مشروع ہوکر کیساں املع سے حرکت سرتا کے اور دسویں ثانیہ میں الما فٹ سطے كرتا ہے تو اس كا اسراع معلوم كرو-(۸) ایک فره کیساں اسراع سے حرکت محدیا ہے اور

ابتداء حركت سے أعموين اور تيرصوين شاينوں ميں وہ بالترتيب الم فط اور الله منط ع كرتا ہے اس كى ابتدائي رفتار اور اس كا اسراع دريافت سرو-

(٩) أيك ذره دو متصل ثانيون مين بالترتيب لـ ٢٠١ اور ٢١١٠ فظ حركت كرتا ب اور اس كا اسراع كيسال بوق ان دو تاینوں میں سے پہلے کے سروع میں اسکی رفار دریافت کرو اور اس کا اسراع بھی معلوم کرو۔ اور اگر

یہ فرض کیا جائے کہ حرکت مالت سکوں سے شروع ہوئی ہے تو در یافت کروکہ پہلے ٹانیہ کے شروع کک کتنا فاصلہ طے ہوا ہے ؟

(۱۰) ایک متحرک تنقط کا اسراع کیساں ہے اور وہ اپنی حرکت کے آخری ثانیہ میں اپنے کل کے کردہ فاصلہ کا فی

علم حركت طے کڑا ہے اگر ابتداء حرکت سکون سے ہو تو کل میت

حركت اور طے شدہ فاصلہ دریافت كرو- يه معلوم ہےكہ يلك ثانيه ميں و انج فاصله طے موا-

ت، ریب نقطه کیساں اسراع سے حکت کرتا ہے اور (۱۱) ایک نقطه کیسان اسراع سے حکت کرتا ہے اور اس کی حرکت کے پہلے نانیہ کے بعد جو نصف نانیہ آنا ہے اس میں وہ کم فظ سے کڑا ہے اور اپنی حرکت کے گیار صویں ٹانیہ میں وہ ۱۹۸ فٹ طِنا ہے تو تقطه كل اسراع اور اس كي انتدائي رفقار معلوم خرو-(۱۲) ایک جسم پہلے تین ٹاینوں میں کیساں اسراع سے

چلتا ہے اور اس عرصہ میں کل الم فط طے کرتا ہے اس عصہ کے اخیر میں اسراع معدوم ہو جاتا ہے اور اسراع معدوم ہونے سے بعد تین خانیوں میں حبم ١٤ف

ہے سرتا ہے ۔ اسکی ابتدائی رفقار اور اسراع معلوم سرمرہ -

(سا) ایک سیل گاڑی کی جال بم میل فی گھنٹہ سے اکیل فی

معضیک کم کیٹی ہے اور وہ اس دوران میں کل ۱۵۰ گرطے کرتی ہے۔ اگر ابطاء کیساں ہوتو دریافت کرو کہ کتنا اور فاصله طے کرمے وہ ساکن ہوگی ۹

(۱۴۱) ایک نقطه حالت سکون سے حرکت کرتا ہے اور

اسِ کا کیساں اسراع ۱۸ فٹ ٹانیہ اکائیاں ہیں تو دریار كروكه بيلا اور دو سرا اور تبيسرا فط طے سمرنے میں اس

شروع کرتا ہے اس کا ابطاء ۱۰ سینٹی میشر فی نانیہ فی ثابتہ میشر میں ان انیہ فی ثابتہ ہے۔ دریافت کروکہ وہ کتنے وقت میں ۱۹۰۰ سینٹی میشر طے کرے گا (دوہرے جواب کی وجہ بیان کرو)

(۱۹) دو نقطے ایک ہی وقت ایک ہی مقام سے شروع ہوکر ایک خط متنقیم میں حرکت کرتے ہیں ایک کی

رفنار جب کیساں ہے اور دوسرے کا اسراع ع کیساں ہے تو ثابت کروکہ ان کا در سیانی فاصلہ زیادہ سے زیادہ میں میں میں ہوگا اور یہ ابتداء حرکت سے جب وقت کے اختیا ہوگا۔ یہ ہوگا۔

(۱۱) ایک نقطہ عالت سکون سے حرکت شروع کرا ہے اور اس کی رفاریں فٹوں میں ہر ایک ٹانیہ کے افتام پر سانقیں ٹانیہ کے افتام پر سانقیں ٹانیہ مک یہ ہیں ۵، ۱۹، ۳۸، ۲۵، ۱۸، ۱۸، نقار اور وقت کا خطِ ترسیم کھینی اور معلوم کرو کہ سات ٹانیوں میں کتنا فاصلہ طے ہوا اور یہ بھی دریافت کرو کہ اسراع زیادہ سے زیادہ کس وقت ہو گا اور

رو له احراع ریاده سے ریاده س دفت ہو کا اور اس وقت اس کی کیا قیمت ہوگی ؟

(۲۲) طالت سکون سے شروع ہو کر پانچ بانچ نانیہ کے بعد ایک جسم کی رفتاریں فٹول میں فی نانیہ یہ ہیں ہا معد ایک جسم کی رفتارین فٹول میں فی نانیہ یہ ہیں ہا کھنچ اور ۲۲٬۱۹، ۱۵، ۱۵، ۱۵، معلوم کرو کھنچ اور ۲۲ نانیوں میں بطے شدہ فاصلہ معلوم کرو

علم حرکت باب دوم اور ۱۷ تا نیوں کے اختیام پر اسراع بھی دریافت کرو۔

باب سوم حرکت بجاذبراض

(, بم) گرتے ہوے اجسام کا اسراع۔ ہم روزمرہ دیکھتے ہیں کہ جب کوئی جبم اوپر سے زین کی طرف گراً کہا ہے جوں جوں وہ نیچے آتا ہے اس کی حرکت کی تیزی برُصتی جاتی ہے یعنی اسکی حرکت میں اسراع ہے اور اس اسراع کا ٹیساں ہونا ذیل سے تجربہ سے نابت ہو سکتا ہے جو پہلے موریں نے کیا تھا۔ ایک مدور اسطوائے کے حرد کاغذ چڑا کر ایک گھڑی كل مے ذريعہ سے كھايا جاتا ہے اور اس كردش ميں اسطوانہ کا محور عمودی رکھا جاتا ہے۔ اسطوانے کے سامنے لو ہے کا ایک وزن ہوتا ہے۔ جس کو ایک پنسل حب لکی ہوتی ہے اور اس وزن کو دو قائدوں کے ذریعہ مقید سرکے عمودی سمت میں اس طح گرایا جاتا ہے کہ بینسل کا سرا اسطوائے پر سے کاغذ کو عین مس کرے۔ بب اسطوانے کی عروش کیساں ہوتی ہے اس وقت

<u>l</u>

وزن کو چھوڑ دیا جاتا ہے۔ چونکہ بینیل ب کاغذ کو مس کرتی ہے

اس کئے پنس کے ذریعہ کاغذ برایک منی مرتسم ہو جاتا ہے۔ جب وزن

زمین پر گریراً ہے تو کا غذکو اسلوا پرسے آثار کر ایک سطح مستوی پر

بید سے ہامر کو ہیں ہے۔ بچھا دیا جاتا ہے۔ اب میسل کے کھنچے ہوے خط منحنی کے ملاحظہ سے معلوم

بوتا ہے کہ ابتداء حرکت سے بینل کے طے کردہ عمودی فاصلے اس کے طے کردہ افتی فاصلوں کے مربعوں کے

متناسب ہیں یعنی اگرتی اورح خط منی پر دو نقطے ہوں تو منی پر دو نقطے ہوں تو امی یہ ق مز ال میں یعنی اگرتی اورح خط منی پر دو نقطے ہوں تو

اب چونکہ اسطوانے کی گردش کیساں تھی اس کئے افقی فاصلے وقت کی ان مرتوں سے متناسب ہیں جو ابتداءِ حرکت سے متناسب میں جو مرکت سے جوعوی مشروع ہوئیں۔ لہذا تابت ہواکہ ابتداءِ حرکت سے جوعوی فاصلہ طے ہوا وہ صرف شدہ وقت سے مربعے سے متناسب

ہے۔ لیکن دفعہ (۳۲۷) سے ہیں معلوم ہے کہ اگر کوئی جسم طالت سکون سے شروع ہوکر کیساں اسراع سے حرکت

يأب سوم کرے تو اس کا طے کردہ فاصلہ وقت کے مربعے کے يس ہم اس نتجہ پر پہنچتے ہیں کہ ایک گرنا مواجسم کیسا اسراع لیے حرکت کرتا ہے۔ (امم) گلیلیو کا شجریہ۔ کرتے ہوے اجسام کے اساع کا کیساں ہونا پہلے بہل گلیلیو نے تقریباً سافقارہ میں بتقام پائسا چند تجربوں کے ذریعہ نایت کیا تھا۔ چونکہ بب ایک جسم بغیر کسی روک کے نیچے گرتا ہے اس کی رفقار جلدی اس قدر زیاده ہو جاتی ہے کہ اس کا اندازہ شکل ہوتا ہے گلبلیو نے اس دقت سے پینے کے لیے ایک سطح الل پر اجهام کی حرکت کا ملاحظہ کیا اور اس یه فرض کرنیا که اگر ایک چھوٹا سا گولا ایک سطح ائل پر ایک الی میں نیچے کی طرف الطفک کر جائے تواکی حرکت ایک ایسے والوں کے تابع ہوگی جو آزادانہ گرنے وا سے اجمام کا تانون حرکت ہے۔

سلح مائل کی نالی کی چوٹی سے شروع کرکے اس نے چند فاصلے تاپ سنے جو ا ، س ، ۹ ، ۱۱ ، ۱۰ مینی ا ، ۳۱ ، ۱۱ ، ۱۱ ، ۱۱ سخ و ا ، ۲۱ ، ۱۱ سخ اور وہاں نشان لگا دئے۔

با ب سوم تب اس نے اپنے چوٹے گونے کو چوٹی پر سے پھولکہ اس امرکی تصدیق کی کہ ان قاصلوں کے سط کرنے میں جو وقت صرف ہونے وہ ا^نا کا کا کا کا ہا کا میں میں میں میں میں میں میں ا ہیں ہذا ابتداء حرکت سے لے کر طے شدہ فاصلے مون شدہ وقوں کے مربعوں کے متناسب ہوئے لیکن ہو

وفعہ (مہما) یہ اس حالت میں ہوتا ہے جب اسراع مکیا یں اس سے ثابت ہواکہ ایک سطح مائل کے پنیے کی

طرف حرکت کا اسراع کیساں ہوتا ہے اور اس نیتجہ سے گلیلیونے یہ مان لیاکہ آزادانہ گرنے والے جسم کی حرکت کا اسراع بھی کیساں ہو گا۔

گلیلیو کو وقت ناینے ہیں زیادہ دقت بیش آئی کیو مکہ اس زمانے کے کلاک صبح وقت ہیں دیتے تھے۔ اس ابینے تجربہ کے لئے پانی کا ایک برتن استعال کیا جس کی عمودی تراش اچھی بڑی تھی اور جس سے بیندے میں ایک چھوٹا سا سوراخ تفا جو گلیگیو اپنی انگلی سے بند کرسکتا تفا

جس وقت گولے کی حرکت شروع ہوتی تھی اسی وقبت وہ اپنی انگلی ہٹا لیتا تھا اور پانی سوراخ میں سے تعلکر ایک دوسرے برتن میں گرنا شروع ہوتا تھا۔ یہ دوسرا برتن اسی مطلب کے واسطے تھا۔ جب گولا کسی ایک نشان بدبہنیا تو وہ سوراخ کو بند کردیا تھا جویانی اس

باب سوم

دوران میں بُکٹنا اس کو تول لیا جاتا تھا اور اس یانی کا وزن مدت حركت كا اجها غاصا معياد تفا-(۱۲) مندرجه بالا و دنگیر صبیح تر تنجربات کے نتائج سے ہمیں معلوم ہوتا ہے کہ اگر ایک جسم فضا میں زمین کی طرف گرے تو ود ایک ایسے اسراع سے حرکت سریکا جو نین کے ایک مقام پر ہیشہ ایک ہی رہے گا لیکن مختلف مقامات پر اس بین تھوڑی سی تبدیلی ہوگی-اس اسراع كود اسراع بجاذب ارض " كيت بي اور اس امراع کی قیمت کو پھشہ حون "ج "سے تعبیر کرتے ہیں۔ جب فط نانيه اكائيان استعال بوتي بين توج كي قيمت خط استواید ۹۱ ، ۹۱ سا اور قطبین پر ۲۵۲ و ۳۲ موتی ہے سینی میشر ثانیه اکائیوں کی صورت میں ج کی انتہائی قیمتیں

مه اور سمه بین اور لندن سے عرض بلد میں بح کی

ج کی قیبت معلوم کرنے کا بہترین طریقی رقاص کے تجربات کے ذریعہ کے۔ ہم باب یازدہم میں دوبارہ اس مضمون پر سبت سرینگے۔

[عددی مثالوں بیں اگر کھیے اور نہ کہا گیا ہوتو یہ فرض

ر ی جانے کہ حرکت خلا میں ہے اور ج کی قیمت فٹ خانیہ اکا ٹیوں کی صورت میں ۱۳۲ اور سینٹی میٹر

ثانیہ اکا بیوں کی صورت میں ۹۸۱ ہے]

علم حركت

رسم مرکت عمودی سجا ذبئہ ارض - اگر زمین کے کسی مقام سے ایک جسم ادیر کی طرف عمودی سمت میں بھینکا جائے اور اس کی ابتدائی رفتار ہے ہو تو

جسم کا اسراع حرکت کی ابتدائی سمت کے مقابل ہوگا۔ اس کئے وہ (-ج) سے تعبیر ہوگا۔ لہذا جسم کی رفاد بندیج کم ہوتی جائے گی یہاں کہ کہ وہ بالکل

روم ہو جائے گی۔ اس وقت صرف ایک اُن کیلئے م ساکن ہوگا بھر فوراً نیچ کی طرف رفقار عال کن

شروع کریگا اور اسی راستے واپس نیکے آئے گا۔ ایک مفروض بلندی ہی تک بہنچنے کے لئے جو وقت صرف ہوتا ہے وہ دفعہ (۳۲) کی ماوات (۲) میں بجائے ع کے (-ج) رکھنے سے

حاصل ہوگا بینی مساوات ذیل سے حاصل ہوگا シェナーノーラッと

درجہ دوم کی سادات ہے جس کی دونو اصلیں منبت ہیں ۔ جموتی اصل سے وہ وقت طاصل ہوتا

ہے جس وقت جسم اوپر جانے ہوئے مفروض بلندی بیک پہنچا اور بڑی اصل وہ وقت ہے جب جسم نیچ آتے ہوئے مفروض بلندی پر بینچا۔ مثلاً اگر ایک جسم ۱۹۲ منٹ فی ثانیہ کی رفار سے اویر کو پیشکا جائے اور یہ دریافت کرنا مطلوب ہو

علم حركت که ۲۸ فٹ کی بلندی پر وہ کس وقت ہوگا تو وقت مطلوبہ ساوات ذیل سے عاصل ہوگا۔ اس ساوات سے و یا ہے ۔ بیا ہے اس ساوات سے میں فت کی بلندی پر ہوگا اور اس وقت سے ساتانیا بعد وه پیمر اسی بلندی پر ہوگا۔ ربم بم) ایک مفروض بلندی پر رفتار - ایک مفروض لبندی سی پر رفقار ار دفعه (۱۳۲) کی مساوات (٣) سے طاصل ہو سکتی ہے یعنی ピーレー・リー لہڈا ایک مفروض لیندی پر کی رفقار اس مرت پر فصر بنیں ہے جو ابتداء حرکت سے اس بلندی کک سنمے میں گزری - اور کل حرکت کے رودران میں کسی مقام پر رفتار کی مقدار ایک ہی ہوگی خواہ جسم ادپر کو جارہ ہو یا نیجے کو آرہ ہو۔ ر (میم) زیاده یسے زیاده بلندی جهال ر بہنچ سکتا ہے ۔ پہنچ سکتا ہے ۔ پہنچ سکتا ہے ۔ سفر ہوئی ۔ بیس اگر زیادہ سے زیادہ بندی لا

٠ = با-٢ ج لا

ن زیاده سے زیادہ بلنری = ۲۰۰

بینر زیاده سے زیادہ بلندی کیک پہنچنے کا وقت تی اس ساوات سے عاصل ہوگا .. = ب -ج <u>ن</u>

٠ ق ع الله

(۱۲۹) وه رفار جو ایک جم طالت سکون سے ا شروع موکر ایک مفروض عمودی فاصلہ الركام المسل حري اگر کوئی جسم طالت سکون سے گزا شروع کرے تو فاصلہ می گرنے کے بعد اس کی رفتار اس طبع طال

ہوگی کہ ہم دفعہ (۳۲) کی مساوات (۳) میں بجا نے ب

57 + = 0 :

امتنله نبسري (۴)

(۱) ایک جسم زمین سے سمت عمودی میں بم فٹ فی ٹانید کی رفتار سے اوپر کو پھیکا جاتا ہے۔ دریافت کرکھ

(۱) وه کتنی لبندی پر جاکر ساکن ہو گا (۲) 9 فٹ کی بلندی پر سننے کے لئے اسے کتنا وقت لگے گا ؟ (۲) ایک ذره به فط نی نانیه کی نقار سے عمودی

سمیت میں اوپر پھینکا جایا ہے۔ دریافت کردکہ (۱) اسکی

رفتار ۲۵ فط فی نانیه کب بهوگی ۲۱) ۲۵ فط کی بلندی ير وه كب بوگا ٩

(۳) ایک پنظر اوید کی طرف عمودی سمت مین ۴۰ فط فی ٹانیہ کی رفتار کے بھینکا جاتا ہے۔ کتنا وقت گزرنے کے بعد اس کی رفتار ،۲ فط فی تأنیہ ہوگی اور وہ

اس وقت سمتنی لبندی پر ہوگا ؟ (مم) وریافت فرو که اگر ایک جسم طالب سکون سے ینیے کی طرف گرے تو (۱) ۱۰ ثانیہ میں وہ کتنا فاصلبہ

الرف كا (١) افل كتف وقت مين الربكا (١) الراثات میں وورا فٹ گرے تو ابتدائی رفار کیا ہوگی ہ (۵) ایک پیم ایک کان میں نیچ کی طرف سمت

عمودی میں پھینکا جاتا ہے اس کی ابتدائی رفتار 44 فٹ نی ٹانیہ ہے اور اور وہ سانانیہ میں کان کی تہ پر بہنچا ہے ۔ کان کا عمق دریافت کرو۔

(۲) ایک جسم ایک کان کی ته سے اوپر کی طرف بینکا جاتا ہے۔ کان کی گہرائی ۸۸ ج فٹ ہے اور جسم کی ابتدائی رفتار ۱۲۲ نج فٹ فی تانیہ ہے۔

بابسوم

در یافت کروکه زیاده سے زیادہ بلندی مک پر پینج کرسطے زمین پر وابیں اننے میں جسم کو کتنا وقت لگے گا ہ (4) ایک ذرہ جو اوپر کی طرف پیمینکا گیا ہے 400 ف کی بندی پر بہنے کر واپس آتا ہے۔ معلوم کرو کہ

ابتدا سے کتنی مرت سے بعد ذرہ ۱۷۹ فٹ کی بلندی

(۸) ایک جسم جو سمت عمودی میں اوپر کی طرف حرکت کرتا ہے ۵ دیم ۵ سینٹی میٹر کی بلندی پر ۱۳۹۸ سینی میشر فی نانیه کی رفتار رکھتا ہے۔ دریافت کروکہ اس کی انتدانی مفار کیا ہے اور وہ کتنی مرت اور

اویر کو جائے گا 9 (٩) ایک ذره نیج کو حرکت کرتے ہوے ایک مقام

ہے ۵۰ میشر فی ثانیہ کی رفتار سے گذرتا ہے۔ تو دنیا

کرو که اس سے کتنی مدت پہلے وہ اوپر کی طرف اسی رفقار سے جارہا تھا ہ

(۱۰) ایک جسم ۲۵،۲۰ سینٹی میٹر نی ٹانیہ کی رفقار سے سمت عمودی میں اوپر کو پیونکا گیا ہے تو معلوم کروکہ وہ کتنا اونچا چڑھے گا اور کتنی مدت اس کی حرکت

اوپر کو رہے گی ؟ (۱۱) یہ معلوم ہے کہ ایک بغیرروک کے گرنے والا جسم چھٹے ٹانیہ میں ۱،۷۶۹۹ نٹ طے کرتا ہے تو ج کی قیمت دریافت کرو۔ (۱۲) ایک گرنے والا ذرہ اپنی حرکت کے آخری ثانیہ میں ۲۷۴ نش طے کرتا ہے۔ دریافت کرو کہ دہ کشی

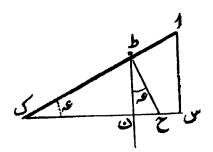
میں ۱۲۴ فٹ طے کرتا ہے۔ دریافت کرد کہ دہ تنتی بلندی سے گرا اور اس کے گرنے میں کتنا وقت صر

ہوا ؟
(۱۲) ایک جسم ایک مینار کی چوٹی سے بغیردوک کے گرتا ہے اور اپنی حرکت سے آخری خانیہ میں کل فاصلہ کا ۱۲ ہے اور اپنی حرکت سے آخری خانیہ میں کل فاصلہ کا ۱۲۰ ہے مینار کی جوئی سے گر کر اپنی حرکت کے آخری خانیہ میں کل فاصلہ کا چوٹی سے گر کر اپنی حرکت کے آخری خانیہ میں کل فاصلہ کا چوٹی ہے گر کر اپنی حرکت کے آخری خانیہ میں کل فاصلہ کا چوٹی ہے گر کر اپنی حرکت مینار کی اونجائی دریافت سرو۔

مینار کی اوکچائی دریافت کرو۔
(۱۵) ایک پتھر آل ۹۶ فٹ فی ٹانیہ کی ابتدائی رفتار
سے اوپر کو سمت عمودی میں پیمنکا گیا ہے۔ دیافت
کروکہ وہ کتنا اونچا چڑھے گا ہ اگر آلکی ابتداؤ حرکت سے ہم ٹانیہ بعد ایک دوسرا

اگر آکی ابتداءِ حرکت سے ہم نانیہ بعد ایک دوسرا پھر دب اسی مقام سے بنچ گرنے کو چھوڑ دیا جائے تو خابت کرو کہ مزید ہم نانیہ کے بعد آل ب کو جاملیگا۔ (۱۹) ایک جسم اوپر کی طرف ایک خاص رفار سے بعینکا گیا ہے۔ اور یہ دیکھا جاتا ہے کہ اوپر جاتے ہوست جب جسم ۹۹، فٹ کی لبندی پر ہوتا ہے تو ہوست جب جسم ۹۹، فٹ کی لبندی پر ہوتا ہے تو اسی مقام پر واپس آئے کے لئے اسے ہم سیکنڈ

A بأب سوم للَّتِي بين - وريافت كروكه جسم كى ابتدائي رفقار كيا ہے اورده کتنی بلندی منک اوپر گیا ۹ (14) ایک جسم جو اویر کو سمت عودی میں پھیکا گیا ہے و ثانیه میں باء فط اور ۲ و ثانیر میں بم ۲۲ فط طے كرمًا ب قو وكي قيمت اور ابتدائي رفيّار دريافت كرو_ (۱۸) أيك بيتهر أيك كنونين مين بيهينكا كي اور ب عنانيه کے بعد پانی کی آواز سنائی دی ۔ اگر آواز کی رفتار ۱۱۲۰ فی ثانیه هو تو کنوئیں کا عمق دریافت کرو۔ (١٩) ايك پتھر ايك كنوئيں بيں پھيئكا گيا اور ٩٦ فط في نانبه کی رفتار سے بانی بر پہنچا۔ اگر ابتداءِ حرکت سے **جو**س تانیه بعد بانی کی آواز سنائی دے تو آواز کی رفار دیافت (۲۰) اگر چاند کی سطح پر ایک گرتے ہوئے جسم کا اسراع اس اسراع کا ہے ہو جو سطے زمین پر گرتے ہوئے جسم کا ہے تو دریافت سروکہ اگر جاند کی سطح پر بم فط فی نانیہ کی رفتار سے ایک جسم اوپر کو سمت عمودی میں پھیکا جائے تو وہ کتنا اوپر جائے گا؟ (۷۷) امک چکنی سطح مائل پر ینجے کو حرکت۔ فرض کرو تکہ اک چینی سطح مائل کی تراش عودی ہے اور سطح کا میلان افق سے عد ہے اور فض کرو کہ سطح مال پر ایک جسم ط ہے۔



أكر سطح مانل حائل بنه بوتو جسم سمت شاقيل بين المراع ج سے ، نیجے کو دکت کرے گا۔

آب اسراعوں کے متوازی الاضلاع کے سٹلہ کی روسے شاقی امرع ج ، دو اساعوں کے مساوی ہے

سراع ج جم عه سطح بر عمود وارط سے کی سمت یں (۲) اسراع بح حبب عم سطح کے متوازی نیے

سُطِ کی عمود وار سمت میں حرکت نا مکن ہے کیونکہ

سطح نود طائل ہے۔ اس گئے جم سطح کے نیچے کی طرف اساع ج کے ساتھ حرکت کریگا۔

اور اس کی حرکت کی تحقیقات اسی طح ہوگی جیسے ایک بغیرروک گرنے والے جسم کی صورت میں ہوتی۔ فرق صرف اتنا ہے کہ ج کی بجائے ج جب عم استعال بموكا-

اس سے فوراً یہ نینجہ نکلتا ہے کہ حالت سکون سے شرع ہوکر سطح ان کا طول کے سطے کرنے میں رفتار مصلہ

علرجركت

= ا۲ ج جبعد ل = ا۲ج × ل جب عد الج × الى

ہندا یہ رفقار وہی ہے ہو ایک جسم بغیرروک سمت شاقولی میں گرتے ہوئے سطح مائل کی ملبندی کے برابر فاصلہ طے سمرے حاصل سرے ۔ یا دوسرے لفظونمیں

رفقار محصّلہ سطح کے میلان پر منحصر نہیں ہے بلکہ اس فاصلے پر منحصر ہے جو جسم نے سمت شاقولی میں طرکیا (۱۹۷۸) اگر جسم سطح مائل پر اوپر کی طرب اتبائی رفقار

(۱۹۸۸) از جلم مسطح ۱۰ بر اوبد می طرف ابتدی رهاند دب سے بیمنیکا جائے تو اس کی حرکت کی تحقیقات اسی

طریقہ سے ہوگی جو دفعات سرم تا ۵م میں استعال ہوا-ال سے نادہ نادہ اللہ سط کے ادم کی طون طرورگا

زیادہ سے زیادہ فاصلہ جو سطح کے اوپر کی طرف طے ہوگا وہ بہت ہے -

اور اس فاصلے کے مطے کرنے میں جو وقت مرف ہوگا

وہ جب علم ہا۔

امثلہ نہبری (۷) (۱) ایک جسم ۸۰ نٹ نی نانیہ کی رفقار سے ایک کچنی

علرحركت سطح مائل کے اوپر کی طرف پیمیکا جاتا ہے۔ سطے کا میلان ، ۳ ہے۔ جسم سے ساکن ہونے کک طے شدہ فاصلہ اور صرف شدہ دقت دریافت کرو۔ (۷) ایک چکنی سطح مانل کا طول ۱۵ فٹ اور ارتفاع ١١ فط ہے۔ ایک وزنی ذرہ اس کی چوٹی سے نیچے کو پھسل کر آنا ہے۔ دریافت کرد کہ زمین بھک پہنچنے میں کتنا وقت لگیگا اور اس وقت ذرے کی رفقار کیا ہوگیہ (۱۷) ایک فره ایک بیکنی ائل سطح پر نیچ کی طرف پیسل کر ۱۲/۱۶ فٹ فی ٹانیہ کی رفقار طامی کرتا ہے۔ سطح کا طول ۱۱ فٹ ہے اس کا میلان دریافت کرد۔ (مم) ایک جسم کو ایک چکنی مائل سطح سے ارتفاع کے ساوی فاصلہ سمت شاقولی میں بغیر روک گرنے سے جننا وتت صرف ہوتا ہے اس سے چار گن وقت اس سطح سے طول میں کیسلنے کے لئے درکار ہوتا ہے۔سطح کے ارتفاع اور طول کی نسبت دریافت کرد۔ (۵) ایک سطح کا میلان افق سے جب ﷺ ہے اور ایک دره اسی پر پہلے اوپر کی طرف پھر سینے کی طرف میسکا جانا ہے۔ دونو صورتوں میں ابتدائی رفتار ۱۲ فظ فی ثانیہ ہے۔ ہر ایک صورت میں دریافت کرو کم ہم ثانيه مين كتنا فاصله طع بوكا اوركتني رفنار حال بولي و (٢) ایک دره ایک مال سطح پر نیجے کی طرف بغیر راکھے

علم حركت 🐃

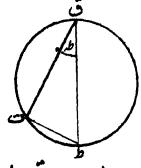
باب سوم

بھسلتا ہے۔ اور پانچویں ٹانیہ میں ۲۶۰۸،۷۲۰سنی میٹر طے کرتا ہے۔ افق سے سطح کا میلان ور یافت کرو۔
در یافت کرو۔
(۵) اور ایک دائرے کا عمودی قطرے اور ک ل ایک اور قطرے جو اوب سے ناویہ طہ بناتا ہے۔اگر ک ل ک ک ل ک ک ایک اور قطرے جو اوب سے ناویہ طہ بناتا ہے۔اگر ک ل کے طول میں ایک ذرے سے پھسلنے کا وقت فاصلہ اوب گرنے کے وقت سے دوگن ہو تو طہ کی فاصلہ اوب گرنے کے وقت سے دوگن ہو تو طہ کی

قیمت دریافت کرو۔
(۹۹) مسئلہ۔ اگر ایک عبودی دائرہ کے بلند تریں
مقام سے نخلف وتر کھنچے جائیں۔ تو ہر ایک وتر پر
ایک ذرہ کی بھلنے کی مت ایک ہی ہوگی۔
فرض کرو کہ دائرہ کا عمودی قطر ق ط ہے اور ق بلندیں

سرس مرد نہ را رہ کا ہموری سطر ک کے سب اور ک جماریک مقام ہے اور ق ت کوئی ایک وتر ہے۔ فرض کردکہ

ناويه حت ق ط = طه ،



فض کروکہ ق ت = لا اور ق ط = ل اسس کئے ۔ لا = ل جم طه حب طبق دفعہ گذشتہ ق ت کے پنچ کی طرف اسراع بح جم طلم ہوگا۔ اگر ق سے ت تنگ وقت و حرف ہو تو اس کا مطلب یہ ہے کہ ایک ذرہ حالت سکون بو تو اس کا مطلب یہ ہے کہ ایک ذرہ حالت سکون

بیت شروع ہوکر اسراع سے جم طہ سے حرکت کرکے وقت ویں فاصلہ ق ت طے کرتا ہے

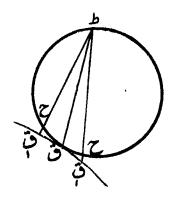
د لاء ال ج جم طه × وا

بیں اس وائرے کے جتنے وتر نقطہ ق سے کھنچ جائیں ان میں سے ہراکی پر ذرہ کے بھسلنے کی مدت ایک ہی

ہوگی۔ اگر وتر دائرے کے سب سے پیلے نقطے سے کھنچ جائیں تو یہ مسئلہ ان وتروں کے لئے بھی درست ہوگا (• ۵) میٹر تربین ننہول کے خطوط۔اگرایک نقلہ اورایک

منی ایک ہی عمودی سطے میں واقع ہوں تو اس نقطے سے اس خط منی کک تیز ترین نزول کا خط وہ خط مستقم ہے جس کے طول بر ایک جسم رنقطے سے خط منمنی مک قلیل ترین مرت میں بھیل سکے۔

علم حركت عموماً يه وه خط بنيس بوتا جو نقطه مفروضه رسے منی مک طول میں چھوٹے سے چھوٹا عمل ہندسی سے کھینیا جائے۔ مثلاً ایک نقطہ مفروضہ سے ایک سطح ستوی تک چھوٹے سے چھوٹا خط تو اس پر عمود ہوتا ہے لیکن یہ تیز ترین نزول کا خط نہیں ہوسکتا جب سک کہ سطح مستوی افقی نہ ہو۔ (01) مُستُله - ایک نقطه مفروضه ط سے ایک خط منعنی کک جو ایک ہی عمودی سطح میں ہوں تیز ترین نول كاخطط ق ہوگا جہاں ق خط منحتی بر ایسا نقطہ ہے كه أيك دائره جس كا بلند ترين نقطه ط بهو خط منحى كو ق پر مس سرے فرض سرو کہ ایک ایسا دائرہ کھینچا گیا ہے کہ ط اس کا بلند ترین نقطه ب اور وہ خط منحی کو ق پر خارجاً مس کراہے۔ خط منی پر کوئی اور نقطه ف لوس اور فرض کرو که ط ق



دائرے کو ح پر قطع کرتا ہے۔

تب چونکہ طق سننے طق پر بھلنے کی مرت کے طاح پر بھلنے کی مرر سننے طاق پر بھلنے کی مرت کے طاح پر بھلنے کی مرر لكن طح يد تجيلنے كى مت = طق ير تفيلنے كى مت (وفعسه ۱۹۹) بناط ق پر سے لئے کی مت ے طق پر سے لئے کی مت اور ق خط منحنی پر کوئی سا نقطہ ہے۔ کیس اگر کوئی اور خط متنقیم ط سے خط منحی یک کھینچا جائے اس پر پھسلنے کی مدت ط ق پر تھسلنے کی مرت سے زیادہ ہوگی۔ اسی طرح ہم ثابت سر سکتے ہیں کہ اگر ایک خط منی سے ایک نقطه مفروضه طائک تیز ترین نزول کا خط مطلوب ہو تو ایسا دائرہ کھینچنا جائے جس کا سب سے شیلا نقطہ ط ہو اور جو خط منحنی کو ق پر مسس سرے ۔ تب ق ط خط مستقیم مطلوب ہونگا۔ مثال (۱) ایک نقطه ط اور ایک خط متقیم ایک بی عنوی سطح میں واقع ہیں۔ نقطے سے خط متنقیم کک تیز ترمین نزول كاخط وريافت كرو ـ 4

باب م

فرض کروکہ جب ج خط متنقم مفروض ہے۔ تو ہیں صوب ایک دائرہ کینین ا جب جس کا بلند ترین نقطہ ط ہو اورجو ب ج کو مس کرے و سے ط ب خط افقی کمینو ہو ب ج کو ب پر ہے۔ ب ج سے ب ق ساوی ب ط کے تطع کرو۔ تو ط ق خط مطلوب موگا۔ کیونکہ یہ ظاہر ہے کہ آیک ایسا دائرہ کینیا جاسکتا ہے جو ب ط اور ب ق کو بالرتیب ط اور تی پر س مثال (٢) ایک نقطہ مفروضہ سے ایک دائرہ مفرق یک تیز ترین نرول کا خط دریافت کرد ۔ نقطه اور دائرہ ایک ہی عمودی سطح میں واقع ہیں -فرض کروکہ ب دائرہ مفروضہ کا بیت ترین نقط ہے۔ ط حب کو طاف اور فرض کرو کہ ط حب واٹر ے کو ت م تطع حرتا ہے۔ نوط ق خط مطلوب ہوگا۔

علم حركت بأب سوم 9. وائرے کے مرکزم کو ق سے ملاؤ اور م ق کو استعد بڑھاؤ کہ ط میں سے گندنے والے عمودی خفسے ج شب زاویه ی طب = ناویه م ب ق کیونکه م دب اورج ط متوازی بین اور زاویہ م ب ق = زاویہ م ق ب د زاویہ ج قی ط نیس اگر ج کو مرکز اور ج ط کو نصف قطر مان کراکی دائرہ کینجیں تو اس کا بلند ترین نقطہ ط ہوگا اور وہ وارہ تفروضه کو نقطه ق پر مسس کرنگا اگرط وائرہ مفروضہ کے اندر واقع ہو کو ط کو اس کے لند تریں نقطے سے ملا کر بڑھاؤ تاکہ دائرے کو ق یم ہے۔ تو ط ق خط سطلوب ہوگا۔ (۵۲) مثال (۱) ایک کان کے گڑھے کا پنجو اسلع کی ۲ فیط نانیہ اکائیوں سے پنے اثرا ہے۔ اس کی ابتداع حرکت سے او ثانیے بعد ایک ذرہ كرے كى جوئى سے ينجے كو چھوڑ ديا جاتا ہے۔ دريافت كروكم كنف وقت كے بعد ذرہ ينجرے ير كليكا ؟ فرض کروکہ وقت مطلوب و ہے۔ وقت و میں ذرہ کے ج وہ فاصلہ عرب کا۔ بنجرے کی مت حرکت (و+۱) سیکنڈ ہے۔ اس مت میں پنجار + xxx (و+۱۰) ینی (و+۱۰) فاصله گرنگا-

が (e+1)! = 十子 e! = r! e!

و = ۲۴ سکیڈ

مثال (۲) ایک پھر سمت راس میں ایسی رفارس پینکا گیا ہے جو اسے ۱۰۰ فٹ کی بندی یک پنجا سکے۔ دو سیکنڈ بعد اسی مقام سے ایک اور پھر اسی سمت

میں اسی رفتار سے بھینکا جاتا ہے۔ دریافت کروکہ وہ کب اور کہاں ملیں گے ہ

فرض کردکہ ابتدائی رفقار کہ ہے۔ چونکہ بھر ۱۰۰ فٹ کی لیندی مک یہنی سکتا ہے اس نئے

···×でナーリョ・

1.= 1.1 X ... = 1:

فرض کرو کہ پہلے بتھر کی ابتداہ حرکت سے و سیکنڈ بعد دو نو بتھر لیتے ہیں۔

تب جو فاصلہ پہلے بیتھرنے و سیکنڈ میں لے کیا ہی فاصلہ دوسرے نیٹھرنے (و۔۲) سیکنڈ میں طے کیا۔ نامہ و۔ لہج وا = ۱۸ (و۔۲) - لم ج (و۔۲) د۔۲) ۔ = ۱۸ و۔۲۱- لم ج (وا۔۲) و+۲) ·トノ = 十ろ (カ eーツ=ロ(カeーカ)

و = ۲۲سیکند

عامرتركت

نیز بندی جس پر وه نے ہیں = ۸۰ دلے جوا = ۱۹۶ - ۱۹۶ مؤٹ پہلا پتھرینی آرہا ہوگا اور دوسر پتھر ادیر جارہا ہوگا۔

امثله نبري(۸)

(۱) ایک غبارے سے جو ۳۲ فٹ فی سیکنڈ کی رفار سے ادپر چڑھ رہا ہے ایک پتھر نیچے چھوڑا جاتا ہے اور وہ کا سیکنڈ میں زمین پر بہتھا ہے۔ دریا فت کود کر جب بتھر چھوڑا گیا اس وقت غبارہ کتنا اونچا تھا،

۲۱) ایک جسم ۱۹ فٹ کی بلندی سے نیجے چھوڑا ، جاتا ہے اور اسی وقت زمین پر سے ایک اور جسم

اویر کو مهر نش نی سیکنڈ کی رفتار سے بھینکا جاتا ہے۔ بِنَاوُ کہ وہ کننے وقت سے بعد ملیں گے ہ

اگر پہلا جسم دوسرے سے ایک سیکنڈ بعد چھوڑا جائے تو وہ کب کمیں گے ہ

(س) ایک برج کی بلندی ۲۸۸ فط ہے۔ ایک جم برج کی چوٹر ا جاتا ہے احد عین اسی وقت

ایک دوسرا جم زمین بدسے اوپر کو سمت راس میں پیسے ہیں۔ پیسے جاتا ہے۔ دونو برج کے تضعت پر منتے ہیں۔ دریافت کردکہ پیسے ہوے جسم کی ابتدائی رفارکیاتی

علم حركت اور پہلے جم کو سنے کے وقت رفار کیا ہے ؟ (١٧) ايك جلم ايك برج كى جول برسے ينج چورا جاتا ہے اور اسی وقت ایک اور جسم اسی عبودی مسیدم میں زمین ہر سے اوبر کو پھنیکا جاتا ہے۔ دوسرے جسم کی رفتار اس قدر ہے کہ اسے برج کی جوئی تگ پنجا کرے ۔ معلوم کروکہ دونو جسم کہاں ملیں گئے ؟ (۵) ایک ذرہ بلندی ل سے پنیجے جمورا جاتا ہے اور اس فاصلے کا ہے گر چکنے کے بعد وہ ایک اور ذرے مے پاس سے گذرتا ہے جو اسی وقت اوپر کو بھینکا گیا تھا۔ معلوم کروکہ دومرا ذرہ کہاں تک بہنچگا ؟ (۲) ایک جسم ایک سطح آل کی چوٹی برسے نینج بھسلنا شروع کرتا ہے اور اسی وقت ایک اور جسم سطح کے پائے سے سطح کی اوپر کی طرف ایسی رفتار سے پھینکا جاتا ہے کہ دوانو سطح کے عین نصف پر منتے ہیں۔ تو رفتار رمی دریافت کرو اور ملنے کے وقت دونو کی رفتارین بھی معلوم کرو۔ (4) ایک جسم رفتار که سے اوپر طبو تجینکا جاتا ہے اور و سیکنڈ ائزرنے کے بعد ایک اور جسم اسی رفتار سے اوپر کو بھینکا جاتا ہے۔ معلوم کروکہ وہ کب اور کہاں ملیں سے ہی (م) ایک غیارہ ہم فٹ شیکنڈ اکاٹیوں کے اسراع

سمت عمودی سے سطح کے میلان کا قاطع۔
(۱۷) ایک عمودی دائرے کے متعدد چکنے وثر اسکے
سب سے نچلے نقطے پر طتے ہیں۔ اگر ایک جسم
ان پر نیچ کی طرف کچسلے تو ثابت کرو کہ مصلہ رفار
اس طح برلیکی جس طح وتر کا طول۔

ر (۱۸) اگر دو دائرے اپنے بلند تریں یا بیت تریں نقطے پر مسس کریں اوراس نقطے میں سے ایک خط کھینچا جائے ہو دونو دائروں کو ملے تو اس خط کا جو حصہ دونو دائروں کے اندر ہے اس پر نیچ کو بھیلنے کا وقت لیک بھی رہے گا۔

روب ہی سہ اور انقی سے اور انقی سے اور انقی سے میلان عمر ہے اور اس پر ایک نالی کھدی ہوئی ہے میلان عمر کا میلان اعظم سے بہ ہے۔ تو معلوم کروکہ اگر ایک ذرو سطح کی چوٹی سے اس نالی میں کو شروع کرے تو وہ اس نالی کو کتنے عرصہ میں طے مشروع کرے تو وہ اس نالی کو کتنے عرصہ میں طے کرے گا ہ

کرے کا ؟ ۲.۱) اگر ایک فاصلہ ف ، ن مساوی مصص بیرتقیم کیا جائے ۔ اور ہرایک مصے کے افیریہ ایک متحک ذرے کا اسراع بقدر ننے زیادہ کیا جائے تو معلوم کردکہ فاصلہ فن طے کرنے کے بعد ذرے کی رفتار کیا ہوگی اگر وہ حالت سکون سے باسراع ع حرکت شروع کرے۔

علم حركت 96 باب سوس (۲۱) ایک فرہ حالت سکون سے بامراع ع مرکت شروع کرتا ہے۔ وقت و کے بعد اس کا آسراع باع ہو جاتا ہے۔ اور وقت ہو کے بعد سع ہوجاتا ہے و علیٰ ہالقیاس ۔ وقت ن و سے بقد اس کی رفتار دریافت کرو اور ثابت کرو که کیے شدہ فاصلہ یہ ہوگا <u> ان (۱+ ۵۲) (۱+ ۵) ع وا</u> + (۲۲) ایک جسم طالت سکون سے تشروع ہوکر کیساں اسراع سے حرکت کرتا ہے۔ ثابت کروکہ (ن ان ان ا) وی ناسنے مین کے شدہ فاصلہ دو فاصلوں کے جمعے كے ساوى ہے - ايك ، يہلے ن ثانيوں يں طے شده فاصله اور دوسرا ، پہلے (ن + ۱) ٹانیوں میں طے شدہ فاصلہ ۔ (۲۳) کرہ زمین پر دو فقلفت مقام ہیں۔ ایک مقام پر جب ایک فرہ ایک خاص بندی سے گڑا ہے تو بقابلہ دوسرے مقام کے اس کی رفتار محصلہ م فٹ فی ٹانیہ زیادہ ہوتی ہے لیکن وقت ن اللہ

کم صرف ہوتا ہے۔ ٹابت کروکہ ہر دو مقامات پر ج کی عددی قیمتوں کا اوسط ہندسی گے ہے۔ ہے۔ (۲۲) ایک سٹیشن پر سے جل کر دوسر (۲۲) ایک سٹیشن پر سے جل کر دوسر

9

بأب سوم

سٹیشن پر جا تھیرتی ہے۔ دونو سٹیشنوں کے درمیان ایک سیل کا فاصلہ ہے اور کاڑی اپنے سفر کے پہلے دو شکت کرتی ہے اور آخری اور شکت کرتی ہے اور آخری شکت میں کیساں اسراع سے حرکت کرتی ہے اور آخری شکت میں اس کا ابطاء کیساں ہے اور کل فاصلہ طے کرنے میں تین منٹ لگتے ہیں۔ گاڑی کا اسراع 'ابطاء اور اس کی رفتار اعظم دریافت کرو۔ اور اس کی رفتار اعظم دریافت کرو۔ اس وقت اجائک اس کو بریک لگا دیا جاتا ہے اور اس وقت اجائک اس کو بریک لگا دیا جاتا ہے اور بریک بند کردی جاتی ہے۔ اس کے بعد پہلے سیکنڈ میں انجی عمد فرط جاتا ہے اور دوسر سے سیکنڈ میں انجی عمد فرط داؤہ کی کی اصلہ جاتا ہے اور میں انجی عمد فرط داؤہ کی کی اصلہ جاتا ہے اور میں انجی عمد فرط داؤہ کی کی اصلہ جاتا ہے اور میں انجی میکنڈ میں انجی کی اصلہ جاتا ہے اور دوسر سے سیکنڈ

میں ۸۵ فٹ ۔ دریافت کرو کہ انجن کی اصلی جال کیا تھی اور وہ کتنے وقت میں ساکن ہو جائے گا اور اس قوت میں کنا فاصلہ طے کرے گا ؟ یہ فرض کرلیا جائے کہ بریک سے کیساں ابطاء پیدا ہوتا ہے۔ اور اگر انجن مریک سے گیساں ابطاء پیدا ہوتا ہے۔ اور اگر انجن کے ساتھ گاڑی لگی ہو اور انجن اور گاڑی کا طول

47 گز ہو اور اگر بریک لگنے کے وقت ایک شخص انجن سے ۱۹۸۴ گز آگے کی طرف کھڑا ہو تو گاڑی کتنے وقت میں اس شخص کو گذر جائے گی ہ

سے وقت میں اس مص ہو گذر ہوئے گی ہو۔ (۲۹) ایک ریل گاڑی ایک سٹیش سے چل کر دوسر سٹیشن پر جا تھیرتی ہے اور اس سفر کے پہلے حصہ میں امراع ع سے چلتی ہے اور جب بریک لگادئے

عارحركت 99 إبسوم جانے ہیں اور بھاپ بند کردی جاتی ہے تو اس کا ابطاء ع ہوتا ہے۔ اگر سطیشوں کے دمیان فاصلہ ل ہو تو نابت کروکہ ایک سٹیشن سے دوسرے سٹینن تك صون شده وقت المل ع ع م الم الم (۲۷) ایک ریل گاڑی سٹیشن کر سے سٹیشن دیسا تک پلتی ہے اور اس سفرکے پہلے پوننے سے میں اس کا اسراع کیساں ہے اور اُخری جو تھے مصے میں اس کا ابطاء کیساں ہے اور درمیانی نصفت حصے میں چال کیساں رہتی ہے۔ خابت سروکہ ریل گاڑی کی اوسط جال يوري جال كالم الله الم (۲۸) لیک بنجرا ۲۰۰ فٹ گرے گڑھے کی تہ یکساں اسرع کے ساتھ ادیر کو چڑھٹا ہے۔ گڑھ کی چوٹی کے قربیب اویر وار توت سدود کی جاتی ہے اور بنجرے کی حرکت محصلہ ہی اسکو عین جوڑ کا۔ بہنچا دینی ہے۔ اگر کل وقت صرف شدہ یہ سیکٹ ا ہو۔ معلوم کروگہ حرکت کے پہنے ہے یں اسراع کیا تھا اور زیادہ سے زیادہ رفقار کیا تھی ؟ (۲۹) ایک ریل گاڑی طالت سکون سے شروع ہوکر یا نج منط میں اپنی زیادہ سے نیادہ چال بینی ۵۰ میل فی گھنٹہ حاصل کرلتی ہے اور اسی جال سے

بأبسوم چلتی رہنی ہے ۔ یہاں سک کہ دوسر سیلین نضف ميل ره جايا ہے۔ تو اسراع اور ابطاء کی قبتيں فط سیکنڈ اکائیوں میں دریافت کرو اور یہ بھی معلوم کروکہ کل سفر میں جو کیصد میل تھا کتنا وقت مون ہوا۔ اور سارک سفر کے لئے رقار اور وقت کا خط منحنی کمینیو -

باب جهارم

باب جهارم هانین حرکت قوانین حرکت

(۱۹) اس باب بین ہم اس امر پر غور کریں گے کہ حرکت کس طح بیدا ہوتی ہے۔لین پہلے ہمیں چند تعریفات کی ضرورت ہوگی۔

الدہ وہ جب جو دواس کے ذریعہ محسوس ہو سکے۔

الدہ کوئی شخص ادہ کی کیفیت سے ناواقت ہو تو ہم الدہ کی کوئی ایسی تعریف نہیں کر سکتے جس سے اس المدہ کی کوئی ایسی تعریف نہیں کر سکتے جس سے اس فضا کی طح مادے کا تصور بھی اولی ہے۔ وقت اور فضا کی طح مادے کا تصور بھی اولی ہے۔

قضا کی طح مادے کا تصور بھی اولی ہے تام ابعاد نہایت فضا کی طح مادے کو بھر طال اس قدر چھوٹا ہو کے بھول۔ جو بھر طال اس قدر چھوٹا ہو کے بھول۔ جو بھر طال اس قدر چھوٹا ہو کے

ہاری تحقیقات کی غرض سے گئے اس سے نملف صف

علم حركت باب جہارم در میانی فاصلے نظر انداز ہو سکین ۔ بعض اوقات ایک محدود ناپ کا جسم بھی ذرہ سمجھا جا سکتا ہے مثلاً کرکٹ کی گیند جو اوپر کو بھینکی جاٹ یا ایک پتھر جو اوپر سے پنیے کو گرے۔ اور آفتاب کے گرد زمین کی حرکت پیر غور کرنے میں نرمین کو بھی ذرہ خیال جسم اده کا لیک حد ہے جو سطوں سے گھر ہوا ہو اور جواً ہر طرفت سے محدود ہو۔ یعنی اس میں ذرات کی بہت بڑی تغداد ہوتی ہے۔ ایک جسم کی مقدار یادہ کو سکم**یدت کے** ہیں۔ اوہ ہے جو کس جسم کی حالت سکون یا حالت حرکتِ میکسال کو بدے یا بدلنے کی قابلیت رکھے۔ شاید طالب علم یہ خیال کرے کہ ان تعربفات سے پورا م ادا رنبيس ابوتا- أم ذيل مين أن تعريفات على اگرکسی قسم کے مادیے مثلاً لوے کا چھوٹا سافکر ا ایک جکنی مینریر بڑا ہو تو ہم اسے ذرا ڈھکیل کر آسانی سے حرکت دے سکتے ہیں۔ اگر اسی لوہے کی زیادہ مقدار لیں تو اتما ہی زور لگانے سے وہ ایسی آسانی سے ہیں حرکت کر سکیگا۔ اسی طح اگر ہم نقرم (بلائنیم) اور لکڑی سے دو فکڑے ہیں جو ایک ہی

علم حركت 1. باب يام ناب اور شکل کے ہوں تو ان پر ایک سازور لگانے سے اثر اور نینج مختلف ہوں گے - ایسی بی ایک اور مثال پر غور کرو۔ ایک توپ کا گولہ اور اسی ناب کا آیک لکڑی کا گولہ لو اور ان کو زمین برر کھم دونو کو ایک سی تھوکر یارو نو لکڑی سے گو نے بر الله زیادہ بھوگا اور توب سے کو نے پر کم ۔ اس طح اگر لیک سی محوکرین دو بیدوں کو نگائی جائیں جنیں سے ایک بانی سے بھرا ہوا ہو اور دو سرا اسی ناپ کا لیکن خالی ہو تو ان نظوکروں کے اٹرکا ملاحظہ کرنے سے معلوم ہوگا کہ دونو میں کتنا فرق ہے۔ پیس ان تجربوں سے نابت ہوا کہ اگر مخلفت اجسام کو جن کی ظاہری شکل اور حالت ایک ہو ایک سا زور لگایا جائے تو ہمیشہ نینچہ ایک سا ہیں ہوگا۔ تبائج میں فرق کیوں ہے صرف اسلتے که بر ایک جسم کی کمیت کاده مختلف ہے۔ (۵۴) اگر ایک ہی مقدار مادہ پر دو توثین کیے بعد دیگرے نگائی جائیں اور ایک مرت معینہ تک انکے عل کرنے سے اس مقدار مادہ میں ایک بی رقار بیدا ہو تو وہ دو قوتیں سیادی کہلاتی ہیں۔ اگر دو مخلف مقاویر ما ده کو ایک بی توت لگائی جائے اور وہ قوت ایک مدت معینہ کک عل کرکے طالب علم کو معلوم ہوگیا ہوگا کہ ہم یہاں یہ سیلم کر لیتے ہیں کہ فحلف مواقع پر ایک سی قوتیں بیدا کرنا مکن ہے۔ مثلاً ہم یہ مان لیتے ہیں کہ اگر ایک عبر دار کلانی کو کھنچ کر مختلف او قات میں ایک سا لمبا کیا جائے اور باتی طلات متعلقہ نہ بدلیں تو ہر صورت میں کمانی کو اتنا کھنچ رکھنے میں ایک سی

قوت در کار ہوگی۔
اس نے ایک ہی قوت بار بار نگاکر ہم کمیت مادہ
کی معیاری اکائی کے مساوی متعدد مقادیر مادہ عال
کر سکتے ہیں۔ اور مساوی مقادیر مادہ معلوم کرنے کا
نظری طریقہ ہو ہر صورت ہیں ہو سکتے یہی ہے۔
علا ہم کو معلوم ہوگا کہ مساوی مقادیر مادہ کے افران
بی مساوی ہوتے ہیں اور تول کر مقادیر مادہ کا بابی
مقابلہ نہایت آسانی سے ہو سکتا ہے۔

(۵۵) کیت ادہ کی برطانوی اکائی مشہنشاہی پونڈ کہلاتی ہے اور یہ نقریہ (پلائینم) کا ایک مکوا ہے جو ویسٹ منسٹر میں رکھا گیا ہے۔ اور بعین رکھا گیا ہے۔ اور بعین رکھا گیا ہے۔ اور بعین رکھے ایسے اور مکھڑے دیگر محفوظ مقامات پر بھی رکھے

سي ني - سي ڪ

علم حركت 1.0 بأب جيارم کیت اده کی فرانسیسی یا علمی اکانی گرام کہلاتی ہے اور نقریہ ریلا ٹینم) کی ایک خاص مقدار جو ہیرس میں سکھی گئی ہے اس کا مزارواں حصہ گرام ہے۔ اس کا مزارواں حصہ گرام ہے۔ ابتداء منشا یہ تھا کہ سنیٹی گریٹر سے ہم درجہ حار پر خالص بانی کے ایک کمعب سنیٹی میشرکی نمیت پر خالص بانی کے ایک کمعب سنیٹی میشرکی نمیت مادہ کو گرام کیا جائے۔ یہ اکائی پونڈ سے بہت چھوٹی ہے أيك كرام = ١٥١٣ ١٥١ كرين تقريباً ایک پونڈ ۔ ۲ د ۱۵۳ گرام تقریباً اکا بنوں کا وہ نظام جس میں سینٹی میشر، گرام اور ثانیہ بالٹرتیب طول 'کیسِت مادہ اور وقت کی اکا نیاں ہیں الانتيون كا سى ك دف نظام كهلاتا ہے۔ الانتيون كا من ك دف نظام كهلاتا ہے۔ (04) كثافت - ايك يكسان جسم كے جم كى اكانى على جو مقدار مادہ ہو وہ اس جسم كى كثافت كهلاتى ہے۔ رب اگر کسی جسم کی کمیت ماده هم ہو اور اس سا مجم سے ہو اور کٹافت ک ہو تو م = حک

یر قدرے محلف ہوگا۔ (۵۸) ایک جسم کا معیار حرکت اس کی کیت مادہ اور رفقار کے عاصل ضرب کے تمناسب ہوتاہے۔ اگر معیارِ حرکت کی اکائی کمیت مادہ کی اکائی کے معیارِ حرکت کو لیا جائے جب اس کی رفقار ' رفقار کی اکائی

1.6 بالهاجهارهم ہو تو ایک جسم کا سیار مرکت ہے ر ہوگا جہاں م اس کی کمیت مادہ ہے اور ار زمار ہے۔ معیار حرکت کی سمت مہی ہوگی جو رفار کی ہے آئر ۱۰۰ گرام نما ایک جسم ۲۷۵ سنی میشر فی تانیه کی رفتار سے حرکت کررہا ہو تو اس سے معیار حرکت میں ٠٠٠ ٤١٤ سنيني ميشر عرام نانيه اكائيان معيار حركست (99) اب ہم قواین حرکت کو بیان کر سکتے ہیں جو عام طور پر نیوٹن کے قوانین حرکت کہلا تے ہیں بہلے دو علمو گلیالیو نے سن الفاء کے قریب دریافت کیا تھا اور تیسر قانون پرنسییا کی اشاعت سے قسیل کسی نیر کسی شکل میں گہا کہ ہائی گنس اوالیس ایرین و دیگر سیاضی دانوں کو معلوم تھا۔ دیگر سیاضی دانوں کو معلوم تھا۔ نیوش نے ان قوانین کو اپنی کتاب پرنسیبیا مطبوعہ المنتهاء من منضبط كيا م قوانین حرکت یہہ ہیں۔ **فانون اول۔** کسی جسم کی سکون کی حالت یا خط مستقیم میں اس کی کیساں حرکت کی حالت ہر گزنہیں براسکتی جب سک کہ کوئی بیرونی قوت اس پر عمل کرمے اس قانون دوم - معیارِ حرکت کی شرحِ تبدل قوتِ عالمہ

1.9 باب جہارم نسی جسم کی حرکت سے دوران میں اس پر کوئی قوت عل نہ کرے کے لیکن اس قانون کا تقریبی عمل ہم اس صورت میں دیکھ سکتے ہیں جب خشک اور سخت برف کاایک لمکوا خشک صاف برف کی افقی سطح پر حرکت ویا جا ہے ۔ برف کے مکڑے پر صرف دو قوتیں عل کرتی ہیں۔ایک برف سے مکڑے اور برف کی سطح کے درمیان فرک یا رکڑ۔ دوسری ہواکی مزاحمت ۔ برت کی سطح جتنی زبادہ صاف اور جکنی ہو گی اننی زیادہ دور برف کا ٹکرا جانگا۔ اور ہوا کی مزاحمت جس قدر کم ہوگی اسی قدر زیادہ دور وہ مِرْزا جائے گا۔ اس قانون کا بیان رعوے یہ ہے کہ آگر برت کمل طور پر بکنی ہو اور فرک بالکل معدوم ہو اور اگر ہوائی فراحمت بھی نہ ہو اور جسم پر کوئی اور قوت عمل نه کرے تو وہ ہمیشہ ایک خطِ ستقیم میں کیساں رفتار سے جلتا رہے گا۔ یہ قانون اصول جمور کو بیان کڑا ہے۔ وہ اصول یہ ہے کہ کسی جسم کا یہ طبعی میلان بنیں ہے کہ اپنی مکون کی طالت کو یا خطِ متنقیم میں کمساں حرکت کی حالت کو خود بخود بدل سکے ہے آگر لوہے کا ایک ٹکڑا زمین پر بڑا ہو تو وہ خود حکت ہیں مرسکتا ۔ اس کی حرکت اسی وقت مکن ہے جب ایک بیرونی قوت اس پر عل کرے۔

أكر دهات كا أيك مكرًا رسسى مين باند مكر

ایک بیکی افتی میز پر گھایا جائے اور دوران حرکت میں رسی ٹوٹ جائے تو چونکہ دھات کے مکٹیے پر اب کوئی قوت علی نہیں کرتی اس لئے وہ خط مستقیم میں حرکت شروع کرے گا۔ جس نقطے پر دھات کے مگڑے کی مدور حرکت بند ہوئی اس نقطے پر دھات کے مگڑے کی مدور حرکت بند ہوئی اس نقطے پر کے خطِ ماس کی سمت

حرکت کی سمت ہو گی-اگر کونی شخص ایک تینر چلتی ہوئی ریل گاڑی میں سے نکل

کڑا ہو تو وہ بالعموم کر پڑتا ہے۔ اس کے باؤں زمین کے ساتھ لگتے ہی ساکن ہو جاتے ہیں۔ اور چونکہ جسم

کے اوپر کے جصے پر کوئی قوت عل نہیں کرٹی اسلنے اس حصے کی پہلی حرکت جاری رمہتی ہے اور وہ زمین

اس سے می بہی سرف جاری رہی ہے ہور وہ مرن یر گریڑنا ہے۔ اگر ایک شخص گھوڑے پر سوار بھو اور گھوڑا خوب تیز

ار ایک علی عورے بر موار ہو اور عوار عوار ہو اور عوار عوب بیر جا رہا ہو اور چلتے چلتے اچا نک تحکیر جائے تو اگر سوار اچھا نہ ہو تو گھوڑے کے سرکے اوپر سے نیجے اچھا نہ ہو تو گھوڑے کے سرکے اوپر سے نیجے

گرجائے گا۔ اگر کوئی آدمی ایک گاٹی کی بچھلی طکہ پر مرشط ہو اور گاٹری اجانک بیل پڑے تو اس آدمی سے بیجے

گرنے کا خطرہ ہے۔

بأميد جرادهم (١١) قَالُون دوهم اس قانون سے ہم قوت

ناپنے کا طریقہ افذ کرتے ہیں۔ فرض کرد کہ ایک جسم کی مقدار مادہ ہم ہے اور ایک قوت فی اس پر عل کرئے اساع ع بیدا کرتی ہے۔

نمب حسب قانون دوم کند ق ک شرع تبدل معیار حرکت

ح شیح تبدل م ر جاں ر رفتارہ 🗢 م 🛪 شیج تبدل ر (اگرم غیرمتبدهی

ص مريع ع

م= ا اورع = ا ، توق= ا

لہ=ا قت کی اکائی کا انتخاب جب یہ ہوگیا تو ساوات بالا کی یہ صورت ہوگی

ق = م ع

باب چهارم

علم حركت اس نے جب اکائیوں کا مناسب انتخاب کیا جائے

تو توت کا ناب معار حرکت کی شرح تبل کے ناپ کے ساوی ہوتا ہے۔

(١١٢) وفعه سابقه سے ظاہر ہے كه علم حركت ميں قوت کی اکائی کی مقدار کا انصار کیت ماده اور اسراع کی

اکائیوں پر ہے۔ اور بہوجب دفعات 9 و ۲۹ اسراع کی اکائی طول اور وقت کی اکائیوں پر منحصرے۔

اس نئے قوت کی اکائی کا انتصار کمیت مادہ ، طول اور وقت کی اکائیوں پر ہے۔ جب یہ اکائیاں معلوم

موں تو قوت کی اکائی معلوم ہو سکتی ہے۔ جب کیت مادہ ، طول اور وقت کی اکائیار، لونڈ

فط اور ثانیه بول تو ان کی متعلقہ قوست کی اکائی

يونگرل كهلاتي ہے۔ بروست ہوں ہوں ہوں ہوں است ہے اس کے مساوات تی = م ع بالکل درست ہے ہواں می تعداد ہے اور ق

قوت عالمہ کے یونڈلوں کی تعداد ہے اور ع اسراع کی اکائیوں کی تغداد ہے جو کمیت مادہ میں توت

ق کے عل سے بیدا ہوئیں۔ يهم تعلق بعض اوقات اس صورت بين بيان كيا جاتاب

توت محرركه اسراع = مقدار مادة محرمتك

كرتے ميں اور جو قوت كہ اس اساع كو پيدا كرتى ك وہ ہے جسے ہم جسم کا وزن کہتے ہیں۔ اب اگر کمیت مادہ کی اکائی پر قوت کی اکائی عل کرے تو

علم حركت اس میں اسلاع کی اکائی بیدا کمنی ہے

اس نے اگر یکینت او کی اکائی پر قوت کی ج اکائیاں

عل کریں تو وہ اسراع کی ج اکائیاں پیدا کرنگی (برجیب وانون دوم) لیکن کمیت ماده کی اکائی کا وزن ہی ہے

جو اس میں اسراع کی ج اکائیاں بیدا کرتا ہے۔ بیں کمیت ادم کی اکائی کا وزن = قوت کی ج اکائیاں

(٩٥) أكانيول كالفث يونله ثانيه تظام-اس نظام میں ج تقریباً ۲ ،۳۲۶ کے مساوی ہے اس لئے ایک پونڈ کا وزن قوت کی ج اکائیوں کے برابر ہے یعنی ج پونٹرلوں کے مساوی ہے ، جہان

ج = ۲۶۲ تقريباً

بس ایک پونٹل ایک پونٹر کا تقریباً سائوں ہے یعنی تقریباً نصف اونس کے ورن کے مساوی ہے۔

چونکہ روٹ زمین کے مختلف مقامات پر ہم کی قیمتیں مخلف ہیں اور پونڈل ایک ایسی قوت ہے جو ہر مگبہ

ایک ہی رہتی ہے اس سے یہ نینجہ نظلاکہ یونڈکا فران ایک مقدارِ منتقل نہیں ہے بلکہ روٹ زمین کے

مختلف مقابات پر مختلف ہے۔ (۲۹) اکا ئیموں کا سنبٹی میشر گرام ٹانیہ نظام۔ اس نظام میں ج تقریباً ۱۸۹ کے برابر ہے اس لئے ایک گرام کا وزن قوت کی ج اکا ٹیوں کے

علم حركت 110

مادی ہے یعنی ج ڈائینوں کے برابر ہے جہاں ج = ۱۸۹ تقریباً پس ڈائین ایک گرام کا تقریباً الم ہے ڈائین پونڈل سے بہت چھوٹی اکانی ہے ان کا باہی تعلق بطریق ذبل آسانی سے معلوم ہو سکتا ہے۔

ایک بونڈل = ایک بونڈ کے وزن کا ہونوں ایک وزن کا ایک وزن کار کا ایک وزن کا کا ایک وزن کار

پس ایک پونڈل ہے ۱۳۸۰ ڈائین تقریباً

امثله نببری (9)

(۱) ایک جسم پر جس کی کیت مادہ ۲۰ پونڈ ہے ایک غیر متبل قوت عل کرتی ہے اور ۵ ٹانیہ میں ۱۵ فرط فی تانید کی رفار بیدا کرتی ہے۔ اگرجم ابتدا میں ساکن تَعَا تُو قُوتُ كَى مُفْدَار معلوم كرو-

ينرريعه ساوات ب ر له ب+ع و

 $r = \frac{10}{0} = \frac{9}{0}$. $r = \frac{10}{0} = \frac{9}{0}$. $r = \frac{10}{0} = \frac{9}{0}$

ق = ٣ ×٢٠ = ٣ پوندل (٢) أيك ١٠ پوند كيت ماده والا جسم ايك كيكى افعى سطح په يرا ب اور اس پر ايك سربوند وزن كي مساوى

قوت عل کرتی ہے۔ دیانت کردکہ ا نانیہ میں وہ کتنا

فاصله طے کرے گا ؟ سوال با میں قوت محرکہ = ٣ پوند کا وزن = ٣ ج پوٹمل اور مقدار ماده محرّك = ١٠ يوندُ

پس اگر فط ثانیه اکانیاں استعال ہوں تو اسطع = مع ج

ن فاصله مطلوب = $\frac{1}{7} \times \frac{7}{1} \times 1 = .4$ فظ (۳) اس قوت کی مقدار معلوم کرد جو ایک کیلو گرام یر ۵ ٹانیہ عل کرکے اس میں ایک میشرفی تنانیہ کی

رفنار بيدا كرك یباں رفتار مصلہ = ۱۰۰ سینٹی میشر فی نانیہ

اس کنے امراع = ۲۰ س ک ف اکائیاں پس قوت = ۲۰x۱۰۰۰ دائين= ٢٠٠٠ گام كافران تقيماً

ے ہم ، ، ہم گرام کا وزن تقیر

(م) ذیل کی تین صورتوں میں اسراع معلوم مرو (۱) ۵ پونڈل کی قوت ۱۰ پونڈ کیت مادہ والے جسم یر عل کرتی ہے۔

(۲) دیونڈ کے وزن کے ساوی قوت ایونڈ کیت

مادہ والے جسم ہر عل کرتی ہے۔

(۳) ۵۰ پونٹر وزن کی قوت ۱۰ ش مقدار مادہ برعل

رتی ہے۔

علم حركت

(۵) ایک توت ۲ پونڈ کی مقدارِ مادہ میں ۱۰ فٹ نانیہ اکائیاں اسراع کی پیدا کرتی ہے۔ قوت کی مقدار پوٹران میں دریافت کرو۔ میں اور پوٹروں کے وزن میں دریافت کرو۔

(۲) ایک ایسی قوت معلوم کرو جو ۱۹۰ پونڈ مقدار مادہ پر ۵ سیکنڈ کی مسیکنڈ کی مسیکنڈ کی رفتار پارٹ ایک کیلئے مینر پر پڑی ہے رفتار پیدا کرے - مقدارِ مادہ ایک کیلئی مینر پر پڑی ہے

اور قوت سمت افقی میں علی سرتی ہے۔

(٤) ١٠ ہنڈرڈ ویٹ مقدار مادہ پر ایک قوت اثانیہ علی کرے اس میں تین میل فی گھنٹہ کی رفتار پیدا

ک رف رف این میں ایک مقدار معلوم کرو۔ کرتی ہے۔ قوت کی مقدار معلوم کرو۔ (۸) ۲ پونڈ وزن کی ایک قوت ہم پونڈ کی مقدار مادہ

ر بہب ہوں منٹ عل سرتی ہے۔ اور اشنے وقت یں مصلہ رفار اور طے شدہ فاصلہ معلوم سرو۔

(۹) ایک جسم ایک کیساں قوت سے زیر عل اسکینڈ یں کم میشر طے سمرتا ہے قوت کا مقابلہ جسم سے وزن

ے کرو اور رفتار محصلہ دریافت کرو۔ (۱۰) ایک پونڈ وزن کی قوت ۱۸ پونڈ مقدار مادہ برایک

ر بہ بات کرد کران می کوٹ ،رر پولد کار آباد کا بدایات نیکنی افقی سطح پر عمل کرتی ہے ۔ دریافت کرد کہ ۵۰ فٹ فاصلہ طے کرنے کے بعد اسکی

علم حرکت کیا رفتار ہو گی ہ

(۱۱) ایک جسم کی کمیت ماده ۲۰۰۰ من ہے اور اس پر ۱۱۲۰۰۰ پونڈل کی قوت عمل کرتی ہے۔ بناؤکہ کتنی کت

میں اس کی رفتار تیس مبل فی گھنٹہ ہوگی ؟ (۱۲) ایک ٹن کی مفدار ادہ ۱۰ یونڈ وزن کی قوت کے

زیر علی کتنی مدت میں کہا فٹ کا فاصلہ طے کرے گی؟ زیر علی کتنی مدت میں کہا فٹ کا فاصلہ طے کرے گی؟

(۱۳) ۲۲۴ پونڈ کی کمیت مادہ ایک افقی کچنی سطح پر پڑی ہے۔ ایک یکساں فوت اس پر ۵ سپیکنڈ عل

برای ہے۔ ایک ایک وقت میں ۵۰ فٹ کا فاصلہ طے کرکے اس کو اتنے وقت میں ۵۰ فٹ کا فاصلہ طے

کراتی ہے۔ نابت کرو کہ توت تقریباً ۲۸ پونڈ وزن کے سمایر ہے۔

(۱۲) ایک گاڑی کی مفدار مادہ ۱۶ سُن ہے اور وہ چکنی ریال کی سمت میل کی سمت

ریل کی سنرت پر تھری ہے۔ ایک ھورا ریل کی مت میں ایک ہنڈرڈویٹ وزن کی قوت کے ساتھ گارٹریکو

کیساں کمینچتا ہے۔ دریافت کروکہ ایک منٹ میں گاڑی کننی دور جائے گئی ہ

(۱۵) وارگام کے وزن کی ایک قوت ۲۷ گرام کی مقدار

مادہ پر ایک سیکنڈ عل کرتی ہے۔ رفتار محصلہ اور طے شدہ فاصلہ معلوم کرو ۔ اور اگر ایک سیکنڈ کے بعد

قوت کا عل مسدود ہو جائے تو معلوم کرد کہ اس فوت سے شار کرکے ایک منٹ میں جسم کتنی دور جائیگا ؟ (۱۷) ایک چکنی افتی سطح بد ایک ۹ بوند وزن کی قوت
ایک جسم بر عل کرتی ہے۔ ۲۵ فٹ طے کرنے کے بعد
جسم کی رفتار محصلہ ۱۰ فٹ فی سیکنڈ ہے۔ جسم کی کمیت
مادہ دریافت کرو۔

(۱۸) ایک جسم ایک چکنی میز پر پڑا ہے اور ایک ۲ پونڈ وزن کی قوت اس پر مسلسل عمل کرتی ہے - ۳ مسیکنڈ کے بعد جسم کی مقدار مادہ دریافت کرو ۔

معدار مارہ دریا سے مروب ایک جسم جاذبہ ارض کے زیر علی سان ہوں اور کا ایک جسم جاذبہ ارض کے زیر عمل سے ان کی ان اسکا میں افت فی نانیہ کی رفتار سے گررہا ہے۔ اس یکسال قوت کی مقدار دریافت کرہ جو اسے (۱) ۲ سیکنڈ میں (۲) ۲ فٹ فاصلہ طے کرنے میں ساکن کردے۔ (۲) ایک قوت ۵ پوٹڈ کی مقدار مادہ پر لے نانیہ عل

(۲۰) ایک قوت ۵ پونڈ کی مقدار مادہ پر ا نانیہ عل کرکے اس میں ۵ فٹ فی نانیہ کی رفتار پیدا کرتی ہے اور ایک دوسری قوت ۲۲۵ پونڈ کی مقدار مادہ برایک منٹ عل کرکے اس میں ۱۸ میل فی گھنٹہ کی رفتار پیدا کرتی ہے۔ دونو قونوں کا مقابلہ کرو۔

ایک جسم جس کی کمیت ماده ۱۰ پونڈ ہے حالتِ

سکون سے افٹ گڑنا ہے اور میر ایک فٹ رہیتیں محس کر ساکن ہو جانا ہے ۔ جسم پر ریت کا اوسط دباو

بإب جهارم

معلوم کرو ۔ (۱۳۵) ایک توپ کی نالی کا طول ۲۰۰ سینٹی میشر ہے اور

اس سے ذریعہ ایک گور جس کی مضار ملاہ ۱۰۰۰ گرام ہے ۵۰۰ ہ ہم فٹ فی تانیہ کی رفتار سے چلایا جاتا ہے۔ ثابت کرو کہ توپ چلنے سے وقت گونے بر عمل کرنے

والی اوسط قوت ۱۰۷۰۵ م ۱۰۹ ڈائین ہے۔

رسوم) ایک توپ میں ۱۰۰ بونڈ کیت مادہ کا گولہ پڑتا ہے۔ اگر توپ کے منہد سے کیک فٹ کاٹ دیا جائے تو گونے کی رفتار ۹۰ ۱۴ فٹ فی ٹانیہ سے بدل کر سساافٹ

فی ٹانیہ رہ جاتی ہے۔ ٹابت سروکہ بارود کی قوت گولے بدر تقبیباً ۱۹۵۵ مٹن وزن کے برابر ہے۔ مدر کاس گذار جو رہ ذیار فریزان کے اس جات

(سرم) ایک گونی جو ۲۰۰ فٹ فی نانیہ کی رفتار سے جلتی سے ایک لکڑی میں ۹ اپنے گھس جاتی ہے۔ اگر ایک اور گولی اسی رفتار سے جلتی سوئی اسی قسم کی بانچ اپنج معرفی لکڑی میں گھنے تو دریافت کرو کہ کمٹنی رفتار سے ہوہ دوسری علوت نکلے گی۔ لکڑی کی مزاحمت کیساں دور دوسری علوت نکلے گی۔ لکڑی کی مزاحمت کیساں

فرض کرتی جائے۔

(۲۵) ایک موٹر کار سے کیلومیٹر فی گھنٹہ کی رفتارے بھی رہی ہے اور بیریک ملکاکہ اسکو ہم سیکنڈ میں ساکن بھی ساکن

باب جهادم کردیا جاتا ہے۔ ٹابت کرد کہ اس مقام سے جہاں بریک لگائے گئے ہیں ۲۲ میشر جل کر موٹر کار ساکن ہوتی

اور یہ بھی ثابت کردکہ بریکوں کی قوت موٹر کار کے وزن کا ۲۸۳ گنا ہے۔

نیز یہ بھی کہ یہ توت موٹر کار کو ایک ایسی سطح مال پر ساکن رکھ سکتی ہے جس کا میلان ہے ہا ہیں ایک ہو(۲۵) یونٹل اور ڈائین مطلق اکانیاں کہلاتی ہیں
کیونکہ ان کی قبت ج کی قبت پر منصر نہیں ہے۔
کیونکہ ان کی قبت ج کی قبت پر منصر نہیں ہے۔
ج کی قبت روئے زین کے ختلف مقامات پر مخلف

ع میں بیت روس مین سے سون کی ترب پر سے اور گرام سے ورزن ہے کی قمت پر مضمر ہیں اس کئے ان کو شجا ذبی اسکانیاں کہتے ہیں۔ (۱۸) کسی جسم کا وزن اس کی مقدار ادہ سے متناسب ہے اور اس کا انحصار ادہ کی قسم پر نہیں ہے۔ رہا ان کا انحصار ادہ کی قسم پر نہیں ہے۔ اگر ہمارے یاس ایک ہوابند قابلہ ہو جو ہواسے بانکل

خلی ہو اور اس میں ایک ہی بلندی سے ایک ہی وقت مختلف اقدام کے مادوں کے ابسام نیج کرنے نے لئے ا چھوڑے جانیں مثلاً دھات کا کرا ایکن پرتدے کا پر، كاغذ كا برزه وغيره - تو ان كي حركت كا الاحظ كرفي ا

معلوم ہوگاکہ تام چیزیں ایک سافھ گرتی ہیں۔ اور ایک سافھ گرتی ہیں۔ اور ایک سے فاصلے طے کرتی ہوئی ایک سافھ گابلہ کی نہ بہترین کئی ہیں خواہ ان کو کسی بلندی سے چھوٹا جائے اور خواہ کسی ہیں خواہ ان کو کسی بلندی سے چھوٹا جائے اور خواہ کسی

MAL قسم سے مادے ہوں گئا چونکوتے یہ الاجائم الیک وقت سین سیاوی فاصلے طے کرتنے ہیں اس سے ان کی رفتاریں ر نقل مکان کی شرحیں) اور ان سے اساع (تبدل رفتار ر س میں ہمیشہ برابر ہو گی -کی شرعیری) ہمیشہ برابر ہمو گی -لب علم بغیر خلا پیدا کرنے کے تجربہ بالا تقریباً کرسکتا ہے۔ ایک ہیسہ اور ایک ہلکی چنر مثلاً کاغذ کا پر زہ لو۔ کاغذ ایک ہیسہ اور ایک ہلکی جنر مثلاً کاغذ کا پر زہ لو۔ کاغذ کے پرزے کو پینے بر جاکر رکھدو اور ان کو افقی وضع میں کا کر بنیج جھوڑ دو تو وہ دونو اکٹھے ہی بنیے رُ نِنَكُ _ حَالانكُهُ أَكُر إن كو على على على المنظم چھوٹا جائے تو پیسہ کاغذ سے بہت پہلے زمین بر بہنیگا۔ بیب کاغذ کے راستے سے ہوا کو سٹا دیتا ہے اور حرکت ویسے ہی ہوتی ہے جیسے کہ گویا اب فرض کرو کہ دو اجسام سے وزن ور اور در یونٹل ہیں اور ان کی کمیت مادہ مم اور مم ہیں۔ تو پونکہ ان کے میار ہیں اور جم کے برابر ہیں اس نے و ہے م ج اور فی ہے م ج ن و : و :: م : م ینی کسی جسم کا وزن اس کی مقدار مادہ کے تنایب

علم حركت 144 بالب جهارم پس جن اجسام سے وزن برابر ہیں ان میں ایک ہی سی مقدار ماده بوگی۔ اس کے اگر دو اجمام کی کمیت مادہ کی نسبتِ معلوم ہو تو ان کے اوزان کی سِنت بھی معلوم ہو گئی۔ مساوات و = م بح ایک عددی مساوات ہے۔ اس کا مطلب یہ ہے کہ جسم سے وزن میں قوت سی اکائیوں کی تعداد دو عددوں سلمے طاصل ضرب سے سافی ہے - ایک اجسم کی کیت مادہ کی اکانیوں کی تعداد اور دوسرا اس اسراع کی اکائیوں کی تعداد جو جسم کا وزن اس میں بیدا کرے ۔ بزریعہ دفعہ الا و دفعہ نوا ق ۔ ع یعنی ایک وت کی لیک جسم کے وزن سے وہی نسبت ہے جو دو اسراعون کی آپس بیاں نسبت ہے ایک اسراع دہ جو اس جسم میں اس قوت کے زیر عل بیدا ہو اور دوسر اساع وہ جو وزن کے زیر عل اسی جسم میں پیدا ہو۔ بعض مولفین تی اور ع کے تعلق کو صورت بالا میں آدا کرتے ہیں۔ (۲۹) مِقْدَارِ ماده اور وزن کا فرق - طاب عر کو چاہئے کہ کسی جسم کے وزن اور مقدار مادہ کے ا فرق كو بخوبى سمجھے - بيونكه اجسام كى مقادير ماده كا ألمان عادیّاً بردیعہ ان کے اوران کے کیا جاتا ہے اس نے

روی بنتی کہ سطح زمین پر مائل طالات میں مطلوب ہو۔ اس سے ظاہر ہے کہ کسی جسم کے وزن کا بات میں مطلوب بالکل معدوم ہونا مکن ہے لیکن اس کا مادہ ویسے کا دیا ہے۔ کا دیسا ہی رہتا ہے۔

اس اخلاط کی وجہ غالباً یہ ہے کہ در پونڈ "کا لفظ دینا در استوال بدتا ہے جہ علمی حشد سے

و عنوں ہیں استعال ہوتا ہے جو علمی خیتیت سے فنمان ہیں۔ " یوند "کا نفظ دد ایک یونڈ کی مقدارادہ" کے معنوں میں بھی استعال ہوتا ہے اور " ایک ہوٹا کے معنوں میں بھی اس سے مراد ہوتا ہے۔ لیکن طالب علم کا وزن " بھی اس سے مراد ہوتا ہے۔ لیکن طالب علم

کو فاص طور پر یہ بات ذہن نشین کرئینی چا ہے کہ افظ دو پونڈ " کے اصلی صفے دو ایک بونڈ کی مقدارادہ " بی ہے ۔ اور جب ہم اس قوت کا ذکر کرنا چا ہیں ہی ہے۔ اور جب ہم اس قوت کا ذکر کرنا چا ہیں جس سے زمین اس مقدار مادہ کو اپنی طرف کھینجتی ہے

جس سے زمین اس معدار مادہ کو اپنی طرف ہے تو ہمیں '' ایک پونڈ کا وزن '' کہنا چا ہئے۔

علاحركت 110 باب بيهارم اکثر اوقات اسی " ایک پونڈ کے وزن "کو مخضراً" ایک پونڈ " کہا جاتا ہے لیکن اس بات کی احتیاط لازمی کے اس عظے سے اصلی مراد کیا ہے۔ یہ بات بھی قابل ذکر ہے کہ جلہ " سیسے کا ایک گولہ وزنی بر پونڈ " فی الحقیقت ذیل کے جلے کا اختصا ہے۔ " سیسے کا ایک گولہ جس کا وزن ، پوٹر مے وزن کے مساوی ہے " سیسے کی مقدار مادہ بر ہونڈ ے اور اس کا وزن ۲۰ ج پونڈل ہے۔ (منه) بلطون والی ترازو آور کمانی دار ترازو سے کو لئے کا فرق ۔ دفعہ ۱۲ میں ہیں یہ معلوم ہوچکا ہوچکا ہو کے ایک مقام سے دوسر سے یقام پر جانے میں اسراع بجاذبہ ایس یعنی سج کی قیمت قدرے بدل جاتی ہے۔ جب ہم کوئی پینر مثلاً چائے بلاوں والی ترازؤ سے تولئے ہیں۔ تو ہم چائے ایک پلاطے میں ڈلینے ہیں اور باٹ دوسیم بالرائي ميں - اور چائے کو کم زيادہ کرتے ہیں جبتک چائے کا وزن ان معلومہ بالوں کے وزن کے برابر نه ہو جائے ۔ اور بدریعہ دفعہ ۲۸ یہ ظامر ہے کہ جائے کی مقدار مادہ باٹوں کی مقدار مادہ سے برابر ہے۔ آپی بلروں کی ترازو سے ذریعے مقادیر مادہ نابی جاتی ہیں نه كم اوزان - اس لئے جائے كا وزن روئے زمين

پرکے وزن سے زیادہ ہوگا۔ مثال (۱) خط استوا پر ج کی قیمت ۳۲۶۰۹ ہے اور لندن میں ۲۶۲۳ کیک سود اگر خط استوا پر ایک شانگ فی پونڈ کے صاب سے چائے خیدتا ا

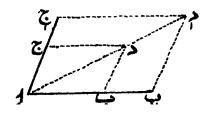
عل کی سمت میں ہوتی ہے۔

111 فرض کروکہ ایک ذرہ سمت ال ب میں حرکت کررہا ہے اور ایک قوت سمت ال ج میں اِس پرعل کرتی نے تو اس قانون کا یہ مطلب ہے کہ سمت اب میں رفتار میں کوئی شبدیلی واقع نہیں ہوتی اور رفتار میں جو منبدل ورقع ہوتا ہے وہ صرف سمت ابع ہی میں ہے اس کئے اگر وقت کی ایک اکائی کے اختیام اصلی رفتار معلوم کرنا چاہیں تو ہمیں دو رفتاروں ى آيل بن تركيب الني جائم - ايك تو وه رفار جو آئی کی سمت میں ہے اور دوسری وہ رفار جو وقت کی ایک اکائی میں قوت کے عل کی وجہ سے سمت اور جوئی۔ اب اگر کوئی اور قوت سمت اور جو میں پیدا جوئی۔ اب اگر کوئی اور قوت کسی اور سمت میں ذرہ پر عمل کرے تو یہی ولیل اس پر بھی عائد مو سکتی ہے اور اسی طبح إگربہت سي قُونين عل كرين تورآن بريجي ايسى ہى دلائل عائد یس اگر کئی ساکن یا متحرک در سے پر قوتوں ایک نظام عمل کرے توان کا مجموعی اثر اس طرح علوم ہوگا کہ ذرے کو ساکن سمجھیں اور اس بر مہر قوت کے اثر کا جداگانہ اندازہ کرتے ہوے باتى قوتوں كو كارى م تصور كري - اور پير تمام قوتوں کے انزات کی ترکیب کریں ۔ توتوں کے طبیعی استفنا کا اصول میں ہے۔

علم کت باب جہارم سوار ہو اور ایک طقے میں سے کودنا چاہے۔ وہ گھوڑے کی بیٹھ پر سے سمت عمودی میں کودنا چاہے۔ اس کی افتی رفتار وہی ہے جو گھوڑے کی ہے اور وہ برستور اسونت بھی جاری رہتی ہے جب وہ کود کر گھوڑے کی بیٹھ سے جواری رہتی ہے جب وہ کود کر گھوڑے کی بیٹھ سے جوا ہوتا ہے۔ اس گئے جب وہ نیٹے والیں آتا ہے جباں قو عین گھوڑے کی بیٹھ بر اسی طبہ نہ بیٹھتا ہے جہاں تو عین گھوڑے کی بیٹھ بر اسی طبہ نہ بیٹھتا ہے جہاں

سے وہ کورا تھا۔

(۲۲) فولوں کا متواری الاصلاع۔ ہم نے دفعہ ۳۰ میں یہ نابت کیا ہے کہ آگر ایک ذرے کے جس کی مقدار مادہ ہم ہو دو اسراع ع اور ع ہوں جو مقدار اور سمت میں خطوط ار حب اور ار اج سے تعبیر ہوں تو اس کا حاصل اسراع ع ہوگا جو مقدار اور سمت میں اور ہر سے تعبیر ہوگا جہاں ار اور سمت میں اور اس ع خلیم بوگا جہاں ار اس متوازی الاضلاع کا قطر ہے جس کے اضلاع منصلہ اور اور ج ہیں۔



چونکہ ذرے کا اسراع سمت اب میں ع ہے تو اس سمت میں قوت ق (= م ع) ہوگی۔ اسی طح سمت اس ج میں قوت فی (= م ع) ہوگی۔ فرض رو کہ اور اوج ان قوتوں کو مقدار اور سمت میں تعبیر کرتے ہیں۔ متوازی الاضلاع اب م ج کی تکبیل کرو۔ تو چونکہ اب اور اوج کی سمتوں

یں جو قوتیں علی طرقی ہیں وہ ان سمتول سے اسراول سے متناسب ہیں اس کئے

ہے اس کو بیدا کرنے والی قوت اوج سے تعبیر ہوگی۔ یمنی اوج اس قوت کو تعبیر کرتا ہے جو قوتوں اوب اور اوج سے ساوی ہے۔

ہور رہ ہے مساوی ہے۔ پس قوتوں کے متوازی الاضلاع کا سٹلہ نابت ہوا جو بالفاظ ذیل بیان ہو سکتا ہے۔ اگر ایک ذرے پر دو توتیں عل کریں جو مقدار اور مت

اگر ایک ذرے پر دو تویس عمل کریں جو مقدار اور مت میں ایک منوازی الاضلاع کے دو اضلاع متصلہ سے تعبیر ہوں تو دونو ملکر ایک ایسی قوت سے مساوی ہوگی

جو مقدار اور سمت میں متوازی الاضلاع سے اس قطرسے تعبیر ہو گی جو ان دولو اضاع کے نقطۂ اتصال میں سے

عارحركت

لذرتا ہے۔ نتیجہ صروبے ۔ اگر دنعات ساتا 19 میں جو رفتاروں کے متوازی الاضلاع پر مبنی ہیں ہم نفظ " رفتار " کی بجائے نفظِ « قوت » استعال كرين تو سي كل دفعات صيح بونك-

(سام) فانون سوم - ہرایب قرتی عل کے مساوی

اور متقابل ایک جواب عمل ہوتا ہے۔ جہاں کہیں قوت لگائی جائے دہاں در حقیقت دو

اجمام کے درمیان اہمی عمل ہوتا ہے اس ابھی عمل کو تعالل کہتے ہیں یعنی نیوٹن کا عمل اور جواب عمل

دو نو مل کر تعامل کہلا تے ہیں ۔

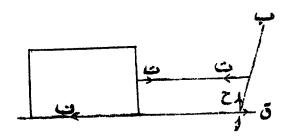
مثالين

(۱) اگر ایک کتاب میز پر بیڑی ہو تو جس قوت ہے کتاب میز کو نیچے دہاتی ہے اسی قوت سے میز کتاب کو

اوپر دباتی ہے ۔ (۷) اگر ایک شخص ایک وزن رسی میں باند حکر اسے اٹھائے تو رسی ایک طرف تو وزن کو ایک خاص قوت سے اوپر کو کھینی ہے اور دوسری طرف اس شخص

کے ہاتھ کو اسی قوت سے بنیے کو کھینچتی ہے -

علم حرکت اب بہارم (۳) جس قوت سے زین کسی جسم کو اپنی طرف کھینچی ہے وہ اس جسم کا وزن ہے۔ اس قوت سے وہ جسم بھی زبین کو اپنی طرف کھینچی ہے۔ (۲) جب ایک آدمی کسی وزنی جسم کو رسی کے ذریعہ زبین پر کھینچی ہے تو رسی جس قوت سے جسم کو آگے کی طرف گھینچی ہے اسی قوت سے آدمی کو بیچے کی طرف کھینچی ہے رسی کا وزن نظر انداز کیا گیا ہے)



شکل میں ارمی کے جسم کا مرکزی خط ہے۔ تی اور سے دہ افقی اور عمودی قبیں ہیں جن سے زمین اس کے پاؤں کو دباتی ہے اور جو ان قوتوں کے مشاوی اور مقال بیں جن سے پاؤں زمین کو دباتے ہیں۔ دن رسی کا تناؤ ہیں جو اس کے سروں پر متقابل سمتوں میں عمل کرتا ہے۔ اور دن وہ افقی قوت ہے جو زمین اور جسم کے درمیان سے۔

علم حرکت کرتا ہے کیونکہ تی ہے ت اور ہے مرکت کرتا ہے کیونکہ ت ہے ت کونکہ ت ہے ہے مرکت کرتا ہے کیونکہ ت ہیں ہی ابتداءِ حرکت میں تی ہوں تی ہوں تو یہ تینوں جب آدی اور جبم کمیاں حرکت کر رہے ہوں تو یہ تینوں قوتیں برابہ ہونگی۔

دو یہ اگر بڑ سے ایک تسمے کو ایک آدی دولو ہاتھوں سے کھینچ کر لمبا کرے تو جس قوت سے تسمہ ایک ہاتھ کو کھینچ کا اسی قوت سے دوسرے ہاتھ کو کھینچ گا۔

دو یہ کا کاڑیوں کے درمیان جو گذیاں ہوتی ہیں وہ ایک کاڑی کو اسی قوت سے دوسرے ہاتھ کو کھینچ گا۔

کاڑی کو اسی قوت سے دھکیلتی ہیں جس قوت سے دوسری گاڑی کو۔

آسان سوالات کے حل میں ایکا استعال رم ک) دو ایسے ذرات کی حرکت جو ایک رسی مرلوط ہیں ۔ دو ذرے جن کی مقادیر مادہ تھے اور ہم ہیں ایک ملکی رسی کے سروں سے بندھے ہیں اور رسی ایسی ہے کہ طینی سے اس کا طول نہیں بڑھتا۔ رسی

اللی رسی نے سروں سے بندھے ہیں اور رسی ایسی بہت کہ گینینے سے اس کا طول نہیں بڑھتا۔ رسی ایسی ایک چھوٹی ثابت کینی چرخی پر سے گذرتی ہے۔
اگر ہم > ہم نو اس نظام کی حرکت معلوم کرو اور رسی کا مناؤ بھی دریافت کرو۔
وض کرو کہ رسی کا مناؤ دت پونڈل ہے۔
جونکہ چرخی کھنی ہے اس نے رسی کا مناؤ اس کے طول سے ہرائیک منام پر کیساں ہے۔
مقام پر کیساں ہے۔

عام حرکت باب يتجم چونکہ کھنے سے رسی کا طول نہیں بڑھنا اس نے ہم کی ِحرکت ادبر کی طرف ہرآن وہی ہوگی جو ہم کی حرکت پیٹے یں ان رکے اسراع (تبدل رفار کی شرحیں) مقدار میں مسادی مولکی۔ فرض کرو که مشترکه اسراع ع مِمْ ير نيج كى طرف عل كرنے والى قوت (م ج ست) ہندا ہم ج-ت = مم ع۱) اسی طرح ہم پر اوپر کی طرف عمل کرنے والی قوت رت - ۾ ج) پوندل ہے ان ت - ہم ج = م ع (۲) اور (۲) پر علی جمع کرنے سے ع = (الله - ما) ج جو مشتركه اسراع ب چونکہ اسراع معنوم ہے اور غیر متبدل ہے اس کے دفعہ ۳۷ کی مساواتوں کے ذریعہ ایک مرت معلومہ میں بطے شدہ فاصلہ اور انتار مصلہ معلوم ہوسکتی ہے۔ تجربه - نیتجه بالا کے استعال سے بح کی قیمت کا تقریبی صاب ہوسکتا ہے اگر ہم چرخی کی فرک وغیرہ کا لحاہ کریں لیک بلکی چنی زمین سے مناسب بندی پر اس طے نفب عامرکت باب پنجم

کرو کہ دونو جسموں کا طے گردہ فاصلہ نایا جا سکے ۔ چرخی پر

ایک ہلی رسی چڑھاؤ جس کے سروں سے دو جسم بنگر

بروں جن کی کمیت مادہ مسادی ہو (دفعہ ۸۸ میں جوشکل

ط کے جسم ہیں وہ موزوں ہیں) تجربے سے جسم حے

معلوم کرو جس کو ایک طرن کے جسم ط پر رکھنے سے

وہ جسم بہت آہمتہ اور کیساں رفار سے نیچ کو آرے

یہ جسم سے عمواً چھوا ہوتا ہے ہم اسے نظرانداز کرنگے۔

یہ جسم سے عمواً چھوا ہوتا ہے ہم اسے نظرانداز کرنگے۔

اب اسی جسم ط پر ایک اور جسم تی ایسا دکھو کہ

اب اسی جسم ط پر ایک اور جسم تی ایسا دکھو کہ

اس میں زبین کی طرف اسراع ع سے حرکت پیدا

اس میں زبین کی طرف اسراع ع صابطہ مندرجہ بالا سے معلوم ہوگا

گرے ۔ اسراع ع ضابطہ مندرجہ بالا سے معلوم ہوگا

گروگہ م = ط + تی اور جم

ن ع = رم-م) ج = خطبق

فاصلہ ن جو جسم نے لیے کیا ناپو اور جتنی مدت و میں یہ فاصلہ طے بہوا وہ بھی معلوم کرو۔ تو

ن = الم ع وا = الم الم الق ج وا

اس سادات میں سوائے ج کے سب مقادیر معلوم ہوسکتی ہے۔

علم حركت ایک تجرب میں ہم نے ایمو مینم کی ہلی چرخی استعمال کی تھی اور ط ۲۹۵ گرام تھا دفعہ ۸۲ کے جسم ق کی شکل کا ایک ہم ق کی شکل کا ایک ہم گرام کا جسم ط پر رکھنے سے بہت

بی تهمت حرکت بیدا مونی ینی اس جسم کا وزن راکط کی فراحمت پر عین تفالب آیا ۔ ایک پزائد جیم ہ گرام کا رکھنے سے حرکت باسراع

يبيدا مونى اور ٥١٥ ثاينون بين ٨ فك كا فاصله ط ہوا [یہ وقت بدریجہ ایک دوک گھڑی کے صیح طور بر معلوم

ہو سُکتًا ہے۔ اگر ایک معمولی گھڑی ایسی ہو جوایک سیکنڈ میں جار دفعہ أواز دے اس كو كان كے ساتھ

لكانے سے بھی وقت علیک معلوم ہوسكتا ہے۔

کئی دفعہ تجربہ کرکے اوسط لینا چا ہے] اگر ہم ہم گرام کو نظر انداز کریں جو فرک کو مغلوب کرنے کے لئے استعال کیا گیا تھا تو م= 4440 وور

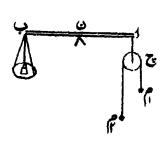
: ع = و م

(050) 29 += 1 m

ن ج = معم على المعم = ١١٤٤ تقرياً اس عجربے سے یہ ایجھا خاصہ نیتجہ ہے۔ علم حرکت ۱۳۹

مساوات ۳۱) مندرجہ بالا میں تناؤ ت کی جو قیمت معلوم ہوئی اس کی تصدیق بدریعہ تجربہ ذیل ہوسکتی ہے۔

باب يتجم



ایک کیماں سلاخ ارب اپنے نقطہ وسط ن کے گرد گھوم سکتی ہے اس سے سرے ب سے ایک گرد گھوم سکتی ہے اور دوسرے سرے ال سے جارے گرا لئکتا ہے اور دوسرے سرے اگر دوران حرکت ٹیل جرخی ہو تی رسی اسے کا تناؤ برمیسہ چرخی ہے ساکن ہو تو رسی اسے کا تناؤ برمیسہ مساوات (۳)

۱۰ کوم -ددوان حرکت پی

الم ت = الم × ٠ ٤ بر ج = الم الم وزن المحفاج في وزن المحفاج في في وه المس في بالم عن المراب على وزن المحفاج في في وه المراب على المراب الراب على المراب الراب على المراب المراب

سلاخ بھی افقی رہے گی۔ اس سے ثابت ہے کہ آپنج کا متناؤ ۱۷۴ گرام وزن ہے جیسا حساب سے معلی

اُگر سی جرخی کی نالی پر سے آبار دی جائے تاکہ حرکت نہ ہو تو پلڑے میں جو وزن رکھے جائیں وہ

= بح اور م اور م کے وزن - بواے کا وزن = بع + م + م + م - ١ = ١٠٠ گرام وزن

ع بم + م + م + م + م ا = ١٠٠ ارام درن بس یه خابت ہوا کہ جب حرکت ہوتی ہے تو رسی کا مناؤ کم ہوتا ہے اور جب حرکت نہیں ہوتی تو تناؤ

نیاده بوتا ہے۔ دیمیری دیا ہے۔

(۵۵) دو ذرے جن کی مقادیر مادہ م اور م بیں ایک بھی رسی سے بندھ ہیں جو کھینے سے بڑھ علم حرکت اسم ا ببنجب بسم استی میر پر رکھا ہے اور رسی ایک چکنی میز پر رکھا ہے اور رسی ایک پلی چکنی چرخی پر سے گذرتی ہے جو میز کے کنارے پر نضب کی گئی ہے اور م آزادانہ لٹکی ہے۔ م اور م کی حرکت معلوم کرو

فرض کروکہ رسی کا تناؤ ت پونڈل ہے۔ مینر پر مم کی رفتار اور اسراع افتی سمت میں ساوی ہونگے مم کی رفتار اور اسراع کے جو سمت شاقولی میں ہیں -فرض کرو کہ اسراع مشترکہ ع ہے ۔

م پر شیج کی طرف عل کرنے والی قوت م جے۔ ہے۔ نہ م جے۔ ت ہم ع ... درا)

ئ نت = م ع (۲)

بابيخبه علم حركت 144 ساوات (۱) و (۲) پرعلِ جن کرنے سے م ج = (م + م) ع $\Rightarrow \frac{1}{\sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}}$ اس نے بریعہ (۲) ت = ہم + ہم ج پونڈل =ایک ایسے جسم کا وزن جس کی مقدار ماده مماعم ب (44) دو جسم جن کی مقادیر مادد ہم اور ہم ہیں ایک رسی سے مربوط ہیں ہم ایک سطح مائل پر رکھا ہے جس کا میلان افق سے عمہ ہے۔ سطح مائل کی چوٹی پر ایک چرخی ہے جس پر سے رسی گذر کر دوسری چوٹی پر ایک چرخی ہے جس پر سے رسی گذر کر دوسری طرب ہم کو سہارتی ہے جو سمت شاقولی میں لٹکتا ہے۔ اگر هم نینج کی طرف اترے تو هم ادر هم کی آ حرکت درمافت کرو۔ فرض کرو کہ رسی کا شاؤ ت پونڈل ہے۔ یہ ظاہر کہ م کی رفتار اور اسراع سطحکے

اوپر کی طرف بالترتیب مساوی

علم حركت باسبنجم ہیں ہم کی رفتار اور اساع کے شاقولی سمت میں۔ فرض کرو کہ یہ مشترکہ اسراع ع ہے۔ م کی حرکت کے لئے سطح کے جوابی عل ح کے ساتھ متوازن ہے کیونکہ م کا اساع سط کی عمود وار سمت میں کچھ نہیں ہے۔ وزن کا جزء تحلیلی سط مال پر نیجے کی طرف م ج جب عم ہے اس کے کل قوت سطح نے اوید کی طرف (ت- م ج جبع) ك ت ـ م جرجب عد = م ع د ٢٠ (۱) و(۲) يرعمل جمع كرتے سے الساني ع = م - م جبعه ج (۱) میں ع کی قیلت اکھنے سے $= \frac{q - q}{q + q}$ = م م م (اجبعم) ج

امثله نمبري (۱۰)

(1) ایک رسی جس کے سرون سے 9 پوٹڈ اور 1 پوٹڈ کیت ادو کے جسم بندھے ہوے ہیں ایک چکنی چڑی پر سے گذرتی ہے۔ اس نظام کی حرکت اور رسی کا تناؤ معلوم کرو۔

(۲) دو ذرے جن کی مقادیر مادہ ، پوند اور ۹ پوند ہیں ایک ہلی رسی سے مرابط ہیں اور رسی ایک چکنی چرخی پر سے گذرتی ہے ۔ دریافت کرو (۱) مشترکہ اساع (۲) تک کا تناؤ (۳) رفتار باختام ثانیہ بنج (س) فاصلہ کے شدہ در پنج ثانیہ ۔

رس دو ذرون کی کمیت مادہ ۱۱ پونڈ اور ۱۳ پونڈ ہے دونوں ایک ہلی سی رسی کے دونوں مسروں میں بندھے ہوے ہیں رسی ایک ہلی سی رسی کے دونوں مسروں میں بندھے ہوے ہیں رسی ایک ہلی عینی چرخی پر چراھا دی گئی ہے۔ دریا کرو (۱) چار ثانیہ کے بعد رفتار (۲) چار ثانیہ میں طبحے متندہ فاصلہ۔ اگر جار ثانیہ میں ہرایک ذرہ کتا فاصلہ طے تو اس کے بعد ۲ ثانیہ میں ہرایک ذرہ کتا فاصلہ طے کے سے کا 6

رس) ، ہم اور ۵۵۰ گرام کے دوجسم ایک ڈورے میں بندھے ہوے ایک چکنی چرخی پر لٹکا دئے گئے ہیں۔

(۸) دوجسم جن میں سے ہرایک کی کمیت م ہے ایک رسے ایک رسے ایک رسے ایک رسے ایک کی چرخی پر سے گذرتی ہے ۔ دریافت کروکہ ایک جسم میں سے کسقدلہ ادہ نکال کر دوسرے جسم پر رکھدیا جائے کہ یہ نظام پانچ سیکنڈ میں ۲۰ فط کا فاصلہ طے کرے۔

عام حرکت (٩) مين يوتدكا ايك جسم سمت شاقولي مين في كي طون حُرُتُ کرنے کیک رسی کے ذریعے جو ایک چرخی پر سے گذرتی ہے ایک دو یوٹر کے جسم کو اوپر کی طرف کھنیا ے - بانج سکنڈ کے بعد رسی ٹوٹ جاتی ہے ۔ دیافت كروكه دو يوندك جسم وركتنا اونيا جامع كاب (۱۰) و یوند ممیت این ایک جسم ایک چکنی میزید اس مے كنارے سے آئم ف ك فاصلے ير دككر سى سے بارھ وا گیا ہے اور رسی میزے کنارے پرسے گذر کر دھم س پر ایک پونڈ کیت کے جسم سے بندھی ہے۔ میا (۱) مشترکه اسراع (م) كتني مت مين جم مينرك كمارت برينجيكا و دم) مینر میر سے گرتے وقت اس کی رفتار کیا مو گ (۱۱) ۳۵۰ گرام کمیت کا ایک جسم ایک بیلنی میزیر اسکے كاب سي ١٥٥٥ وسرم سيتى ميشرك فاصلے ير ركها ب اور ایک بلی رسی کا ایک سرا اس جمر سے بندھا ہے اور مھر رہی میزے کا رے پر سے گذر کر دوسری طون

ہے۔ دریافت کروکہ بہلا جم ممتنی مت میں میزیر سے کر جائے گا ؟ کر جائے گا ؟ (۱۲) ایک ذرہ جس کی کمیت ۵ پونڈ ہے ایک چکنی مال

بیاس گرام سے ایک جسم کو سہارتی ہے جو آزادانہ لٹکتا

علم حركت 11/4 باسبابتجم سطح پر رکھا ہے جس کا میلان افق سے ،موہ ہے۔ ایک رسی اس ذرے سے باند حکر سطح کی چوٹی پرسے گذار دی گئی ہے اور اس کے دوسرے سرے پر سا پونڈ کمیت کا ایک ذرہ باندھ دیا گیا ہے جو بلا نکلف نکتا ہے۔ دریافت کرو (۱) مشترکه اسراع (۱) رسی کا تناوُ (۳) سیکنگه کے بعد رفتار رم، ۳ سیکنڈ میں طے شدہ فاصلہ ۔ (۱۳) ہم پونڈ کمیت کا ایک ذرہ ایک مانل سطح کے یابیہ بر رکھا گیا ہے جس کا میلان افق سے ہم^{ہ ہ}ے اور طول ، فٹ ہے۔ اس ذرے سے رسی باندھکر سطح کی چوٹی پر سے گذاری گئی ہے اور رسی کے دوسرے سرے پر س پونڈ کمیت کا آیک ذرہ سندھا ہے جوسمت شاقولی میں نظلتا ہے اس صورت میں مشترکہ اسراع قریا كرو اور يه بجي معلوم كروكه ببها ذره كتنے وقت ميں سطح کی چوٹی پر پہنچگا ہ (۱۲) ایک سطح مائل کا طول ایس کے ارتفاع سے دوگنا ہے اس کی چوٹی پر ایک پرخی لگی ہے جس پر ایک سی گذرتی ہے۔ رسی سے ایک سرے سے ۱۲ پونڈ کمیت کا ایک جسم بندھا ہے جو سطح مائل پر رکھا ہے اور دوسر سرے کے میونڈ کمیت کا ایک جسم بندھا ہے جو ینی نظمتا ہے۔ دریافت کرو کہ ۵ سیکنڈ میں دونوجسم کتنا فاصلہ طے کرینگے ہ

(۱۵) ایک سطح مائل ایک مینر سے ساتھ جوڑ کر اس طح رکھی ہے کہ سطح مائل کی چوٹی مینر کی سطح سے عین بابر ہے ۔ 4 اونس کمیت کا ایک ذرہ سطح مائل پر نیجے کی طرف پھسلتا ہے اور پھسلنے میں ایک دوسرے ذرے کو جو میزیر ہے رسی سے ذریعہ ہ سیکڑے میں سافط مینیا ہے۔ میز پر کے ذرے کی کمیت دریافت کو۔ (۱۷) ایک چکنی چرخی بر سے رسی گذرتی ہے - اس کے ایک طرف ہم اونس کمیت کا جسم بندھا ہے اور دوسری طون ایک اس سے بڑا جسم بندھا ہے۔

دریافت مروکه بڑے جسم کی مقدار کیا ہونی والئے اگر تین سیکنڈ حرکت جاری رہنے کے بعدرس کا شخے سے چھوٹا جسم لال فط اور اوپر جا سکے ہ (۱۷) ترازو کے دو پاڑے جن میں سے ہرایک کی

کیت سا پونڈ ہے آیک رسی سے باند حکر ایک جری پر چڑھا دیے گئے ہیں۔ دریافت کرو کہ ۱۲ پونڈ مادہ تے دو جھے کس طح کرکے پلرطوں میں رکھے جائیں كه براحصه بانج سكند مين ٥٠ فط ينج اترے ٩ (۱۸) دو رسیان ایک چکنی چرخی پرسے گذرتی ہیں۔

ایک طرف وه علی ده علی ده دو جسمول سے بندھی ہیں جن کی کمیت سے پونڈ اور سم پونڈ ہے اور دوسری طرف

ہ یونڈ کمیت کے ایک جسم سے مربوط ہیں۔ توسیونکے

تناؤ اور نظام کا اسراع دریافت کرو۔
(۱۹) ایک رسی ایک چرخی پر چڑھی ہے اس کے ایک سرے سے اپونڈ وزن بندھا ہے اور دوسرے سے سے ۸ اور ۲ پونڈ کے اوزان بندھے ہیں۔ ۵ سیکنڈ کی حرکت کے بعد ہم پونڈ کا وزن علیٰدہ تردیا جاتا ہے۔ دریافت کرو کہ کتن مزید فاصلہ طے کرنے کے بعد دریافت کرو کہ کتن مزید فاصلہ طے کرنے کے بعد

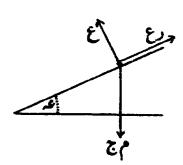
علم حركت

وزن ساکن ہو گئے ہے (۲۰) دو نا مسادی جسم ایک رسی سے باندھکر ایک چٹی پر چڑھا دئے گئے ہیں۔ ثابت کردکہ دوران حرکت ہیں چرخی کے محور کا دباؤ اس سے سہار دیں پر جسموں مے جمعے خور کا دباؤ اس سے سہار دیں پر جسموں مے مجموعة اوزان سے کم ہے۔

(۲۱) ایک رسی ایک چنی میزیر اس کے دو مقابل کے مروں کے مروں کے مروں کے مروں سے دو جسم بندسے ہیں جن کی کمیت ط آور ق سے اور جو سمت شاقولی میں لطکتے ہیں۔ اگر ایک جسم جس کی کمیت هم ہو رسی کے اس حصے سے باندھ دیا جائے جو میزیر ہے تو نابت کروکہ اس باندھ دیا جائے جو میزیر ہے تو نابت کروکہ اس ب

نظام کا اسراع <u>ط-ق</u> ج ہوگا۔ (۷۷) ایک کھردری سطح پر حرکت۔ ایک ذہ ایک کھردری سطح مائل پر نیجے کی طرف بھسلتا ہے۔

باب يجم عارحركت اگر سطح کا میلان افق سے عم ہو اور قدر فرک رہو تو حر*ک*ت دریافت کرو۔ زض کروکہ ذرہ کی کمیت ہے ہو اس کا وزن ہے۔ پونڈل ہوا۔ فرض کرد کہ سطح کا عمودی عل ع ہے اور فرک رع ہے۔



سلح کی عمودی سمت یں کل قوت = (ع - م ج جم عه) يوندل سلح کے نیجے کی طرف کل قرات ورم ج جُب عه - رع) پونڈل چونکه سطح کی عمودی سمت میں حرکت نہیں ہوسکتی اسلنے حرکت میں تبدیلی بھی نہیں ہوسکتی۔ یعنی اس سمت میں اسراع صفر ہے۔ لہذا اس سمت میں کل توت بھی صفر ہوگی ۔ ن ع - م ج حم عه = . . نیز سلح کے نیچے کی طرف اسراع

علم حركت

حرکت دینے والی قوت م ج جب عه - رع م مقدار ماده جو حرکت دی گئی = معدار

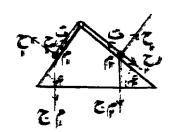
م سعدار مودہ ہو سرات دی سی اسی اسی سے سراجم عمر) بروب در) اسی اگر ذرہ حالت سکون سے شروع ہوکر سطح کا طول کی طے کرے تو اس صورت میں اس کی رفتار مصلہ

بھی علامت بدنی بڑے اوپر کی طرف ہیں جائے ہو ہمیں لے علامت بدنی بڑے گی اور اس کا اسراع اسکی حرکت کے متقابل سمت میں ج (جب عہ + لرجم عہ) ہوگا۔ کے ارتفاع سی کھردری دو مائل سطوں کے ارتفاع

مساوی ہیں اور ان سے میلان افق سے عمر اور عبد ہیں۔
دونو سطوں کو جوڑ کر اس طح رکھا گیا ہے کہ ان کی
چوٹیاں ملتی ہیں۔ دو جسم مم اور ہم جو ایک رسی
سے بندھے ہیں دونو سطوں بر رکھے گئے ہیں اور
رسی ایک چرخی بر سے گذرتی ہے جو سطوں کی مشرکہ

رسی ایک چرخی پر سے گذرتی ہے جو سطوں کی مشرکہ چوٹی پر لگی ہے۔ اگر ہم نیچے کی طرف بیسلنا سٹروع کرے تو حرکت دریافت کرو۔ فرض کرو کہ رسی کا تناؤ دیت ہے۔ اور فرض کروکہ

سطوں کے عل ح اور ح ہیں اور قدر فرک ر ہے۔



چوکلہ ہم کی حکت نیجے کی طون ہے اس نے اس برقرک اویر کی طوت علی کمتی ہے اور هم اویر کی طرت حرکت او اس نے اس بر فرک کا عل نیجے کی طرف ہے۔ لہٰذا تھم پر نیجے کی طرف عمل کرنے والی کل قوت ے م ج جب عہ ۔ ت ۔ رح = م ج (جب ع - رحم عم)-ت میں اگر دولو فدول کا مشترکہ اسراع ع ہو تو م ج (جب ع - رحمعه)-ت= م ع (۱) اسی طبح ہم یہ اونیہ کی طاف عل کرنے والی کل قوت = ت - رع - م ج جب عم =ت - م ج زجب عبد (حجم عبر) لبدات ميج (جب عرب عرب عرب) عم ع ٢٠٠٠ (٢) (١) اور (١) کو جمع کرتے سے ع (م+م) = ج مردب عدرجم عم)-مردب عه (حمم) بأسب بونجم

علم حركبت اس مساوات سے اسراع مطلوبہ حاصل ہوگا۔ (4 ک) ایک ریل گاڑی کی کیت ۵۰ ٹن ہے۔ جس مالی سطرک پر گاڑی اوپر کی طرت جا دہی ہے اس کا میلان ١٠٠ مين آيك ہے - انجن كي مستقل قوت ايك سن وزن کے ساوی ہے اور فرک وغیرہ کی فراحمت فی ش میزالم وزن کے برابر ہے۔ کاڑی کی حرکت کا اسراع دریافت

سرو۔ حرکت کو روکنے والی توہیں دو ہیں۔ ایک گاڑی کے وزن کا جزء تعلیلی سطّح مائل کے نیجے کی طرف دوسری مزاجتِ فرک وغيره -

فرکی مزاحت ۸ × ۵۰ یعنی ۵۰۰ پونڈ وزن کے برابر ہ زاویہ میلان عہ ہے جہاں جب عہ = اللہ کاڑی کے وزن کا بڑء تحلیلی سطح مائل کے نیچے کی طرف = وزن ×جباعه = ۵۰ ×۲۲۲ × الم يزير وزن

= ۱۱۲ يوند وزن

يس جله قوت جو حركت كو روكتي ہے = ١٥٢٠ يوند وزن لکین این کی قوت ، ہم ۲۲ پونڈ وزن کے مسأدی ہے اس کئے جال کو بڑھانے والی توت (۴۸ ۲۲ –۱۵۲۰) ینی ۲۰ پونڈ وزن یا ۲۰ ج پونڈل کے سادی ہے مقدار اده جس کو حرکت دی جاتی ہے ۲۲۲۰ یونڈ

يس اسرع = حديه على اسرع = المعنى اسرع على اسرع على المائيان المائيان جب اسراع معلم ہوگیا تو ہم بوجب دفعہ ۳۷ وقت مفروض میں حاصل شدہ دفار اور طے شدہ فاصد معلم کر مکتے ہیں ۔

اشله نبسری (۱۱)

(۱) ۵ پوٹ کیت کا ایک جسم ایک کوری میز پر رکھا ہے اس سے ایک رسی بندھی ہے جو میز کے کارے پر سے گذر کر دوسری طرف ۸ پوٹڈ کمیت سے ایک عبم مو سہائی ہے۔ اگر قدر فرک نے ہو تو حاصل اسراع

الكر امراع آزادان كرنے والے جسم مے اسراع كانصة ہو تو معلوم کروکہ قدرِ فرک کیا ہوگی ہ ایک جسم بکیت ق ایک افقی میز پر جس کی قدر فرک راس ہے دکھا ہے۔ ایک دو سرا جسم جبکی قدر فرک راس ہے بہلے جسم سے ایک رسی کے کیارے فریعہ وصل کیا گیا ہے۔ دوسل جسم میز کے کنارے فریعہ وصل کیا گیا ہے۔ دوسل جسم میز کے کنارے

بے سے پنچے نگاتا ہے۔ آغاز حرکت سے ہم سیکنڈ بور رسی نوط جاتی ہے۔ دیافت کروکہ اس وقت رفار کیا ہمگی؟

رسی او مین کے بعد ت جس مقام پر ساکن ہوگا اسکا

فاصلہ تی کے مقام اول سے دریافت کرو۔ (۳) ۲۰۰ گرام کمیت کا ایک جسم ایک رسی سے باندھ کر ایک کھردری میزیر رکھا گیا ہے اور رسی میز کے کتارے

برسے گذر کر دوسری طون بم گرام کمیت کے ایک جم کو سہارتی ہے جو نیج لٹکتا ہے۔ مینر چکنی ہونے کی صورت میں جتنے وقت میں یہ نظام ایک مفروضہ رفتار طال کرے اس سے دو گئے وقت میں مینر کھردری ہونیکی

صورت میں وہی رفتار حال ہوتی ہے۔ قدرِ فرک دریافت کرو ۔۔

رس ا بونڈ کمیت کا ایک جسم ایک کھردری سطح پررکھا گیا ہے جس کی قدر فرک ﷺ ہے اور جس کا میلان افق سے ، سو ہے ۔ اگر سطح کا طول ہم فٹ ہو اور

۱۵ پونڈ دنن کی قوت جسم پر سطے کے متوازی عمل کرے تو سطے کی چوٹی سک پنجنے میں کتنا وقت خرج مو گا اور رفقار محصله کیا موغی ؟

(۵) اگر سوال بالا میں جسم سے رسی بندھی ہو جوسط کی چوٹی پر سے گذر کر دوسری طرف ۱۵ پونڈ سمیت سے جسم کو سہارے تو دقت اور رفار دریافت کرد۔

(4) ایک محمدوری سطح کا طول ۱۰۰ فٹ ہے اور اس کا میلان افق سے جب ﷺ ہے اور قدر فرک ﴿ ہے۔ ایک جسم حالت سکون سے سطح کی چوٹی پر سے بنیج کی

علم حركت باب يتجم طرف کیساتا ہے۔ دریافت کرد کہ سطح سے سیجے سرے رُ جسم کی کیا رفقار ہوگی ؟

سلم سلم کے اوپر کی طرف کھینکا بائے اور عین چوٹی سک بہتے جائے تو اس کی ابتدائی رفتار کیا ہوگی؟

(٤) ایک ذره ایک تھردری ائل سطح پر نیجے کی طرت بھسلتا ہے۔ سطح مائل کا سیان افق سے للے ب

اور قدر فرک سے ہے۔ تو ثابت کرو کہ اس صورت میں کوئی سا فاصلہ کھے کرنے میں جس قدر وقت صرف ہوگا وہ چکنی سطح کی صورت سے دوگنا ہوگا۔

(۸) دو کھردری سطوں کے میلان افق سے ۳۰ اور ۴۰ بیں اور ان کے ارتفاع مسادی ہیں ۔ ان کو بینت برنیت

ملاکر رکھا گیا ہے اور ۵ اور ۱۰ پونڈ کمیت کے دو جسم رسی سے وصل کرمے ان پر رکھد سے گئے ہیں۔ رسی انکی مشترکہ چوٹی پر سے گذرتی ہے۔ اگر قدر فرک اللہ ہو تو

اسراع معلوم كرو -(۹) سوال بالا میں جسموں کا باہی تبادلہ کرنے سے کیا

(۱۰) آیک ریل گاڑی ایک افقی سٹرک پر ۱۵ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے چل رہی ہے۔ آگر بھاپ کو ایانک بند كرديا جائي تو معلوم سرو كركارى كنني دور چل كرساكن

مو جائے گی - مزاصت م پونڈ وزن فی شن ہے-

علم حركت

(۱۱) ۲۰۰ ش کمیت کی ایک ربل گاڑی ۲۰۰ میل فی گفت کی رفتار سے پیل رہی ہے۔ اگر وہ ۹۰ گزیل کر ساکن

ہو جائے تو فرکی مزاحمت کا مقابلہ ایک س کے وزن

(۱۲) ایک ریل سخاری ایک افتی سٹرک پر س میل فی گفتہ

کی مفار سے جارہی ہے۔ فرک وغیرہ کی مزاحمت فی ٹن ا پونڈ وزن ہے۔ اگر بھاپ کو بند کردیا جائے تو معلی

كرو كر گاڑى كتنے وقت میں اور كتنا فاصلہ لمے كر سے ساكن بوگي ٩

(۱۳) اگر سوال بالا میں ریل کی مشرک ایک سطح مائی ہو جس کا میلان ۱۱۲ میں ایک ہو تو اس صورت میں توت

اور فاصله مطلوبه کیا ہوگا ہ (۱۲) ۲۰۰ من کیت کی ایک بیل گاڑی به میل فی گفته

کی رفتار سے پیل رہی ہے۔ ریل کی سطرک کا میلان ١٢٠ ميں ايك بتے - اگر وہ نفعت ميل چل كر ساكن

ہو جاعے تو فرکی فراحمت کیا ہو گی ہ (۱۵) ایک ریل کی سٹرک کا سیلان آفق سے ۱۰۰ میں

ایک ہے۔ ایک ریل گاڑی آیک میں اسی مطرک پر پنچ کی طرف چل کر افقی مطرک پر چلنے الگتی ہے۔ اگر نزکی مِزاحمت فی مَن م پوند وزن ہو تُو افقی سٹرک پر

گاڑی کننی دور جائے گی ہ

باب يتجم

علم تزكت (۱۱) ایک ریل گاڑی جس کی محیت ۱۳۰ فن ہے ۵ ایل

فی گھنٹہ کی رفار سے چل رہی ہے۔ چلتے چلتے سٹرک میں میلان شروع ہوا جو ۱۲۸ میں ایک ہے۔ میلان

شروع ہوتے ہی بھاپ بند کردی گئی۔ اگر مائل مشرک كا طول نضف ميل هو أور فركى مزاحمت في عن اليونكم

وزن ہو تو معلوم حرد کہ میلان ختم ہونے کے بعد انقی سٹرک پر کتنا فاصلہ طے کر کے گاڑی ساکن ہوگی ہ

(۱۷) سوال بالا بین اگر میلان ختم ہوتے ہی ایک بریک گاڑی وزنی واطن کے تمام پہیوں کی گردش بند کردی جائے اور بہیوں اور سٹرک کے در میان قدر

فرک ۵ م ہو تو گاڑی کا ہے کردہ فاصلہ دریافت کرو۔ (۱۸) ۳۰ طن رکمیت کا ایک انجن ۱۳۰ طن محمیت کی ایک

ریل گاڑی کو کھینچا ہے۔ اگر فرک کل گاڑی کے وزن كا لل ہو اور ايك ميل كا فاصلہ طے ہو نے كے بعد

جال هم سيل في گفشه رهو تو انجن كي قوت دريافت كود اگر انجن ریل گاڑی کو حرکت دینے کے عین ناقابل ہو

تو مظرک کا میلان کیا ہو گا ہ اگر رہل گاڑی وائل سڑک سے نیجے کی طرف کیساں قا سے طبے در مالیکہ بھاپ اور بریک عل مذکرتے ہو

تو سطرک کا میلان در یافت کرو-(٨٠) هم بوند كميت كا ايب جسم ايك افتى سطح پر

علم حركت 109 باب ويترتم رکھا گیا ہے جو سمت راس میں اوپر کی طرف اسراع ع سے حرکت کرتی ہے۔ جسم اور سطے کا تعامل دلیا فرض کرو کہ جسم اور سطے کا تعامل سے ہے۔ پونکه اسراع سمت راس میں اوپر کی طرف ہے اس کئے جسم پر عمل کرنے والی قوتِ مجمولی اوپر کی طرف سمت راس میں ہو گی۔ يس مجموعي قوت (ح - م ج) اوير كي طون سمت راس میں ہے اور اس قوت سے اسراع ع بیدا ہوتا ہے۔ پس ح - م ج = م ع بس سے ح ماصل ہوگا۔ اگرجهم نیجے کی طرف اسراع ع سے حرکت کرے تو حسب طریق بالا ثابت ہوسکتا ہے کہ تعامل ح ذیل کی مساوات سے حاصل ہوگا ھم ج - سے ہم ع واضح رہے کہ جب جسم اوپر کی طرف حرکت کرتا ہے تو تعامل جسم کے وزن سے زیادہ ہوتا ہے اور جب حد کا کہ خبر نہ ہر ہوتا ہے اور جب جسم کی حرکت ینچ کو ہوتی ہے تو تعامل خسم کے

بإب بيجم

علم حركت وزن سے کم ہوتا ہے۔ مثال (۱) جسم کی تحمیت ملا پونڈ ہے اور اس کی حر (۱) ۱۱ فٹ نانیہ اکائیوں کے اسراع سے اوپر کی طون ہے (۲) اسی اسراع سے نیچے کی طرف ہے۔ دولو صورتوں میں تعالی دریافت عمرد -بهلی صورت میں

アメトーラー・ーン د ح = ۲۰ (۱۲ + ۲۱) پوندل = نو ۲۷ بوند كا ونان دوسری صورت میں

パメナ・= マーティ· ن ح = ٢٠ (١٢ - ١١) يوند كا ورن

شال دیم دو ترانو سے باردن میں سے ہرایک کی كيت م ہے۔ ان كو ايك رسى كيے سروں سے باندھكر رسى أيك چرخى بر چرطا دى گئى ہے اور پارو میں هم اور هم كيت كے جسم ركھے گئے ہیں۔ ثابت كروكه دوران حركت ميں باردں كے تعامل بالترتيب

یہ ہوں گے م > م

علم حركت 141

تب ہوجب دفعہ ہم کا

باسب يتجم

ع = ہم - ہم جہ ج فض کروکہ ہم اور اس سے پلڑے کے در میان تعالی ح ہے تو ہم کی حرکت بر علیحدہ غور کرنے سے ظاہر ہے کہ ہم پر علی کرنے والی جلہ قوت ہم ہے ۔ ح ہے اور اس کا اسراع ع ہے۔

9 3 - 7 = 9 3 ن ح = م₁ (ج - ع)

= 49 + 9 + 9 =

(١١) أيك ضلن بين ١٢ گفتشه بين ٣ اينج بارش موئي-یہ فرض ترکے کہ بارش سے تطریب تضمت میل کی بلندی سے بغیرکسی روک کے گرتے ہیں معلوم کردکہ بارش کی وجہ سے ضلع کی زبین پر فی مربع میل کسقد اور اور میں کسقد ایک معب فٹ دباؤ پڑا۔ یہ تسلیم کرلیا جائے کہ ایک معب فٹ بانی کی محمیت ایک مہرار اونس ہے۔

ایک مربع فٹ پر جو بارش ہوتی ہے اس کا حجم ہے مکعب فٹ ہے اور اس کی کمیت ۲۵۰ اونس ہے۔ اس لئے بارش کی کمیت جو ایک ٹائیہ میں زمین پر

علم حرکت بیراتی ہے

= $| 7 \times \frac{7}{3} \times \frac{7}{3$

الیکن معیارِ حرکت کی جتنی اکائیاں فی سکینڈ نابود ہوتی بین قوت عاملہ میں اتنے ہی پونڈل ہموتے ہیں۔ اہذا زمین بیر دباؤ نی مربع فط

> = الم ١٠٠١ پونڈل پس دباؤ في مربع ميل

= ۹ × ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ ۲۰ بونگر کا وزن = ۱۲ ش کا وزن تقریباً اسی طح اگر پانی کی ایک دھار کسی دیوار پر پڑے تو دیوار پر دہاؤ نی مربع فٹ م را ہوگا جہاں م ایک کمعب فٹ پانی کی کمیت یونڈوں میں ہے اور

144 لے رفتار فی ثانیہ فٹوں میں ہے۔ کیونکہ ایک ثانیہ میں مادہ کی مقدار م له دیوار بیر پڑتی ہے اور بانی سے اور بانی سے اور بانی سے اور درکت ہو اور درکت ہو اَیکَ ثانیه میں نابود ہوتا ہے وہ م ر × رینی م ل جے۔ (۸۲) آبیط وڈ کی مشین - یہ مفین قواین حرکت کی تصدیق کے لئے استعال ہوتی ہے اوراسکے ذریعہ ج کی قیمت کا تقریبی اندازہ بھی لگ سکتا ہے۔ اس کی نہایت سادہ شکل یہ ہے۔ ایک سیدھی لکڑی جو درجہ دار ہوتی ہے سمت راس میں زمین میں گاڑی جاتی ہے اور لکڑی کی چوٹی پر ایک ہلکی چرخی ہوتی ہے جو بغیر کسی روک کے گھوم سکتی ہے۔ اس لکڑی پر ایک حلقہ مع اور دو شختیاں ت اورخ ہوتی ہیں جو بیموں کے دریعے بہاں جابی نصب کی جا سکتی ہیں۔ تختی

لصب کی جاسلتی ہیں۔ گئی

دت کو جس وقت جادی نیے

گرا سکتے ہیں۔ بیرخی پر ایک

باریک رسی گزرتی ہے جیکے

باریک رسی گزرتی ہے جیکے

سرون پر دو لیے پتلے سائ

باب بيجم علم حركت 144 جن میں سے ایک طقے ح میں سے باتسانی تام گزر سکتا ہے۔ ایک وزن تی ، ط پر رکھا جاتا ہے اور سختی ن کو گرا دیا جاتا ہے۔ اس طبح حرکت شروع اور سختی ن کو گرا دیا جاتا ہے۔ اس طبح حرکت شروع میں میں سے یہ مطلب ہے کہ ہوتی ہے۔ تختی ت کو گرانے سے یہ مطلب ہے کہ وہ اسی مقام پر لکڑی سے متوازی نیجے کی طرف نطکنے لگتی ہے تاکہ ط اور تی حرکت کرسکین ۔ جب ط اور ق طِنت عِلت طفہ ح بر بہنجتے ہیں تو ط طفے یں سے گزر جاتا ہے اور ق طفے پر رہ جاتا ہے اور وزن ط فاصلہ ح خ کیساں رفار سے طے کرتا ہے۔ وقت وجو یہ فاصلہ طے ہونے میں لگنا ہے اختیاط سے ناپ لیا جاتا ہے۔ ت سے ح بک گرنے میں اس نظام کا اسراع بروب رق+ط)-ط ج ينى ق برط ج فرض کرد کہ یہ اساع ہے ع اور فرض کرد کہ فاصلہ ت خے ف تو ح پر پہنچنے کی رفتار ر ذیل کی مساوات سے حال ہوگا را = ۲ع ف ح گذر نے کے بعد فاصلہ ح خ کیساں رفتار رہے ے ہوتا ہے۔

بأسيسا سكم و= ب = باغن ن ن= ٢٠٠٠ عن وع چونکه اس مساوات بین جتنی مقادیر بین وه سب نایی سکتی ہیں اس کئے اس سے ج کی قبہت معلوم سکتی ہے۔ ای اور ب کو مخلف قیمتیں دینے سے تام بنیادی قوانین حرکت کی تصدیق ہوسکتی ہے۔ ب کی قیمت علاً اس طریقہ سے زیادہ صبیح طور پر معلوم نہیں ہو سکنی۔ ایٹ وڈ کی مشین کی دلچینی کا باعث خاص کر اس کی قدامت ہے۔ اور بوجوہ ذیل اس مشین کے ذریعہ سے صبیح نتائج حاصل نہیں ہوسکتے۔ اول جرخی کی حمیت ادم جو نظر انداز نہیں ہو سکتی۔ دوم چرخی کے محور کی ذرک - سوم ہواکی مزاحمت۔ جہارم یہ کہ تجربہ میں دقت کا صبح طور پر ناپنا بھی

جہارم یہ کہ تجربہ میں دقت کا صبح طور یہ ناپنا بھی مفکل ہے۔
مفکل ہے۔
یہ ظاہر ہے کہ گلیلیو کی سطح مأل اور ایٹ وڈ کی مشین دونو کا مقصد قوت جاذبہ ارض کے انٹرکو کم

باب يتجم علم حركت 144 كُونا ہے تاكہ نتائج ناب جاسكيں۔ اگر چرخي كا محور ثابت مہاروں پر نر ہو بلکہ چار چرخیوں کے محیطوں ہم ہو جن میں سے دو ایک طون ہوں اور دو دوسری اور باروں بغیر کسی روک سے گھوم سکتے ہوں اور مور کی خاصوم سکتے ہوں تو مور کی فرک کے اور کی ایم کارنے کے اس محرب سے حتی الامکان صحیح نتائج طال کرنے کے اس مجرب سے حتی الامکان صحیح نتائج طال کرنے کے اس مجرب سے حتی الامکان صحیح نتائج طال کرنے کے اس مجرب سے حتی الامکان محتیج نتائج طال کرنے کے اس مجرب سے حتی الامکان محتیج نتائج طال کرنے کے اس مجرب سے حتی الامکان محتیج نتائج طال کرنے کے اس مجرب سے حتی الامکان محتیج نتائج طال کرنے کے اس محتی الامکان محتی الامکان محتی الامکان محتیج نتائج طال کرنے کے اس محتی الامکان الامکان محتی الامکان الامکان محتی الامکان محتی الامکان محتی الامک ديگر وسائل كبي بين - مثلاً تنخي ت كو جب جابين فوراً پنجے متربے کا سامان۔ (۱۹۲۸) ایٹ وڈکی مشین کے ذریعہ نابت کروکہ ایک مغروض جسم کا اسراع اس پر عل کرنے والی قوت ہے۔ رکریں گے کہ مشلہ ثبوت طلب دست ریریں سے مشلط م رئیں کے کہ جو نتائج اس سے مشنط پھر ہم دیوں سے یہ بوتی ہے یا ہیں۔ تے ہیں ان کی تصدیق بذریعہ تجربہ ہوتی ہے یا ہیں۔ ہوتے ہیں ان کی تصدیق بذریعہ ہجربہ ہوی ہے یا ہیں۔ طریق عل کی تشریح کیلئے ہم ایک عددی مثال لینگے۔ فرض کردکہ ط لے جہم اونس ہے اور تی ایک اون فرض کردکہ ط ایک ہم اونس ہے اور تی ایک اون ینی حرکت کرنے والی مقدار مادہ ۱۰۰ اوٹس ہے اور حركت دينے والى قوت ايك اونس كا وزن ہے۔ لهذا اس نظام کا امراع الله ج ہے (دفعہ مه،) فرض کرد کہ فاصلہ حت حے افظ ، اس کئے جب تی طقے پر اٹک کر رہ جاتا ہے اسوقت

باسه يأتمم رفار ا × بن ۱× بنی به نظ فی ثانیه بهوگی جان ج بغرض سہولت ۲۲ کے برابر ایا گیا ہے۔ فرض مرو کہ تھی نے ایسے مقام پر لگائی گئی ہے کہ فاصلہ ح خ طے ہونے میں ۲ سیکنڈ صرف ہوتے ہیں۔ تب تع خ= ۲× + = ﴿ فَ فَ

اب طالات کو تبدیل کردو - ط کو مهم اور ق کو بم اونس کردو ۔ حرکت کرنے والے مادہ کی مقدار اب بھی ۱۰۰ اونس ہے اور سرکت دینے والی قوت ہم اونس کے وزن کے برابر ہو گی۔

اب اسراع = ہم جے

علم حركت

اور ح پر پہنچنے کے وقت رفقار=ہ ۱× ۱× ۱۰ ہے۔ فٹ فی شانید ۲ شانید میں اب لیا فٹ کا فاصلہ طے ہوگا۔ یعنی اگر ہمارا مفروض صبح ہے تو تنخی خ کو پہلے سے دو چند فاصلے بر رکھنا بڑے گا۔ تجربہ سے بہ درست ثابت ہوتا ہے۔

اسی طے آگرط = اونس اور ق = ۹ اونس توہی سركت كرنے والا ماده مقدار ميں ١٠٠ اونس ہوگا اور سابی عل سے فاصلہ ح خ ہم نا مو گا۔ تجربہ سے معلوم ہوگا کہ یہ درست ہے۔

علم حركت

اب پنجریہ پھر شروع سے کرو اور مندرجہ بالا تیمتوں سے مخلّف قیمتیں ط اور ق کو دو اور ان کی مخلف

قیمتوں کو اس طبع تنبدیل کرو کہ ۲ط + ق کی قیمت

اب ہم اسی طریقہ سے ٹابت کرینگے کہ جب اساع غیر

متبدل کہو تو قوت اسی طح برئتی ہے جس طح مقدار

سلے کی طح فرض کرو کہ ط = ب ۹س اونس اور ق = ا

اُونس تو حسب تجربہ بالاح خے = ﴿ فَتُ پھر ط کو ۹۹ اونس اور فی کو ۱۱ونس کرو تاکہ حرکت دینے والی قوت دو چند ہو جائے اور حرکت کرنے والے

ادے کی مقدار بھی دو چند ہو جائے۔ بیس اگر جارا دعوے درست ہے تو اسراع وہی ہوگا جو پہلی صوت

میں تھا کیونکہ

حركت دينے والى قوت بصور وي حركت دينے والى قوت بصورت اول حرکت کرنے والی مقدار ادو بصور دوم مسلم حرکت کرنے والی مقدار مادہ بصرف واول اس نے فاصلہ ح خ جو با ثانیہ یں طے ہوتا ہے دولو صورتوں میں ایک ہی ہونا چاہے۔ تجربہ کرنے سے سلو ہوتا ہے کہ فی الواقع ایساہی ہے۔

اسی طح اگر ط کو ہے مہا اوس کریں اور ف کو ساوس لو بھی وہی نیتجہ ہو گا۔

علم حرکت

تجربہ کی کامیابی کے نئے ضروری ہے کہ چرخی کی فرک کو معلوب کرنے کی غرض سے آیک فالتو وزن ز

بھی تی سے ساتھ رکھا جائے۔

یہ فرن کر درن تی رکھنے سے پہلے معلوم کرنا چاہ اور یہ وہ وزن ہوگا جس کے رکھنے سے وزن ط الكسال رفار سے أبهته أنهته زمين مك يهني جائے۔

یہ وزن نے تجربہ کے دوران میں وزن ق کے ساتھ

ہی رکھا جائے اور اس کا شار تی کے وزن میں نہیا جائے کیونکہ یہ فائتو وزن ہے اور محض فرک کے اثر

کو زائل کرنے کے لئے استعال کیا جاتا ہے۔

امتنگه تنمبسری (۱۲) (۱) اگر ایک شخص ۲۰ پونگر وزن یاتھ میں لیکر ایک مینر پر سے کودے تو باتھ پر وزن کا دباؤ کیا ہوگا ؟

(۲) ۲۰ پونڈ کمیت کا ایک جسم ایک افقی سطح پر پڑا ۔ بہت سطح اوپر کی طرف حرکت کرتی ہے (۱) ایک فط فی ثانیہ کی کیساں رفتار سے (۲) ایک فٹ فی ثانیہ فی

تانیہ کے کیسال اسراع ہے۔ دونو صورنوں میں جشم اور سطح کا تعالی در افت کرو ۔

تغمر حركات

باب يتجمر

(م) ایک شخص جس کی کیت ماده ۸ سنون ہے ایک شختے پر کھوا ہے۔ اگر شختہ (۱) اوپہ کو (۱) نیچ کو، حرکت ترب تو شختے کا عل دیافت کرو۔

رے تو شخے کو کان کے گڑھے ہیں سے ایک بڑے

درم) کو ننے کی کان کے گڑھے ہیں سے ایک بڑے

دول سے ذریعہ ایک ہنڈرڈ ویٹ کونلہ انکالا گیا ہے۔

دول کی تہ اور کو نلے کے درمیان تعامل ۱۴۱ پونڈ وزن

مے بربر ہے۔ ڈول کا اصراع دریافت کرو۔

الی ایک غبارہ کیساں اسراع سے اوپر کو چڑھتا ہے۔

زی کی خبارہ کیساں اسراع سے اوپر کو چڑھتا ہے۔

زی کی میں کی میں کی بڑتہ میں کو سے کارہ کروں کے سے کارہ کیساں اسراع سے اوپر کو چڑھتا ہے۔

رائی ایک مبارہ میسال اسرائی کے مدیر اور بار کا کا خدم کا غبارے کی تہ پر ایک ہنڈرڈ ویٹ کمیت کے جسم کا دباؤ ۱۱۹ پونڈ وزن کے ہرکا دباؤ ۱۱۹ پونڈ وزن کے ہرابر پٹرا ہے۔ دریافت کرد کہ ایک منٹ میں غبارہ کئی بلندی پر بہنجیگا ؟

ایت سے بر ایک کی جمعال ہو جہ بہتا ہ (۱) ترازو کے دو پلٹرے جن میں سے ہر ایک کی کمیت ۳۰ گرام ہے ایک یہی کے مروں سے باندھکر ایک چرخی پر چڑھا دئے گئے ہیں۔ ایک بلڑے میں ۲۰۰ گلام اور دوسرے میں ۲۲۰ گلام مقادیر آدہ رکھی گئی ہیں۔ سی

کا تنانو اور بلڑوں کے عمل دریافت کرو۔
(۵) ایک رسی ایک جینی چرخی پر سے گذر کر اپنے منرل
پر دو پلڑوں کو سہارتی ہے۔ ہر ایک بلڑے کی تحمیت
ایک اونس ہے۔ اگر ۲ اور ۲۲ اونس کمیت کے جسم
پلڑوں میں رکھے جانیں تو نظام کا اسراع کی رسی کا تنافہ

پروں بن وسط ہیں وسط ہا۔ اور پلڑوں سے عل دریافت کرد۔ (٨) الكِ روز ٣ گفشر مين نضف النج بارش ہوئي۔ يہ

علم حركت

نسلیم کرکے کہ بارش کے قطرے نہایت چھوٹے ہیں اور زمین بیر گرتے دفت ان کی رفتار ۱۰ فٹ فی سیکنڈ ہے زمین پر ان کا دبائو فی مربع میل دریافت سرو جو اکمی

رین پر بن و ربو ی عرب ان دریافت رو بوای حرکت نابود ہونے کے باعث بیدا ہوتا ہے۔ یہ مان لیا جائے کہ ایک مکعب فٹ پانی کی تحمیت ۱۰۰۰ اونس

ہے اور بارش کیساں اور مسلسل پڑتی ہے۔ (۹) اگر ۲۲ کھنٹہ میں ۳ انچ بارش ہو تو اس کی وجہ

سے فی ایکڑ پونڈ وں کے وزن میں کس قدر دباؤ پڑیگار بارش کی رفار زمین پر گرتے وقت اتنی ہی ہے جتنی

کم ایک بغیر روک کے گرنے والے جسم کی رفقار .بم فٹ کی بلندی سے گرنے کے بعد ہوتی ہے۔ (۱۰) بانی کی ایک دھار ۸۰ فٹ نی ٹانیہ کی افقی رفتار

سے دیوار سے اس طع کراتی ہے کہ ایک ثانیہ میں یانی کی سے دیوار سے اس طع کرتے ہے۔ یہ تنیار کرتے

یانی کی ۳۰۰ گیلن دیوار پر پڑتی ہے۔ یہ نسلیم کرکے کہ ایک گیلن میں لم 200 کعب اپنے ہیں اور ایک کمعب منظ ہانی کی تحبیت ۱۰۰۰ اونس ہے دیوار کا عمل مکعب فٹ ہانی کی تحبیت ۱۰۰۰ اونس ہے دیوار کا عمل

بونڈوں کے وزن میں دریافت کرو۔ (ال) ایٹ وڈ کی مشین کے دونو وزنوں میں سے ہرایک

کی تحمیت ۲۳۰ گرام ہے اور ۱۰ گرام کی تحمیت کا ایک وزن ان میں سے ایک پر رکھنے سے وہ ۱۰ ٹانیہ باب يتجم

علم حركت میں ١٠ ميشر نيم کي طرف طے کوتا ہے۔ اس سے ثابت

تروکہ ج = ۹۸۰ (۱۲) بتاؤ کہ ایط وڈ کی مشین کے استعال سے کسطیح

شلبت کر سکتے ہیں کہ ایک جسم پر کیساں قوت کے عل کرنے سے کیساں اسراع پیدا ہوگا۔ (۱۳) ایک ہی کمیت کی سولہ گولیاں منکوں کی طرح

ایک ڈورے پر چڑھا دی گئی ہیں - گولیوں کی اڑی ایک بینی مال سطح پرجس کا میلان جب اے

اس طے رکھ دی گئی ہے کہ کچھ گولیاں سطح پر ہیں ادر کچھ سطح کی چوٹی پر سے نیجے لگئی ہیں۔ اگر انبدا میں اسماع ہے۔ ہو تو دریافت کرو کہ گئنی گولیاں نیجے اسماع ہے۔

لک رہی ہیں ؟ (۱۲) ط اور ق محیت سے دو اجسام ایک رسی کے سروں سے بندھے ہیں۔ ق ایک چکنی ائن سطح

ير ركا ہے جس كا ميلان افق سے ٠٣ ہے ١٥١ ط چوٹی پر سے نیجے الکتا ہے۔ جنے وقت میں طاقی سکون سے ایک مفروضہ فاصلہ طے کرتا ہے وہ اسو

سے چارگنا ہے جو اتنا بی فاسلہ بغیرروک کے گرنے میں صرف ہوتا ہے۔ ط اور ق کی نسبت معلوم کود (۱۵) ط کی کمیت و پونڈ ہے اور وہ نیجے الکتا ہے۔ ق کی کیت و پونڈ ہے اور وہ ایک سطح مال پر

علم حركت

باب ينجم

رکھا ہے جس کا میلان افق سے ، ۳۰ ہے۔ ٹابت کروکہ جتن وقت اس صورت میں تی کو سطح مانل کا کل طول

طے کرنے میں لگتا ہے وہ اس وقت سے نصف ہے جوط کو کل طول طے کرنے میں لگے اگر ق سیج

لطکے اور ط سطح پر ہو۔ (۱۲) ایک سطح مائل کا ارتفاع ۱۱ فٹ

قاعدہ ١٦ فط ہے۔ ايك ذره سطح كى چوٹى پرسے ما

سکون سے شروع ہو کر سطح کا تمام طول طے کرکے ایک اِنقی سطح پر حرکت کرنے گلتا ہے۔ دریافت کرو سطح افقی پر وہ کس قدر فاصلہ طے برے گا ؟ تسلم کرلیا جائے کہ سطے مائل سے سطے افقی پر ذرہ

بلا نقصان رفتار جانا ہے اور ہر دو سطوح کی قدر فرک لیے ہے۔ (۱۷) ایک ریل گاڑی ہو سیل نی گھنٹہ کی شرح سے (۱۷)

چل رہی ہے۔ ثابت کروکہ بریک مگانے سے تقریباً ٨٨ كُنْ يَلِ كُرْ تَعْيِر جَائِيكِي الرَّ بِرَكُونِ كِي قوت كَارْي كَ

وزن کی تین چوتھائی ہو اور قدر فرک ۱۹ و ہو۔

(۱۸) ایک ربل گاڑی جس کی کمیت که من ہے ، ۲ میل فی گفت کر رہی تھی۔جب اس کی بھاپ بند کردی گئی اور بریک سے ڈے کو برک نگا دیآ گیا تو چوتھائی میں چل کر ریل گاڑی

(۱۲) بناؤ کہ ایک ورق میں کہ ایک جسم پر کیسال قوت کے علی است کر سکتے ہیں کہ ایک جسم پر کیسال قوت کے علی کرنے سے کیسال اسراع پیدا ہو گیا۔

(۱۳) ایک ہی کمیت کی سولہ گویاں مشور ہی طرح ایک ڈورے پر چڑھا دی گئی ہیں۔ کوسیوں کی لڑی کی ایک جانی الی سطح پر جس کا میلان جب ہے ہیں امہ ایک جانی الی سطح کی چوٹی پر سے نیچے لگتی ہیں۔ آر انبدا میں امہ کے سطح کی چوٹی پر سے نیچے لگتی ہیں۔ آر انبدا میں امہ اسماع ہے ہو تو دریافت کرو کہ کتنی گویاں سنچے ہو تو دریافت کرو کہ کتنی گویاں سنچے ہو تو دریافت کرو کہ کتنی گویاں سنچے ایم تو کوالیاں سنچے ہو تو دریافت کرو کہ کتنی گویاں سنچے ہو تو دریافت کرو کہ کہ کیا

ے چار گن ہے جو اتنا ہی فاصلہ بغیرروک کے کرنے ہیں نہون ہوتا ہے۔ ط اور ق کی نسبت معلوم کود ہیں نہون ہوتا ہے۔ ط اور ق کی نسبت معلوم کود ہیں ط کی کمیت ہو پونڈ ہے اور وہ ایک سطح آل پر ق کی کمیت ہو پونڈ ہے اور وہ ایک سطح آل پر ق کی کمیت ہو پونڈ ہے اور وہ ایک سطح آل پر

علم حركمت رکھا ہے جس کا میلان افق سے ۔ ۳ ہے۔ عابت کروک بتن وقت اس صورت میں ق کو سنے اکم کا کا طال تے کرتے یں لگا ہے وہ س وقت ہے تعینے بوط کو کل طول سے رہے یں گئے اگر ق نے سطے اور ط سطح پر ہو۔ (۱۲) ایک سطے بائل کا ارتقاع الا فیٹ ہے اور اس کا قاعدہ او فت ہے۔ ایک وروسٹے کی چوٹی پرسے کا سكون سے شروع ربوكر سطح كا رتمام طول سے كركے ایک افتی سطے پر حرکت کرنے لگتا ہے۔ وریافت کو کہ سطح آفتی پر وہ اُس قدر فاصلہ سے کرے گا؟ یہ تسلم کرلیا جائے کہ سمح ، بل سے سمح افتی پر ذرہ بلا نقصان رفار جاما ہے اور ہر دو سطح کی قرر فرک بے ہے۔ (۱۷) ایک بیل گاڑی ہے سیل فی گھنٹہ کی شرح سے تقسا چل ہی ہے۔ خابت کردکہ بریک سکانے سے تقیباً ٨٨ كُرْ بِل أَرْ تَعِير جَائِلًى الرُّ بِرَكُونَ كَي قُوتَ كَارْمِي كَمْ وزن کی تین چوتھائی ہو اور قدر فرک ۱۲ و موسد (۱۸) ایک بیل گائی جس کی کمیت که تن ہے ہو میل فی گھنٹ کی رفتار سے حرکت کر رہی تھی۔جب اس کی بعاب بند کردی گئی اور بریک کے وہے کو برک مگا دیا گیا تو چوتھائی میل جل کر رہل گاڑی

144 ساکن ہوگئی۔ برک سے طوبے کی کیست در یافت کرد ۔ پہیوں اور ریل کی سٹرک کے در میان قدر ذرک ہے اور یہ ان لیا جائے کہ غیر مقفل پہنے تھیلئے بغیر مردش کرتے ہیں۔ (19) آیک رسی کے سروں میں دو جسم بند سے ہیں جن کی سمیت ہم ایک سطے آیل جن کی سمیت ہم ایک سطے آیل کے بایہ پر رکھدیا گیا ہے اور ن چوٹی برسے سے الله ہے۔ اگر یہ مقصود ہو کہ هم سطح کی عین اللہ ہے۔ اگر یہ مقصود ہو کہ هم سطح کی عین اللہ علی فاصلہ من × ف ل طے کر کھے تو رسی كاف الرب كو الك كردينا جا ہے ۔ (۲۰) دو جسم ایک رسی کے سروں سے مراوط ہیں اور وہ رسی ایک چرخی پر چڑھی ہے۔ اگر اُجسام کی کیتوں کا مجموعہ ایک مقدار سنقل رہے تو شایت کرو کے اسراع کے کم ہونے سے رسی کا ﴿اہر) ایک جم جس کی کیت م ہے ایک رسی کے ایک سرے سے بندھا ہے اور م کمیت والا ایک ووسرا جسم یسی کے دوسرے سرے سے بندھاہ۔ م الل میزی ہے اور میز کے کنارے پر سے

فَتْ ہے۔ اگر ان میں آیک قوت جاذبہ ایسی پیدا ہو جائے کہ وہ ایک دوسرے کو بلا لحاظ فاصلہ آیک پوٹڈ دزن قوت سے کھینچنا شروع کردیں تو معلوم کروکہ وہ کتنی مدت کے بعد ملیں گئے ہ

(۲۳) ایک حرکت پذیر برخی سے وزن و لاک رہا ہے اور اس چرخی کے گرد گرد نے والی رسی کا کھلا سے اور اس چرخی پر سے گرد کر ایک وزن طرکو سمار ایک شابت چرخی پر سے گرد کر ایک وزن طرکو سہار تا ہے۔ دوران حرکت سمار تا ہے۔ دوران حرکت

مہار ہا ہے۔ ط ، ﴿ وَ سَنَّے بِرَا ہے۔ دو ران درت میں رسی کا تناؤ دریافت کرو۔ واضح رہے کہ رسی کے ہر سہ خصص متوازی ہیں۔ (۲۴) کمیت ہم کا جسم کمیت ن کے جسم کو چرنیوں

(۱۲) میت میں اسم میت ن سے بسم تو چربیوہ کے ایک ایسے نظام بیل سہارتا ہے جس میں ہرایک اس سے اور تمام رسیاں متوازی این اب کمیت ہم کا ایک اور جسم ن کے ساتھ لگادیا لیا ہے۔ چرخیوں کا وزن نظر انداز کرکے حرکت معلی کوہ

ا (۲۵) تین حرکت پذیر جرخیون کا نظام جس میں تمام رسیاں

(۱۲۵) یا رف رف پدید پرمیدی ما به بات کا کا کا ما کا کا ما کا ما کا عمودی ہیں ایک ہنگرد ویٹ کمیت کے لئے استعمال کیا جایا ہے۔ اٹھانے کے لئے استعمال کیا جایا ہے۔ اٹھانے والی قوت ۱۵ یونڈ کمیت کا وزن ہے

جاہا ہے۔ اٹھاسے وہی وٹ کا پولٹ کیا ہے۔ جو ایک ثابت جرخی پر سے گذرنے والی رسی سے بندھا ہے۔ ثابت کرو کہ اگر چرخیوں کے وزن کو نظر انداز

کیا جائے تو جسم جے کے اسراع سے اوپر کی طرف حرکت کرے گا۔

(۲۷) دو جسم جن کی کمیت هم اور هم سے ایک رسی کے سرول سے بندھے ہیں اور رسی تین خابت

اور دو حرکت پذیر چرخیوں پر سے گذرتی ہے جن میر سے مراکب کی کمیت دے ہے اور جو ثابت چرخیوں ر

کے درمیان لئکتی ہیں۔ رسیوں کے وہ حصے جو چرفیو کے درمیان ہیں عمودی ہیں۔ وہ شرط دریافت کرو حس کے درمیان بنہ اوبر حراص او

جس کے پورے ہونے سے چرخیاں نہ اوپر چڑھیں او نہ نیجے گریں اور اس صورت میں مم اور مم کا اسراع معلوم کرو۔

اکس ایک رسی ایک جکنی جرخی بر چڑھی ہے۔ رسی ایک جو جائی جرخی بر چڑھی ہے۔ رسی جو حصد ایک طرف لٹاک رہا ہے اس کے ذریعہ ایک ایک سائق سے نیچے کی طرف حرکت کر رہا ہے اور ایک اور آدمی جو ہا ا

1 60 60 سٹون کا ہے دو سری طرف ادبیہ چڑھ رہاہے۔ دفیج کرو کہ دوسرے آدمی کا اسراع نیا ہو کہ رسی حرکت نہ کرے ہِ (۲۸) ایک بلکی رسی ایک چکٹی چرخی پر چرشوی ہے اسکے ایک طرف ۱۲ سٹول محمیت کا ایک آدمی للک رہا ہے اور دوسری طرف ۱۰ سنون کیت کا ایک ، تعمیلا - اگر آدمی رسی کے وربید اوپر وار ایسا چڑھے کہ اس کا اسراع نفعن ره جائے تو تھینے کا اسراع اوپر کی طرف معلق کرد اور فابت کرہ کہ آدی کا اسراع بلحاظ رسی سے بہتے ہے۔ (۲۹) ایک دیل گاڑی جس کی کیت ۱۱۲ ش سے ۲۵ س فی گفتہ کی رفتار سے جل رہی ہے۔ ہوا اور فرکہ وفر کی مزاحمت ۱۱ بونڈ فی ٹن ہے۔ ۱۲ ٹن تحمیت کا ایک حصر گاڈی سے الگ ہو جاتا ہے۔ یہ تعلیم کرکے کہ انجن کی قوت ایک سی رہتی ہے دریافت کرو کہ اس صے سے ۵۰ نانیہ میں گاڑی کس قدر آگے بڑھ جائیگی اور جس وقت وه حصر ساكن بهوسط اس وقت كارسي کی رفتآر کیا ہوگی ہ (۳۰) دو ذرے جن کی کمیت م اور ۲م ہے ایک چکنی میزیر الیاسی کے سروں میں اور ایک رسی کے سروں سے بندھے ہیں۔ رسی میز کے کنارے پرسے فکے King for in the selection of the wall

علم حركت باب يتجم ایک جسم نظمتا ہے۔ ثابت کردکہ جسم کا امراع ج ہے۔ (۳۱) ایک چکنا فانہ جس کی تحمیت هم ہے ایک افقی سلح پر پڑا ہے اور ایک ذرہ جس کی تحبیت ن ہے اس کے انل بہلو پر نیچے کی طرف پھسلنا ہے جس کا میلان افق سے عہ ہے ثابت کرد کہ فانہ کا اسراع ن ج جب عد جم عد م م د ۱۱ مس عد **فرض** کرو کہ ع ذرہ کا اسراع مانل پہلو کی عمودی سمت میں فانر کی اطرت ہے اور ع فانہ کا افقی اسراع ہے اور فرض کرو کہ فانہ اور ذرہ کے درمیان تعامل ح ب تو ح کابک طرف ذرہ پر عل کریا ہے اور دوسری مطرف اور م لع ہے حجب عد ... (۱) نیز چونکہ ذرہ مال بہلو بر حرکت کرتا ہے اور دوران حرث میں اس سے جدا نہیں ہوتا اس لئے قانے کے اساع



(۱۸۸) صدمه - تعرافیت - وقت کی ایک مرت مفروضہ میں ایک قوت کا صدمہ، قوت اور وقت کے حاصل ضرب کے مساوی جوا کرتا ہے ۔ قوت کے

متبدل ہونے کی صورت میں قوت کی تبہت اوسط

الر ایک قت ق کے عل کرنے کی مت وہو تو

مفروضہ میں قوت کا صدرہ قوت کے مدار حرکت

ع برابر ہوا کرتا ہے۔ فرض کرد کہ ایک ذرہ جس کی کیت م ہے ابتدا میں رفقار ب سے حرکت کرتا ہے۔ اگر اس پر ایک منتقل قوت تی مرت دیک

عل کرے اور فوت کے عل سے اسراع ع بیدا ہو تو ت = م ع

علم سركت لیکن اگر مدت و کے اختام پر رفتار کر او ر = ب + عو يس مديد = ق و= مع و = م (ر نها) = م رمب = اس معیار حرکت کے جو مدت و میں پیدا ہوا اگر قوت متبدل ہو تو بھی یہ نمیجم درست ہے۔ لمنا اس سے ظاہر ہے کہ حرکت کا قانون دوم مور ویل میں بھی بیان ہو سکتا ہے۔ ایک مرت مفروضہ میں ایک ذربے کے معیار حرکت کی تبدیلی قوت عاملہ کے صدیدے کے برایر ہے اور اور دونو کی سمت ایک ہے۔ (۱۸۵) صدمے والی فوٹس کرد کہ ایک قوت فی ایک جسم پر جس کی تحبیت مم ہے مدت و تک علی کرتی ہے اور فرض کرو کہ اس نیز کی ایندا آور اخترام پر جمم کی رفتارین بالترتیب سبا اور ربی تو بموجب دفعه سابقه ق و = مم (رب) اب قت کو بڑھتا ہوا فرض کرو اور مرت و کو گشآ ہوا فرض کرد - اس طح آخر کار قوت کی مقدار بید بڑھ جائے گی اور مدت و بے مد کم ہو جائے گی۔ بیکن یہ مکن ہے کہ تی اور و کا حاصل ضرب ایک مقدار محدود مو

مثلاً فرض کرو که ق = ۴۰ پونگل اور و= الله سیکنگ اورهم = ابوند تو اس صورت مین تبدل رفتار = رفتار ی ایک

اکائی اگر ایک قوتِ محدودہ کے عمل کا پورا اثر معلوم کرنامقصو اگر ایک قوتِ محدودہ کے عمل کا پورا اثر معلوم کرنامقصو ہو جب قوت کے عل کی مدت محدود اور مقرر ہو تو

ہیں دو باتیں معلوم کرنی جا ہئیں (۱) ذرے کی رفتار کی تبدیلی جو قوت کے عل سے اس مت میں ظہور پذیر

ہو (۲) اس مدت میں ذرے کی نقل مکان -

اب اگر قوت کی مقدار بے صد زیادہ ہو اور قوت کے

علی کی مرت بے صد کم ہو تو توت کے دوران عل میں ذرق کی مقام کا درہ بہت تھوڑا فاصلہ طے کرلیگا۔ یعنی درے کی نقل مگا

نظر انداز ہو سکتی ہے۔ پس ایسی قوت کی صورت میں ِ قوت کے عل کا پورا اللہ

معلم ہو جانا ہے جب میار حرکت کی تبدیلی جو قوت

سے ابیدا ہوئی ہے معلوم ہو جائے۔ ایسی قوت کو صدمے والی قوت کہتے ہیں اس وجہ

سے اس کی تعربیت یہ ہے۔ صدمے والی قوت ایک

بہت بڑی قوت ہے جس کی مت عل بہت کم ہو اسی كہ اس كے على سے اس مدت ميں فدے كى نقل مكان نظر اندازی کے قابل ہو۔ اس کے پورے اٹرکا اندازہ

صدمے یعنی معیار حرکت کی تبدیلی سے ہوتا ہے۔

علم حرکت INM فی ثانیہ کی رفتار سے اسی سمت میں حرکت کررہا ہے۔ دونو جسم مل کر ایک ہو جاتے ہیں۔ اس مجموعی جسم کی رفقار معلوم کرو۔ فرض کردکر رفتار مطلوب ل ہے تو چونکہ تصادم سے دونو تجسموں کی حرکت کے معیاروں کا مجموعہ نہیں بدارا (۲+۲) ل=۳×۲+۱۳×۳ و اکانیاں (میار حرکت کی ن ز= ٩ فط في ثانيه مثال (۱) اگر مثال بالا میں دوسرا جسم پہلے جسم کی کرت کے متقابل حرکت کررہا ہو تو رفقار کیا ہوگی ہ اس صورت میں چونکہ حرکت کے معیار متقابل سمتوں یں ایں اس نے پہلے جبم کے معیار حرکت کوسر کیں تو دوسرے جسم کا معیار حرکت (سxx) ہوگا۔

يس أكر رفقار مطلوبه لإ بهو تو (۲+۳) لم = ۱۲ × ۱۳ = ۲۳ اکا نیان (معیار حرکت کی)

ن له = ١٠ عظ عانيه (۸۵) بندوق اور اس کی گو کی کی حرکت.

جب بندوق جلائی جاتی ہے تو بارود کو آگ لگ جاتی ہے اور وہ فوراً ایسی گیس بن جاتی ہے جس کا دیاؤ

110

علم حركت گولی بندوق سے نکاتی ہے۔ گیس کا عمل بعینہ ایساہے جیا کہ ایک دبی ہوئی کائی کا ہوتا ہے جو اپنی اصلی وضع بیر آنے کی کوشش کرتی ہے۔ کوئی نگلنے سے

قبل کسی آن میں جتنا زور گولی پر آگے کی طرف پڑیاہے اتناہی زور بندوق پر پیھے کی طرف پڑا ہے۔ اس لئے گولی کا معیار حرکت جو اس طح زور برنے سے بیدا

ہوتا ہے ہندوق سے معیارِ حرکت نے متباوی آور متقابل ہو گا درانحا لیکہ بندوق بلا مزاحمت حرکت کرسکے۔ اور بندوق طِلانے والے کو بندوق کا جو دھکا محسوس

ہوتا ہے۔ اس کی یہی وجہ ہوتی ہے۔ مثال ۔ ایک گولہ جس کی تحبیت ِ.م پونڈ ہے ایک توب کے ذریعہ طلایا جاتا ہے۔ توب کی کمیت ۵۰ ش ہے اور

گولے کی رفتار توپ کے منہ سے نکلتے وقت ، وفث فی سیکنڈ ہے۔ گولہ طلنے کے سبب توپ کی رفتار

کيا ۾وگي ۽ چونکہ توپ کا معیار حرکت گولے کے معیار حرکت کے متساوی اور شقابل ہے اس کئے اگر توپ کی رفتار ر ہو تو

٩٠٠×٢٠٠ = ل × ٢٢٢٠ × ٥٠

ه ر = س س نظ في ثانيه

امثلہ نمبری (۱۳) (۱) ۲۰ پوٹڈ کمیت کا ایک جسم ۲ فٹ فی ثانیہ کی رفتار سے حرکت کررہ ہے۔ ایک دوسرا جسم جس کی کمیت ۵ پوٹڈ ہے ۱ فٹ فی ثانیہ کی رفتار سے اسی سمت میں چلنا ہوا پیچے سے اگر پہلے جسم کے ساتھ بل جاتا ہے اور پھر دونو اکٹھے آیک رفار سے حرکت كرتے أبن _ مشتركه رفقار دريافت كرو _ (۲) م پونڈ کبیت کا ایک جسم و فٹ فی ٹانیہ کی رفتار سے ایک سمت میں حرکت سکرتا ہوا ایک دوسرے جسم سے جا ملتا ہے جس کی کیت ہم پونڈ کے اور لبس کی رفتار ۲ فٹ فی ثانیہ اسی سمت میں ہے۔ دو نو جسم مگرا کر ایک ہو جاتے ہیں۔ ثابت کرو کہ اس مجموعی جسم کی رفتار سا فط فی ثانیه ہے۔ اگر ان کی حرکت متقابل سمتوں میں ہو تو نابت کرو کہ مکرکے بعد مجموعی جسم ساکن ہوگا۔ (۳) ۱۰ پونڈ کمیت کا ایک جسم ہم فط فی ثانیہ کی رفار سے حرکت کرتا ہوا ۱۱ گونڈ کھیت کے ایک دوسرے جسم سے مکواتا ہے جو ، فٹ فی ٹانیہ کی مفارسے متفایل سمت میں حرکت کر رہا ہے۔اگر مكل نے كے بعد دولو جسم ايك ہو جائيں تو ثابت

کرو که مجموعی جسم کی رفتار ۲ فط فی ثانیه اس سمت میں ہوگی جس رسمت میں _ببڑاجسم حرکت کررہا تھا۔ یں ایک اونس کمیت کی گوئی -ا کیونڈ تحمیت کی بنیق سے ۱۰۰۰ فٹ فی ثانیہ کی رفار سے ملتی ہے۔ بندو ي رفقار پيچيے کی طرف معلوم کرو۔

(۵) ۴۰ مُن جمیت کی ایک توب سے ۸۰۰ پونڈ تحمید کا ایک گولیہ ۲۰۰۰ فٹ فی ٹانیہ کی رفبار سے چلایا جانا ہے۔ اگر توپ پیچھے کی طرف حرکت کرنے کیلئے آزاد ہو تو اس کی رفتار دریا فت کرو۔

(۲) ۳۸ ش کمیت کی توب سے ۵۰۰ پونڈ کمیت کا گولہ ۱۷۰۰ فٹ فی ثانیہ کی رفتار سے چلایا جاتا ہے۔ اگر توپ کی حرکت کو رو کئے کے لئے ،ا ٹن وزن کی مشقل قوت استعال کی جائے تو معلوم کرو کہ توب کتنے قط سے کی طرف حرکت کرے گی ہ (٤) ٨١ من تميت كي توب سے ٨٠٠ يوند تحميت كا كوله

٠٠٠ فَ فَ ثَانِيهِ كَى رَفْنَارِ سِي عِلاِيا جَابًا ہے۔ تو دریافت کرو کہ توپ کی حرکت کو روشنے کے کئے کتنی مِستقل قوت استعال کی جائے کہ توپ ۵ فٹ میں

ساکن ہو جائے ہ (۸) ایک ٹن کیت کی توپ سے ۵۰۰ بونڈ کیت کا گولہ چلایا جاتا ہے اور توپ جیجے کی طرف زور کرکے

ایک سطح مائل پر ۵ فٹ چڑھ جاتی ہے۔ گونے کیابتدانگ

(۸۸) سکو نیات کے باب یازدہم میں طالب علم کو معنی ہو بکا ہے کہ جب سی قوت کا نقطۂ عمل اوت

کی سمت میں فرکت کرتا ہے تو یہ کہا جانا ہے کہ قوت في كام كيا - اور اس كام كي مقدار كا اندازه دو مقلادون

کے ماصل ضرب سے کیا جاتا ہے۔ لیک ان میں سے توت ہے اور دوسری وہ فاصلہ جو قوت کے نقطم

عل نے قوت کی سمت میں طے کیا۔ کام کی اکائی جو أنجنير استعال كرت إن فت يوند كملاتي ي - اور

یہ ده کام ہے جو ایک پونڈ وزن کو ایک فظ اویروار

المفانے میں کیا جاتا ہے۔ برطانیہ میں کام کی مطلق اکائی دہ کام ہے جو ایک پونڈل کی قوت اپنے نقطۂ عمل کو ایک فٹ حرکت دینے میں کرتی ہے۔ کام سی اس اکائی کو فٹ پونڈل کہتے ہیں۔

اگر کام کی آکائی فط پونڈل ہو تو جب ظ پونڈل کی

قوت کل نقط عمل هف قط حرکت نرے گا تو تکل کام ط x هف فٹ پونڈل ہوگا۔

پونکہ ایک پوٹر کا وزن ج پونٹل کے مساوی ہے اس کے ایک فٹ پونڈ ہے مارے اس کے ایک فٹ پونڈل کے برابرہے۔ کام کی س گ ث اکانی وہ کام ہے جو ایک

119 ولاً نين كي قوت اپنے نقطه عل كو ايك سيتى ميطر حرکت دینے میں کرے۔ کام کی اس اکانی کو ارگ کتے ہیں۔ ایک فٹ پونڈل × فٹ ایک ارگ = جانمیں باکستانی ۲۱۳۸۰۰ <u>۲۲ ۲۲۳</u> تقریباً (دفعات ۲۹ وس) = ۲۱۳۹۰ تقریباً جب کوئی عامل ایک ثانیه میں لیک جول یعنی ۱۰ ایگ کام کررما ہو تو یہ کہا جانا ہے کہ ایک واٹ کی طاقت سے کام ترویا ہے ۔ ایک اپنی طاقت ۲۸ د والوں (۸۹) مثال (۱) ۱۵۰ بن کمیت کی ایک ریل گاری کو ایک انجن الج میل فی گفته کی یکساں رفتار سے چلا رہا ہے۔ رگڑ اور بہوا وغیرہ کی مزاحمتوں کا جمعی اثر ا پونڈ وزن فی ٹن کے مساوی سے ۔ ابن کی ہی طاقت معلوم كروب ریل گاڑی کی حرکت کو رو کنے والی قوت ۱۵۰ ×۱۰ یغی-۱۵ پونڈ وزن کے مساوی ہے۔ ۴ میل فی گھنٹہ کی رفتار ۸۸ فٹ فی نانیہ سے مساوی، پس ۱۵۰۰ یونڈ وزن کی قوت کا نقطہ علی ایک سیکٹرمیں

علم حرکت ٨٨ فط حركت ديا جاتا ہے اس لئے كام كى مقدار

٠٠٥١٨ مل پونڈ في ننانيہ ہے -اگر انجن کي اسبي طاقت لا ہو تو ايك منٹ ميں وہ لا × ... ساس فظ بونڈ کام کرے گا۔ اس سے فی نامیر كام لا × ٠٥٠ فت يوند بوگا -

10 .. x AA = 60. x 3 ..

مثال (۲) ۱۰۰ ٹن تحمیت کی ایک ریل گاڑی کو ایک انجن ته منت محينيج كر به ميل في مُفتقه كي رفقار ديدييًا ہے۔ رگڑ وغیرہ کی مزاحمت ۸ یونڈ وزن فی شن ہے۔

انجن کی قوت کسال ہے۔ دریافت کروکہ انجن کی ایبی طاقت کم از کم کیا ہے ؟

يوكد بم و سيكند بين مهم فط في سيكند كي رفقار بیدا ہوتی ہے اس کئے ریل گاڑی کا اساع بہم یعنی بیا ہوتی ہے۔ بلہ فٹ سیکنڈ اکائیاں ہوگا۔

فرض کرو کہ انجن کی قوت ط پونڈل ہے رگڑ وغیرہ کی کل مزاحمت ۸۰۰ یونڈ وزن کے مساوی ہے اس لئے رہل، گاڑی بر کل توت (ط۔ ۸۰۰ ج) یونڈل ہے۔

اس نے ط-۸۰۰ = ۱۰۰ × ۲۲ مربع ن طع ۱۸۰۰ ج مراع + مراع الم مراع الم

= ۲۰۰ × ۱۲۵ پونڈ وزن

جب ریل گاڑی ، ۲ میل فی گھنٹہ بیل رہی ہے تو کام ہو

فی اینه کیا جارہا ہے وہ ۸۰۰ × ۱۲۵ × ۱۲۸ فط پوندہ۔ یس اگر انجن کی انبی طاقت رہ ہو تو

MX X 110 X A .. = 00. X 7

144年 = 9 2

مِثَال (٣) ١٠٠ تَن تحميت كي أيك ريل كارْي أيك مطع مائل پر چڑھ رہی ہے جس کا میلان ۲۸۰ میں ایک

سے ۔ رگرط وغیرہ کی مزاحمت ۱۱ پونڈ وزن فی ٹن ہے۔
اگر انجن کی ابین طاقت ۲۰۰ ہو اور وہ اپنی پوری طاقت
سے کام کر رہا ہو تو بیل گاڑی کی رفار معلوم کرو۔
رگرط وغیرہ کی مزاحمت ۲۰۰۰ پونڈ وزن کے میاوی

ہے اور ریل گاڑی کے وزن کا جزر تحلیلی سطح ماہل پر نیچے کی طرف نوا ٹن کے بہا کے وزن کے برابر

ب یعنی ۸۰۰ بوند وزن کے مساوی ہے۔ بہذا کت کو روکنے دانی کل قوت ۲۰۰۰ پونڈ وزن کے مساوی

ہے۔
فرض کرو کہ ربل گاڑی کی رفتار فی ثانیہ فٹوں میں
لر ہے تو انجن کا کام وہ ہے ہو ۲۰۰۰ ویڈ وزن
کی قوت کے نقطۂ عمل کو فی ثانیہ رفٹ کھینے میں

بالجششم

س جا اے۔ یعنی ۲۳۰۰ رفط پونڈ فی ٹانیہ ہے لیکن کل کام جو انجن کر سکتا ہے وہ ۲۰۰۰ × ۲۰۰۰ یعنی

> ، . . . ١١ فط يوندُ في ثانيه ب کیس ۲۲۰۰۰ کر= ۱۱۰۰۰۰

علم حركت

یغی کے = نواز اس نئے ریل گاڑی کی رفتار ہے ہا میل فی گھنٹہ ہے

امثِله نمبری (۱۴)

(۱) ۵۰ ش تحمیت کی ایک کریل تحاری ۳۰ میل فی گفته کی کیساں رفتار سے چل رہی ہے۔ ہوا اور رکر وغیر کی مزاحمت بم پونڈ وزن فی ٹن ہے۔ انجن کی اسبی طاقت

معلوم کرو۔ (۷) اس انجن کی اسی طاقت کیا ہے جو ایک ریل گاڑی کو ۲۰۰۰ یونڈ وزن کی مزاحمت سے متقابل بہ سیل فی گفتہ کی رفتار سے جلا رہا ہے ہ (۳) ۱۰۰ ٹن محمیت کی ایک ریل کاڑی ایک سطح مائل

پر جم میل فی گھنٹہ کی رفتار سے چڑھ رہی ہے۔ سطح کا میلان ۲۰۰ میں ایک ہے۔ جاذبہ ارض کے سوا تمام مزاحمتوں کو نظر انداز کرنے انجن کی اسبی طاقت

معلوم کرو ـ

علم حركت 194 (بم) ۲۰۰ ثن کیب کی ایک ریل گاڑی ایک سطح مائل پر ربی میل فی گفته کی رفتار سے پیڑھ رہی ہے۔ سط کا میں میں فی گفتہ کی رفتار سے پیڑھ رہی ہے۔ سط کا میلان ۵۰۰ میں ۳ ہے اور انجن کی اسی طاقت ۲۰۰ ہے۔ ركر وغيره كي مزاحمت في تن معلوم كروب ٢٠٠٠ تن مين انجن کی تحمیت نبی شامل ہے۔ (۵) ایک انجن ایک سطح مائل پر ۲۵ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے چڑھ رہا ہے۔ سطح کا میلان ١٠٠ میں ایک ہے۔ انجن اور اس بر سے بوجھ کی تجبت المن ہے۔ اور رگر وغیرہ کی مزاحمت ،ا پونٹر وزن فی س ہے۔ انجن کی اسپی طافت دریافت کرو۔ (۲) ۲۰ ش تحمیت کی ایک ریل گاڑی کو ایک انجن کھینی فروع کرتا ہے ہ منٹ سے بعد ریل گاڑی کی رفتار بہیں فی گفتنہ ہو جاتی ہے۔ حرکت متقابل مراحمت ا پونڈ وزن فی من سے اور اسراع کیساں ہے۔ انجن کی اسی طاقت (4) ا بن کے ایک وزن کو ایک کھر دری مائل سطح پر اويركي جانب آدھ گھنٹہ میں .سم فط كھنچا گیا ہے۔

سطح کا میلان افق سے ، ۳ ہے اور قدر فرک ہے۔ ہوں جو کا میلان افق سے ، ۳ ہے اور قدر فرک ہے ہے۔ جس انجن سنے یہ کام کیا اس کی اسپی طاقت دریافت کرو اور کام کی مقدار بھی معلوم کرو۔ (۸) نضف بونڈ کمیت کا ایک پتم حالت سکون سے (۸)

گڑا شروع کڑا ہے۔ دریافت کرو کہ دسویں خانیہ میں قوت جاذبہ ایس اس برکتا کام کی ہے۔

(۹) ایک جہاز کے انجن کی اسی طاقت ۲۵۰۰۰ ہے اور انجن جہاز کو ۲۰ بیل فی گھنٹہ کی رفتار سے چلا سکتا ہے۔ جیکت کے منتقابل پانی کی مزاحمت دریافت سمور (٩٠) تواناني - تعربيت - ايك جسم كي كام كمنيكي

المبیت کو توانانی کت کیں اور اس کی دو قسیں ہیں۔ توانائی بالفعل اور توانائی بالقوہ۔ جو توانائی کسی جسم میں

خرکت کی وجہ سے ہو وہ اس کی توانائی بالفعل کہلا سہے۔ اور اگر اس جسم کو ساکن کرنے کے لئے توثین لگائی جائیں تو اِس کے ساکن ہوئے تک جس قدر

کام ان قو تون کے متفایل وہ جسم کرے گا وہ اسکی تواناني بالفعل كا اندازه بهوگا_

کرنے والا جسم ، جمولنے والا رقاص ، گونے والا بہیہ اور توپ کا اسمرک گولا سب توا نائی بالفعل رکھتے ہیں۔ فرض کرو کہ محمیت م کا ایک ذرہ رفقار ارسے حرکت کر رہا ہے تو اس کام کی مقدار دریافت کرو جو ساکن ہوئے ملک وہ ذرہ اپنی حرکت کے زور سے کرسکتا ہے۔ فرض کرو کہ ایک قوت تی اس کی حرکت کے متقابل فرض کرو کہ ایک قوت تی اس کی حرکت کے متقابل عما کی تا ہے۔ عل کرنی ہے اور اس کو ساکن کردیتی ہے۔ فض کرو کہ یہ قوت ایسی ہے جس سے ذرے میں اسراع بالبضشم

(- ع) بیدا ہوتا ہے تو ت = م ع فرض کرد کہ ساکن ہونے سک ذرہ فاصلہ لاطے کرتا ہے تو

، عن ہوت اور معلمہ تو سے رہ ج ، = لا+ ۲ (- ع) لا

، ع ٧= الله الأ ليس ذرے كي توانائي بالفعل

علم حركت

= اس کام کی مقدار جو سآکن ہونے تک اس نے کیا = ن ۷ = ص ع ۷ = اے ص لا

= تی لا = م ع لا = آب م لا پس ایک متحرک ذرے کی توانائی بالفعل دو مقداروں کا حاصل ضرب ہے ایک ذرے کی محمیت دوسرے اسکی

عامل صرب ہے ایک درسے می سمیک دو سرنے ہمی رفتار کے مربع کا تضعت ۔ (۹۱) مسئلہ ۔ ثابت کرو کہ فاصلے کی اکائی میں ا

ر الله الفعل کی تندیلی قوت عاملہ کے مساوی ہے۔ فرض کرو کہ ایک قوت ق محمیت هم کے ایک ذرے

پر ُوقت د_ میں عمل کر سے اس کی رفتار کو ب سے بدل کر لہ بنا دیتی ہے۔ اور اس مدت میں ذرہ فاصلہ

بن ر ر با ری ہے۔ اور ۱ ما مدف میں دروہ کا ا ت طے کرنا ہے تو

لا ـ ب = ۲ ع ف جهال ع اسراع ہے جو ذرے میں بیناً ا ن ب م لا - ب م ب = م ع = ق(۱)

یہ مساوات منا کے اس صورت کو ثابت کرتا ہے۔

جب قوت كيسان بهو ـ

اس کی توانائی بالقوہ کہلاتی ہے۔ توانائی بالقوہ کی مثالیں۔ ایک دبی ہوئی کانی میں

علم حركيت

بالجششم

توانائی بالقوہ ہوتی ہے۔ یعنی اپنی اصلی شکل پر آنے ہیں یہ کام کرسکتی ہے اور اس کام کی مقدار کمانی کی توانائی

ہ تلوہ ہے۔ اگر کوئی جسم زمین سے بلند واقع ہو تو بھی اس میں توانائی بالقوہ ہوتی ہے۔

مثلاً کلاک کو حرکت دینے والا وزن حب که کلاک کو کنجی دی جائے۔ اور پتھر جو بلندی پر واقع ہو اور پانی جو ایک بلند حوض میں بھرا ہوا ہو۔ ان جسموں کی توانائی بالفوہ وہ کام ہے جو زمین سک بہنچنے ہیں یہ جسم

ر سکتے ہیں ایسے جسموں کے گئے زمین کی سطح معیاری وضع یاصفری وضع فرض کی جاتی ہے۔ دبی ہوی ہوا ہیں

یسی توانائی بالفوہ ہے یعنی بھیل کر جب یہ ابنا اصلی مجم اختیار کرتی ہے اور ایسا کرنے میں جس قدر کام کرتی ہے وہ اس کی توانائی بالقوہ ہے۔ دبی ہوئی ہوا کا

ہے وہ اس کی لوانانی بالقوہ ہے۔ دبی ہوئی ہوا کا اصلی مجھ وہ ہے جو کرہ ہوا میں مل کر اس کا حجم ہو۔ (سام) کمیت م کا ایک ذرہ بلندی کی پر ساکن ہے۔

رہم ہیں ہیں ہو ہوت ہوت کہ دوران حرکت اگر وہ اس بندی سے گرے تو ثابت کرو کہ دوران حرکت میں اس کی توانانی بالفعل اور توانانی بالقوہ کا مجموعہ ایک مقدارِ مشقل ہے۔

مقدار متقل ہے۔ فرض کروکہ ذرہ نقطہ ک سے گر کر نقطہ ل پر زمین پر پہنیا ہے۔

وص اروله ل ل ي ايك تعليه ط ع جال كط لا اور فض کرو کہ سکا طریہ فرے کی رفار کر ہے۔ リモャ=リラ

ط بدنے کی توال ؛ افعل = +م رز = م ح لا اورط ير ذرے كى توانائى بالقوه

= اس کام کے جو ذرے کووزن ط سے ل کے محرفے میں کو سکتا ہے

= م ج x طل = م ج (ی - لا)-بين مقام طب توالل بالفعل أور تواناني بالقوه كالمجميم

ے م ج کی الکین ک پر ذرے کی توانانی بانقوہ م ج می ہے اور

اس کی توزانی بالفعل صفر ہے۔

يس تواناتي بالقوه اور تواناني بالفس كا مجموعه طيروي ہے ہوک پر ہے۔ اور چونکہ طاکوئی سا نقطہ ہے اس سے ان دونوں مقداروں کا مجموعہ دوران حرکت

یں ایک ہی رہا ہے۔ یہ واضح رہے کہ جب ذرے کو زمین سے اٹھاکر مقام ک پر میکا می تھا تو اس عل سے ذرے میں توامانی بالقوه كا ذنيره جم مو كيا تخاب اور جب ذره ك سے اگرہ شروع کرا ہے تو اس کی توانانی بانقوہ شکل بدل کر توانائی بالفعل کی صورت میں نبودار ہوتی ہے اور

199 یہ تبدیلی برابر جاری رہتی ہے جب مک کہ ذرہ زمین یہ حبین برہر جاری رہی ہے جب بی ہی رہ رہی ہو جاتی ہر نہیں بہنج جاتا۔ اس وقت تبدیلی کمل ہو جاتی ہے اور لوانائی بالقوہ کا ذخیرہ بالکل ختم ہوجاتا ہے اب رقاص کی حرکت پر غور کرو۔ جب رقاص کا گولا اپنے بلند ترین مقام پر بہنچ کر ایک آن کیلئے ساکن رہتا ہے تو اس وقت اس میں توانائی بالقوہ ہوتی ہے اور جب اس مقام سے حرکت کرنے کو گولا ہے اور جب اس مقام سے تحرکت کرنے کو گولا بیت ترین مقام پر بہنجا ہے تو توانائی بالقوہ بالتدریج بدل کر توانائی بالفعل کی صورت اختیار کرتی ہے۔ اور پھر جب وہاں سے حرکت کرتے دوری طرف بلند ترین مقام شک بہنجا ہے تو اس کی قوانائی بالقوہ کی صور اور نائی بالقوہ کی صور ا میں آجاتی ہے۔ آور یہ عمل جاری رہنا ہے۔ (م 9) دفعہ سابقہ کی مثال اصول بھاء توانائی کی ایک سادہ تمثیل ہے جو اس طرح بیان کیا جاسکتا ہے۔ اگر ایک جسم یا جسموں کا ایک نظام قوتوں کے ایک بقائی نظام کے زیر عمل حرکت طررہ ہو تو اس کی توانائی بالفعل اور توانائی بالقوہ کا مجموعہ نہیں بدنا۔

عالم ادی میں جو قوتیں ظہور پذیر ہوتی ہیں وہ اس صورت میں بقانی کہلاتی ہیں جب ان کا انصا

ا الله الم اجهام متعلقه كى صرف وضع يا تشكيل بر بهو اور ان كى رفقار يا سمت حركت بر نه بهو- الله وقت بر نه بهو- مثلاً دو جهمول كى ركر يا بهوا كى مزاحمت بقائى فوتي بند بد كرد براط السرر قات بدي حس كى سمدت

نہیں ہیں کیونکہ رگڑ ایسی قوت ہے جس کی شمت جسم کی حرکت کی سمت بدلنے سے بدل جاتی ہے اور ہوا کی مزاجمت اس طح برلتی ہے جسطرے جسم کی

اور ہو، ی سر سب ہی ہدی سہ بسطرے ہم ی رفتار کی کوئی قوت ۔ بقائی قوتوں کی صورت میں اگر جسموں کا نظام ایک وضع یاشکل سے نقل مکان کرکے دوسری وضع یا شکار دختاں کر سر نو ایسا کرنے میں جو کام کی مقال

وضع یاشکل سے نقل مکان کرکے دوسری وضع یا شکل اختیار کرے نو ایسا کرنے ہیں جو کام کی مقارد مرت ہوئی وہ ہمیشہ ایک ہی رہتی ہے۔ کام کی مقدار کا انحصار اس راستے یا طرق پر نہیں ہے جو نقل مکان کرنے میں وہ جسم اختیار کریں ۔

نقل مکان کرنے میں وہ جسم اختبار کریں۔ دفعہ 22 کی مثال لوجس ہیں ایب ذرہ ایک کھردری ال سطح پر نیجے کی طرف پھسلتا ہے۔ سطح کاطول ل ہے۔ جب ذرہ زمین پر پہنچنا ہے تو اس کی توانائی بالفعل

= الم الاج ل (جب عه- الرحيم عه)] بيني م ج ل جب عه- م ج ل رجم عه اور زمين بر بهنج كر توانائي بالقوه صفر مولى- اسك Y . 1

علم حركت وبال توانائي بالفعل اور تواناتي بالقوه كالمجسموعه

م ج لَ جب عد - مَ ج لَ رَجب عد ہوگا۔ بن سطح مائل کی جوئی پر توانائی بالقوہ م جل جب عدہ۔ ب لئے اگر ذرہ سطح مائل کی چوئی سے پایہ کک پیسلے

تو اس کی مری حیلی توانائی کا مجموعی نقصوان رم جمد

ل جم عه ہو گا۔ یہ توانائی صورت بدل کر حرارت شکل میں نمودار ہوتی ہے۔ کچھ حرارت متحرک ذرے میں اور کچھ شطح مال میں بیدا ہوتی ہے

اور آخر کار یہ حرارت ہوا ہیں مستشر ہو جاتی ہے۔ توانائی بالفعل سے نقصان کی اور کمثالیں دفعہ ۸۲ کے حل کردہ سوالات میں ہیں۔

مر دو صورتوں میں صدمے سے پہلے تواناتی بالفعل يم تخي -

ب ×٣× ١٣ ٢ ٢ × ١٣ على = ١٨ + ٥٠٠ على المال الما بہلی مثال میں صدمے سے بعد توانائی بالفعل یہ ہوگی

 $\frac{1}{4} \times 8 \times 9' = \frac{6 \cdot 9}{4} = \frac{1}{4} \times 1 \times 1$ فظ يونگل اور دوسری مثال میں صدمے کے بعد توانانی بالفعل یہ جو گی

اس نے دولو صورتوں ہیں توانائی بالفعل کا نقصان بالترتیب بر اور ۲ و ۳ ه إفت پونڈ ہو گا۔

بسریب منال (۱) ایک گولی جس کی تحمیت م اونس (۹۵) مثال (۱) ایک گولی جس کی تحمیت م اونس

ہے ۱۲۰۰ فٹ فی ثانیہ کی رفار سے ۲۰ پونڈ کھیت کے ایک ہون میں لگتی ہے۔ ہدن بینر روک کے حرکت کرسکتا ہے۔ بوانائی بالفعل کا نقصان فط

حرکت کرسکتا ہے۔ توانائی بانفعل کا نفضان فط پونڈوں میں معلوم کرو۔ فرض کردکہ کولی پرف پر گئے کے بعد دونوکی ششرکہ

رض کرولہ تونی ہرف پر سے نے بعد دونونی مشترلہ رفقار کے ہے۔ چونکہ بموجب دفعہ ۸۸ معیارِ حرکت کا نقصان نہیں ہوا اس کئے

 $|Y - X| = \frac{1}{14} \times \cdots \times \frac{1}{14}$

<u>√√··</u> = J :

گولی کی توانائی بالفعل $= \frac{1}{4} \times \frac{1}{14} \times 11 = 11 \times 11 = 11 \times 11 \times 11 = 11 \times 1$

توانائی بالفعل کا نقصان سے ۱۸۰۰۰ میں الفعل کا نقصان سے ۱۸۰۰ میں الفعل کا نقصان سے ۱۸۰۰۰ میں الفعل کا نقصان سے ۱۸۰۰ میں الفعل کے ۱۸۰۰ میں الفعل کی الفعل کی الفعل کی الفعل کے ۱۸۰۰ میں الفعل کی الفعل

بالشيشم علم حركت 7. 1 اس سِوال سے واضح ہو گا کہ اس صورت میں صد سے اگرچ معیار حرکت کا نقصان ہیں ہوا ہے لیکن توانائی بانفعل کے ہے جے کی صورت برل گئی۔
یہ معلوم ہوگا کہ صدے کی تمام صور توں میں توانائی
بانفعل کا نقصان ہوتا ہے یا یوں کہو کہ توانائی افعل کی صورت بدل جاتی ہے۔ مثال دی دفعر مد کی مثال ہیں توپ اور گولے کی توانائي بالفعل كا مقابله كرو -گولے کی توانائی بالفعل = لہ ۲۰۰۰ × (۹۰۰) فٹ یونڈل ه ، ۲۲۹ فط ش تقريباً توپ کی توانائی بانفعل = لم ×۰۸ ×۰۸ × ۲۲۰ من بوتدل = معلم × (٢٥) افت سن ٥٠٠٠ مفر من المعلم اس سے ظاہر ہے کہ کوسے کی توانائی یانفعل توپ کی توانائی بالفعل سے ۲۸۰ گنا ہے آگرجہ ان کے معیارِ حرکت برآبر ہیں۔ گونے کی تباہ کن طاقت کی دجہ بہی ہے کہ اسکی توانائي بالفعل بہت نياده ہے۔ (4 4) أكر جمول كاكوئي نظام أيسا هو جس كا تعلق

کسی دوسرے نظام سے نہ ہو تو اس میں اگرتوانائی ۔ صورت بدل کر مختلف شکلوں میں نمودار ہو مثلاً حرارت ۔ آواز ۔ روشنی یا کوئی راور صورت جو بوجب طبیعیات جدید توانائی اختیار کر سکتی ہے تو بین معلیم ہوگا کہ فی العقیقت توانائی زایل یا ضائع ہیں ہوتی۔ یہ اصول جس سے ظاہر ہوتا ہے کہ

توانانی نابود نہیں ہوتی جدید سائنس کا مرکزی اصول ہے۔ یہ بانفاظ ذیل بھی بیان ہو سکتا ہے۔

توانانی میں نہ تو اضافہ ہوسکتا ہے اور نہ اس میں کمی ہوسکتا ہے اور نہ اس میں کمی ہوسکتی ہے۔ نہ وہ از سرنو پیدا کی جاسکتی ہے اور نہ وہ نابود ہوسکتی ہے۔ لیکن ایک صورت بدل کر کوئی دوسری صورت اختیار کرسکنی ہے۔ یہ عددی مثال دی جاتی ہے کہ کام کے ۸۵، فرط پونڈ

اس قدر حرارت سے مساوی ہیں کہ ان سے ایک یونڈ یانی کی حوارت بقدر ایک درجه فیرن بائٹ برصطنی ایک درجہ فیرن بائٹ برصطنی ایک درجہ فیرن بائٹ برصطنی ایک معادل جیلی ۸۵۸ فٹ پونڈ ہے۔

اشله نمبری (۱۵) (۱) ۱۰ یونڈ کیبت کا ایک جسم ۳۲ فظ فی ثانیہ کی رفار سے اوپر وار سمت راس بیں بھینکا جاتا ہے معلوم کروکہ اس کی توانائی بالفعل کیاہے (۱) بوقت

ی رمار ب ہے ہو ب = ۲ ج می (۱) فرض کرو کہ صدمے کے عین بعد ہتھوڈے کی رفار

علم حركدت بالربثش Y a 6 لے ہے تو بقارِ معیار حرکت کے اصول سے (م + ک) ل = م ب (۲) فرض کروکه زمین کی مزاصت یونڈلوں میں طہے۔ تو زمین کے آندر کھونٹے کی خرکت کو رو کئے والی قوت ہے ط۔ (م +ک) ج بقاء توا ائی کے اصول سے ナ(カ+ン)じ=[d-(カ+ン)か) =(0+2) + +(0+2) + $=(a+b)++\frac{a_1}{a+b}\times\frac{b_1}{b}$; i. i.e. (1) $=(\alpha+\mathcal{D})+\frac{\delta^2}{\alpha+\mathcal{D}}\times\mathcal{F}\times\frac{\mathcal{D}}{\ell}$ اس سے ظاہر ہے کہ اگر مہدل x کی پوٹٹر وزن کھونٹے کے سر بر رکھا جائے تو زمین کی فراحمت یر عین غالب اگر تھو نے کو زمین کے آندر داخل نر دیگا۔ میبار حرکت کے اصول سے کھونے کی مدت حرکت و حاصل ہوتی ہے۔ کیونکہ [ط- (م +ک) ج] × و= معیارِ حرکت کی تبدیلی

علم حركت =(م+ک)ر=م ب اس نے و × مراک × براز = م ب ه و = مبک × ۲۴ = مبک راج ی صدمے سے توانائی بانفعل کا نقصان デーナーナーナーナーナー 1-1 x - 50 + = = ک × ہموڑے کی توانائی بوقت صدمہ۔ ک کے مقابلے میں م جس قدر زیادہ ہو یعنی چھوڑ کی کمیت ہقابلہ کھونٹے کی کمیت کے جس قدر نیاده جو اسی قدر کم نوانانی کا نقصان ہوگا۔ مثال (۴) بائی سکل کی حرکت ۔ ایک باتی ک اور اس کے سوار کا مجموعی وزن ۲۰۰ یونڈ کے وزن

سے کس قدر زور لگاتا ہے اور اس کے کام کی شرح کا مقابلہ ایک اسبی طاقت سے کرو۔ پاؤں سے زور کو کہ وہ ط پونڈ وزن کو یکسال قوت نسلیم کرکے فرض کرو کہ وہ ط پونڈ وزن ہے تو ایک پوری گردش میں کام کی مقدار= ۲×ط×۱۱ فٹ فٹ بونڈ اس مرت میں فراحمت کے مقابلے میں جو فٹ پونڈ اس مرت میں فراحمت کے مقابلے میں جو کام کیا گیا اس کی مقدار = ۳ × ہے کام کا نقصان نہیں ہوا یہ تسلیم کرلو کہ رکڑ کی وجہ سے کام کا نقصان نہیں ہوا یہ تسلیم کرلو کہ رکڑ کی وجہ سے کام کا نقصان نہیں ہوا یہ تسلیم کرلو کہ رکڑ کی وجہ سے کام کا نقصان نہیں ہوا یہ تھی یہ کہ بائی سکل نظراً ایک کامل مشین ہے۔ اس لئے یہ تینی یہ کہ بائی سکل نظراً ایک کامل مشین ہے۔ اس لئے

OX 4. XTI = IN X b X Y

دونو کا موں کو مساوی کر کھنے سے

یعنی ط = $\frac{V}{V}$ $\Pi = \frac{1}{V}$ بونڈ وزن تقریباً سوار کا کام فی گھنٹہ = ۵ × (۱۰×۵۲۸) فٹ پونڈ ... کام فی منٹ = ۵ × ۸۸×۵ اسبی طاقت ... کام کی شرح = $\frac{V}{V}$

علم حركت

بالششم

= ہے اسپی طاقت اگر سائیکل سوار ایک شطح مائل پر اسی رفتارے بڑھ

ربي مو اور سطح كا ميلان ٥٠ مين ايك مرو تو دريافت

کرو کہ پاؤں سے کس قدر قوت لگا را ہے۔ پاؤں کی پوری گردش سے بائی سکل XXX ایج لینی باؤں کی بوری گردش سے بائی سکل XXX ایج لینی XXX نام فٹ آگے بڑھتی ہے یعنی وہ اور اس کی مشین X x ب من بر اویداد يرط بي - ايسا كرت بين X + + + ايسا كرت بين T x ايسا كرت في یونٹ مزید کام کرنا بڑے گا۔ لبذا اس صورت میں デンスポンカ+OX デンカニーボメタXY

امثله نمبری (۱۶)

(۱) م تحمیت کا ایک گوله ن تحمیت کی ایک توپ سے چلایا جاتا ہے اور طلتے وقت کو لیے کی رفتار بلحاظ توب کے ب نے۔ ٹابت کرو کہ ٹونے اور

توپ کی اصلی رفتارین بالترتیب صدن اور صب ہیں ۔ نیز یہ بھی ثابت کرو کہ ان کی توانائی بالفعل ان کی کمیتوں کی عکسی نسبت سے متناسب ہیں۔

ا بیک توب ایک گاڑی پر چڑھائی گئی ہے جو ایک چکنی مستوی سطے پر حرکت کرسکتی ہے۔ توب کا میلا افق سے عمر ہے۔ توب کا میلا افق سے عمر ہے۔ توب سے ایک گولہ جلایا جاتا ہے جو توب کے منہہ سے نکلتے وقت افق سے ناور اس کی گاڑی کی کھیت سے ن سن اور اس کی گاڑی کی کھیت سے ن سن اور اس کی گاڑی کی کھیت سے ن سن اور اس کی گاڑی کی کھیت سے ن سن اور اس کی گاڑی کی کھیت سے ن سن اور اس کی گاڑی کی

میت توسے کی میت ہے دن کتا ہو تو تابہ کرد کہ مس نتہ = (۱+ ال)مس عہ

(۳) نصف ٹن کھیت کا ایک جسم ۸۰۰ فٹ فی ثانیہ کی رفقار سے حرکت کرتا ہوا ایک ثابت ہدف پرجاکر

لگتا ہے۔ اور اللہ ٹانیہ میں ساکن ہو جاتا ہے۔ ہون پر صدمے کی مقدار معلوم کرو۔ اور یہ تسلیم کرکے کہ جسم کے ساکن ہونے شک ہون کی مزات یکساں ہے دریافت کرو کہ جسم ہدن کے اندرکسقار

یکساں سبنے دریافت کرو کہ جسم ہدف نے اندرنسفہ داخل ہوگا ہ (۴) ہم ہنڈرڈ ویٹ کمیت کا ایک جسم ۱۰ فٹ کی بلندی سے ۱۲ ہنڈرڈ ویٹ تحمیت کے ایک

ب بیک کھونٹے پر آکر گرتا ہے۔ یہ نتیام کرتے کہ کھونٹے کے دخول کے مقابلے میں زمین کی مزات

تھو سے سے دلوں کے مقابلے میں رمین کی مزام کیساں ہے اور ہا تن وزن کے مساوی ہے

کی مقدار معلوم کرد-کا مقدار معلوم کرد-کا ایک رسی ایک چکنی چرخی سر سے گذرتی ہے،

میں گنا وقت کلیگا۔ ۱۲- ایک جسم جبکی کمیت ہم ہے فاصلہ او بے روک پنچے گڑا ہے اور اس کے بعد اپنے سے ایک بڑے جسم کو حبکی محمدت ہم ہے او پر اٹھانے گئا ہے جس کے ساتھ یہ ایک بے لیک رسی کے رقت ہے بعد واپس آجا ہے گا ماں ہے قوت جاذبہ کی قیمت ہے ا شر معلوم کروکہ جب جسمہ میں جھٹکا کھانے کے بعد

جہاں ج' قوت جاذبہ کی قیمت ہے ، نیز معلوم کروکہ جب جسم م، جھٹکا کھانے کے بعد حرکت شروع کرنا ہے تو م کی مرئی توانائی کی کولشی کسر ضائع ہوجاتی ہے ؟

دباؤ کے زیر علی جو ۳۰ ش وزن کے مساوی ہے ہر دفعہ سمت شاقولی میں ۵ فٹ بنچے گرتا ہے ، نباؤکہ اس کی رفار محصلہ کیا ہوگی اور ساکن ہونے سے

او ہے پر او ہا کیسلنے سے جو رگر بیدا ہوتی ہے اس کی فدر ہے ہے۔

ذرر ہے ہے۔

(۲۰) اگر ایک سائیکل سوار ہمیشہ ہے اسبی طاقت
سے کام کرے اور ہموار سطے پر ۱۲ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے جا سکے تو ثابت کرو کہ سطرک کی مزاحمت رفتار سے جا سکے تو ثابت کرو کہ سطرک کی مزاحمت ہے۔

188 میا ۲ سے بونڈ کے وزن کے مساوی ہے۔

(۲۳) ایک شخص کشتی جلانے میں ڈانڈ کی ہر ضرب سے ع فٹ پونڈ کام کرتا ہے اور یہ کام کشتی جلانے میں کار آمر ہوتا ہے ، اگر کشتی ک میل فی گھنٹہ کی رفتار سے جارہی ہو تو پانی کی کل خراصت که پونڈ کے وزن کے مسادی ہوتی ہے ، بتاوکہ وہ شخص فی نٹ

419 کتنی ضربیں نگاتا رہے کہ کشنی کی رفتار میں فرق نہ آہ۔ (۲۲) ایک بائی سکل یاؤں کی ایک گردش سے ، ۱۱۲ انچ آگے بڑھتی ہے ، سائیکل سوار لے اسپی طاقت سے کام کرتا ہے اور اپنے پاؤں کے ساتھ ۴ گرڈٹیر منت نگا ہے ، آر رگڑ کو نظر انداز کیا جا اسکی حرکت کے فلاف جو خراصت ہے اسکی مقدار معلی کرد اور اگر پائداں کی ڈنڈی کا طول ہے ہو ایج ہو تو اس کے بائداں پر جو دہاؤ نیجے کی طرف بڑتا ہے۔ اس کو معلوم کرد (اس دہاؤ کو مشتقل فرض کرد) (۲۵) ایک سوار اور اسکی بائیسکل دو نوں کی تحمیت ١٨٠ يوند ب ، مشين ايك سطح ائل پر جس كاميلان ٧٠ ميں ا ہے ٨ ميل في گھنٹ كي رفتار سے پنجے كي طرف بلا نگلف جارہی ہے ، تابت کرد کہ اگر سوار کو اسی زقار سے ایک ایسی سطح انل بر چڑھنا منظور ہو جس کا چرصانه ۱۰۰ میں ابہو تو اس کو ۱۰۷۸ اسی طاقت کی نتنج سے کام کرنا چاہئے۔ (۲۷) ایک افقی ٹونٹی سے ۲۰۰ یونڈ پانی فی منط افظ فی سیکنڈ کی رفتار سے نکلتا ہے اور یہ پانی ایک ایسی ثابت عمودی شختی بر آکر گلتا ہے جس کی

ایک ایسی ثابت عمودی تختی پر اگر لگتا ہے جس کی سطح ٹونٹی کی سمت پر عمود وار ہے ، معلوم کرو کہ معیار حرکت کی کیا مقدار فی سیکنڈ ضائع ہوتی ہے

اور شختی پر جو قوت عمل کرتی ہے اسکی مقدار پونڈوں میں دریافت کرو۔ نیز جس شرح سے ٹونٹی توانائی پیداکرتی ہے اس کو معلوم کرد اور اسکو ایک اسپی طاقت کی رقوم میں بیا (۲4) ایک ۲ اونس وزنی کیل کو ایک شختہ کے اندر نھو کئے کے لئے ایک ۱۷ یونڈ وزنی ہھوڑے کو استعمال کیا گیا ہے ، ہموڑا جس وفت کیل پر بڑتا ہے اسکی رفقار ۸ فٹ فی سیکنڈ ہوتی ہے ، اگر ہر ضرب سے كيل أدھ انج شخت كے اندر چلى جائے توكيل كے ظاف جو فراحمت ہے اسی مقدار معلوم کرو۔ اس سوال میں کیل اور ہم تھوڑے دونوں کو بے لیک خیال کرو ۔ ذروں کے کسی نظام کے مرکز جودگی حرکت اگرکسی آن میں کمیتوں ما ، مم، مم، مم، ان میں کمیتوں ما ، مم، مم، ما ان کمیتوں اور میں متوازی بالترتیب رفتاریں ایک ثابت مستقیم خط کے متوازی بالترتیب لر، ر، ر، موں تو ان کمیتوں کے مرکز جمود کی رفتار آسی آن میں خط مذکور کے متوازی م, ب+ م، لر+ ٠٠٠٠ اوگی

771

جملم حركت

فرض کروکہ اس نابت خط پر ایک ثابت نقطہ لیا گیاہے

اور اس نقطہ سے مفروضہ کمیتوں کے فاصلے آن زیر بحث میں بالترتیب لا کل کرے مرکز جمود کا فاصلہ ہے۔ ہیں ، اور فرض کروکہ لا کا ایکے مرکز جمود کا فاصلہ ہے۔

تب (بهوجب سكونيات دفعه ١١١)

کمینوں کے فاصلے نقطہ معینہ سے لا کا لاکسیہ ہیں اور ان کے مرکز جمود کا فاصلہ لا ہے کا تنب

لاً = لا + ر ت لاً= لا+ لا ت

نیز آو َ م الاً + م الاً + ٠٠٠٠

 $\frac{\overline{U} - \overline{U} = \frac{\partial^{1}(\overline{U} - \overline{U}) + \partial^{1}(\overline{U} - \overline{U}) + \cdots}{\partial^{1}(\overline{U} - \overline{U}) + \partial^{1}(\overline{U} - \overline{U}) + \cdots}$

<u>م رت + م، پرت +</u>

لیکن اگر ثابت خط کے متوازی کر مرکز جمود کی رفار $\tilde{V} = \frac{\tilde{V} - \tilde{V}}{4\pi} = \frac{\tilde{A} - \tilde{A}_{1} + \tilde{A}_{2} + \tilde{A}_{3} + \tilde{A}_{4}}{\tilde{A}_{1} + \tilde{A}_{3} + \tilde{A}_{4} + \tilde{A}_{5}}$ $\tilde{V} = \frac{\tilde{V} - \tilde{V}}{4\pi} = \frac{\tilde{A}_{1} + \tilde{A}_{2} + \tilde{A}_{3} + \tilde{A}_{5}}{\tilde{A}_{1} + \tilde{A}_{2} + \tilde{A}_{3} + \tilde{A}_{5}}$ $\tilde{V} = \frac{\tilde{V} - \tilde{V}}{4\pi} = \frac{\tilde{V} - \tilde{V}}{4\pi}$ $\tilde{V} = \frac{\tilde{V} - \tilde{V}}{4\pi}$ \tilde{V} کے معیاروں کے مجموعہ سے مساوی ہے اور جبکا ب نا ذرون کی کیتوں کے مجموعہ کے مادی ہے۔ فيم صريح الرورون كا ايك نظام ايك بي سطح بين حرکت کردا ہو اور ذروں کی رفقاریں مع ان کی حرکت کردا ہو اور دروں کی رفقاریں کو دو کی سمتوں کے معلوم ہوں تو ہم ان رفقاروں کو دو شاہت خطوں کے متوازی تحلیل کرنے اور سابق سئلہ ستعال کرنے سے ذروں تے مرکز جمود کی حرکت معلم کرسکتے ہیں ۔۔ معلم کرسکتے ہیں ۔۔ مب مرام اور میں میتوں مرام مرام اگر کسی آن میں کمیتوں مرام مرام کے اسراع ایک تابت خط کے متوانی بالتر تیب ع، ع، ع، ع، دس موں تو ان کیتوں کے مرکز جمود کا اساع اس خط کے متوازی مماع + ممر + مرب بوگا بھود کا اساع اس خط کے متوازی ممر + مرب بوگا Lawrence of the same اس سٹلہ کا نبوت بہجھی دفعہ کے تبوت کے بالکل متشابہ ہے ، صرف ہمیں لا؛ ر؛ لا ، رُاکی بجائے ر، ع، ر، ع، کھنا جائے اور باقی ذروں سے لئے بھی اسی قسم کی تبدیلیاں کمرٹی چاہئیں۔ مثال (۱) دو کمیتیں م، ممر ایک ہلکی رسی کے ذریعہ شبکک کردی گئی ہیں جیسا دفعہ سم، میں ، ایک مركز جمود كا اسراع معلوم كرو محیت مرکا اسراع شاقولی سمت میں ممرا م با ج ہے اور مہ کا اسراع مقدار میں تو یہی ہے گر اسکی سمت اسك شقابل ب اسلنے ع = -ع = $\frac{91-97}{91+90}$ ج ، پس مرکز جمودکا $=\frac{\alpha_{1} \cdot \beta_{1} + \alpha_{1} \cdot \beta_{1}}{\alpha_{1} + \alpha_{1}} = \frac{\alpha_{1} - \alpha_{1} \cdot \beta_{1}}{\alpha_{1} + \alpha_{1}} \cdot \beta_{1} + \alpha_{1}}{\alpha_{1} + \alpha_{1}} \cdot \beta_{1} + \alpha_{1} \cdot \beta_{1} \cdot \beta_{1}$ ایسا کرنے سے جو حرکت پیدا ہوگی اس میں کمیٹول کے مرکز جمود کا اسراع سے ہوگا

متوازی خطوں پر بالترتیب ۳ اور ۸ فٹ کی رفیاروں سے حرکت کر رہے ہیں کان کے مرکز جمود کی زفتار دریافت کرد (۱) جبکه وه ایک بهی سمت میں حرکت کریں (۲) جبکه وه متقابل سمتوں میں حرکت کریں۔ جواب (۱) ۵ فٹ فی سیکنگر (۲) لا افٹر فی

میکند اس سمت میں جس میں کہ دوسرا جسم حرکت

کر رہا ہے۔ مثال(مم) دوجیم جنگی کمیتیں م دن آور م ہیں دوستقیم خطوں کے نقطہ تقاطع سے ایک ہی وقت میں زقارو ر أور ن ر کے ساتھ بالترتیب ان خطوں پر حرکت کرنا شروع کرتے ہیں ، ثابت کروکہ ان کے مرکز

مود کا طریق ایک مستقیم خط ہے جو مفروضه سقیم خطون کے درمیانی زادیہ کی شصیف کرتا ہے۔ مثال (۵) دو جسم کیساں رفتار سے دو مستقیم خطیں پر حرکت کرتے ہیں کہ یہ خط ایک دوسرے کو ایک زاویر معلومہ پر تطع کرتے ہیں کا نابت کرو کہ انکا مرکز جود کیساں رفتار سے ایک ستقیم خط پر حرکت کرتا

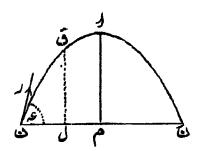
علم حركيت



(۱۰۱)گذرشتہ بابوں میں ہم نے ایسے جسموں کی حرکت پر سجث کی جو مستقیم خطوں میں حرکت کرتے ہتھے۔ اس باب میں ہم ایک ایسے ذرہ کی حرکت پر غور کرنگے جو ہوا میں کسی رفتار کے ساتھ کسی سمت میں پھینکا جا۔ ہم فرض کرینگے کہ جسمون کی حرکت سطح زمین سے بلحاظ فاصلہ سے سناسب حدود کے اندر رہتی ہے اور اسلنے جو اسراع جاذبہ ارض کی وجہ سے پیدا ہوتا ہے وہ قریب قربیب مستقل خیال کیا جا سکتا ہے - نیز ہم ہوا کی فراحمت کو نظرانداز کرینگے اور یہ فرض کرینگے کہ حرکت خلا میں ظہور پذیر ہوتی ہے ، اور ایسا فرض کرنے کی دو وجوه بن اقلًا جواكي مراحمت كا قانون جبكه ايك فره اس میں حرکت سرر ا ہو تھیک طور پر معلوم نہیں اُور ثانیاً اگر یه قانون معلوم بعی هو تو ایسی بجت میں نظری ریاضی کے اصولوں کی وسیع واتفیت کی ضرورت

رقی ہے ، نیز فض کرو کہ ف الن فرہ کا طراق ہے جبکا

سب سے اوپیا نفظہ کو سے اور ن وہ نقطہ ہے جہاں ذرہ کا طریق ت میں سے گذرنے والی افقی سطے سے لمآ ہے .



قوقوں سے طبیعی استفاکے اصول کی روسے (دفعہ ن) پوئکہ جسم کا وزن ایک عودی قوت ہے اسلئے صوف عمودی سمن بیں جسم کی حرکت پر اسکا الریپسکٹا ہے اسے ایس افقی سمت میں جو جسم کی رفتار ہے آئیر اس کا کوئی اثر نہیں ہو سکتا ، اس کئے جسم کی افقی رفتار نے میں ہو سکتا ، اس کئے جسم کی افقی رفتار نے مشہدل رہتی ہے۔

ذرہ کی ابتدائی رفتار کے افقی اور عمودی اجزائے برکبی بالرتیب می جم عد اور سجب عد ہیں اس کے اشائے حرکت میں افقی رفقار ہمیشہ سجم عد رستی ہے۔

عمودی سمت میں ابتدائی رفتار س جب عم ہے اور اسراع - ج

علم حركه آکیونکہ جاذبہ ارض کی وجہ سے جو اسراع پیدا ہوتا ہے و محمودی سمت میں سنچے کیطرت ج نے اور ہم اپنی مثبت سمت کو اوپر کی طرف کے رہے ہیں] اس کئے بلحاظ عمودی حرکت کے ذرہ زیر بحث کی حرکت ایک ایسے ذرہ کی حرکت سے متاثل ہوگی جو باسراع مربع سمت راس میں ابتدائی رفقار س جب عد سے یمینکا گیا ہو۔ پس اسطح جو ذرہ زیر بحث کی حرکت طامِل ہوتی ہے وہ ایک ایسے ذرہ کی حرکت کے مماثل ہے جو ایک بتلی عمودی کلی میں رفتاری جب سے پیشکا گیا ہو جبکہ نلی افقی سمت میں رفتاریجم سے خرکت کرے ۔

(۱۰۲) کسی وفت مفروضہ کے بعد فدہ کی حرکت کی سمت اور رفتار معلوم كرو-فض کروکہ وقت من گذرنے کے بعد مطلوبہ رفقاری

افقی سمت سے زاویہ طہ بناتی ہے تب س س جم طهد افقی رفتار وقت مت گذرنے کے بو

= س جم عه ، متقل افقی رفتار نیز مرک جب طہ ₌ عمودی ارفقار وقت مت گذرنے مے ہم ء رجب عد ج ت

اس کے مربع کینے اور جمع کرنے سے تن = ١٠ - ١٧ ج ت جب عه + ج ت

اور تقییم کرنے سے مسی طہ = کی جب عہ - ج سے

(۱۰۳) کی ارتفاع مفروضہ پر حرکت کی سمت اور رفتار

معلوم کرو ، فرض کردکہ مفروضہ بلندی ب پر ذرہ کی

رفتار س ہے اور رفتار کی سمت ، افق سے زاویہ

طہ بناتی ہے - اِسلنے اس نقطہ پر افقی اور عمودی

رفتاریں بالٹرتیب س جم طہ اور س جب طہ ہیں۔

اس لئے

س می جم طم = س جم عد استقل افقی رفتار _ (۱) نبر دفعه ۲۲ کی روسے

نیز عل تقییم سے مس طہ ہے الما جب عہ سے من

(۱۰۲) معلوم کروکہ اپنی مدت پرواز میں ایک مری کا بڑے سے بڑا ارتفاع کیا ہوتا ہے اور ابتدائے کرت سے اس ارتفاع اعظم پر پہنچنے کے گئے کتبا وقت فر ہوتا ہے دفع کر کا سب سے اونچا ہوتا ہے دفعہ کا سب سے اونچا نقطہ ہے (دیکھو شکل دفعہ ۱۰۱) اب ضرور ہے کہ رمی

اس کی عمودی رفتار نقطه له پر صفر ہو گی اہزا دفعہ ۳۳ کی رو سے ۔ = راجب عد - ۲ ج × م ل

ن م او على جب عم

ا کی ارتفاع اعظم طائل ہوتا ہے فرض کروکہ ن سے ارتک کی پرواز کا وقت ت ہے، تب ظاہر ہے کہ وقت مت میں عمودی رفار س حب عم جاذبہ ارض کی وجہ سے فنا ہو جاتی ہے اس نئے دفعہ ۲۲ کی روسے۔ یہ حب غہ۔ ہے ت

ن ت = المجب عم

جس سے مطلوبہ وقت حاصل ہوتا ہے

(۱۰۵) نقطہ رقی میں سے گذر نے والی افقی سطح ستو^ی

پر مرمی کا ٹید دیافت کرد کم نیز اسکی مرت پروازمعلوم

کرو۔

جب مرمی نقطہ ن پر بہنچا ہے (شکل دفعہ ۱۱۱) تو اس کا عمودی سمت میں طے کردہ فاصلہ صفر ہوتاہے۔ اسلے اگرمت مرت پرواز ہو تو دفعہ ۲۴ (۱) کی روسے عہد ہے جہتا باستفتم

علم حركت

یک پہنچنے کے وقت کا دو چند۔ اس نمام وقت مت میں افقی رفقار کی متنقل قیمت

مرحم عدار منتی ہے دن ن علی فاصلہ جو وقت میں طے

= س محم عه × ت = المراجب عد جم عد

اسلنے معلوم ہوا کہ نئیہ ایک ایسی کسر کے جمساوی رہادہ ایک جس معاوی رہادہ ایک ایس عبودی اور افقی رفارہ

کے طامیل مرب سے دو چند کے برابر ہے اور جس

کا نسب ناج ہے (۱۰۷) مری کی مفروضہ رفار دی س کے لئے

بڑے سے بڑا افقی کئیہ در یافت کرو اور اس کے زراویہ رمی کی قیمت رمعلوم کرو۔

اگر زاویہ رمی عہ تو گذشتہ دفعہ کی روسے افتی ٹیم يرام جب عد جمعه يراجب اعد

نیز جب عدم کی قیمت بڑی سے بڑی اُسوقت مدا ہے۔ ہو گی جبکہ ۲ عمر ع ، 9°

یعنی جبکہ عہ = ۵ ہ

باستقتم علم حركت اسلتے ایک انقی سطح پرکا بید بڑے سے بڑا اس وقت ہوگا جب مرمی کی ابتدائی سمت رمی انقطہ رمی میں سے گذرنے والی افقی سطح سے ۵م کا زاویہ بنا-یس بڑے سے بڑے افقی شبہ کی مقدار کیے جب وہ یعنی <u>سماس</u> ہوگی (۱-۷) اگر رفتار رقی کی مقدار معین کردی جائے تو افقی سطح پر ایک سفروض نبیہ حاصل کرنے سے لئے مری کو پیشکنے کی بالعموم دوستیں ہونگی اور یہ بڑے سے بڑا نئیہ حاصل کرنے والی سمت سے مساوی زاومے اگر تاوید. رمی عد مو تو دفعه ۱۰۵ کی رو سے نید میل × جب ۲ عه موگا، ينزارناديه رفي المستعميدة شير الرناديه رفي المراج عمر = الم جب (١-١٦عم) = الم جب ١ عم اس سے معلوم ہواکہ زوایا ، رمی عد اور اللہ عد دونوں سے ایک ہی الفتی شیر حاصل ہوتا ہے۔ یہ سمتیں افقی اور عمودی سمتوں سے بالترتیب ساوی زاوے بناتی ہیں اور اس گئے بڑے سے بڑا شہر پیلا حرنے والی سمت سے جو افتی اور عمودی سمتون کی فیف كرتى ہے مساوى ناوئے بناتى ہيں۔ و ۱۰۸ مثال (۱) - ایک گونی ۲۰ و فث فی سیکند کی رفتار

علم حركيت

بالسينتيم

بھینکی گئی ہے اور اسکی سمتِ رمی افق کے ساتھ بہ کا زاویہ بناتی ہے تو (۱) مرمی کی بڑی سے بڑی اونجانی

در یافت کرد (۲) افتی سطح پیرکا بید ادر سیت بیرواز

معلوم کرو (۱۳) جب گولی ۷۱ ۵ فظ کی اونچانی پر مو تو گونی کی سست حرکت آور رفقار معلوم کرد

ابتدائی افقی رفتار = ٠٣٠ جم ٣٠ و ١٠٠٠ × الله على الله فَتْ فِي سِيكَتُدُاوراتِبَدائي عمودي رفيّار = ١٨٠ جب ١٣٠ عن ٢٢٠ فت في سيكناله

(۱) اگر فرض کیا جائے کہ بڑی سے بڑی مطلوب اونجانی ب ہے تو دب وہ فاصلہ ہوگا جو ایک ذرہ ، رس فٹ فی سیکنڈ کی رفتار سے بشروع ہوکر باسراع (-جی حرکت کریے ساکن ہو جانے تک طے کرے۔

٠٠٠ - ٢٠٣٠ - ٠٠٠

ن ب = بوس = ١٩٠٠ فظ

(١) أكر مدت يرداز من بهو تو من سيكند مين جو عمود فاصلہ طے ہوا وہ صفر کے برابہ ہے۔ でったーロメアソ・ニ・ホ

1. = 4r. = : :

افقی شید ید اس فاصلہ کے جو ایک درہ سر س فٹ

علم سركت باب مقتم 7.44 فی سیکنڈ کی مستقل رفتار سے ۲۰ سیکنڈ میں طے کرا = ۳۲۰×۲۰ افظ تقرباً (٣) اگر ٤٦ ٥ فت كي اونجائي پر رفتارس موه أور التو مرقی کی سمت پرواز افق کے شاتھ زاویہ طد بنائے تو ין בין פג = יץ שי - ץ א ארא פ בץ שיא אף اور کاجم طه = (۲۳ ساس) ٣--'x "" = اس لئے عل جمع سے ر = ۲۲ × ۱۱۰۶۵ = ۲۱۰۶۵ فط فی سیکند نیزعل تقیم سے 5 × 41 × = 14 = 14 = 14 > 1 طبعی ماسات سے جدول سے معلوم ہوگا کہ طہ= ١٩٥ ء بم تقریباً مثال ۲۱) - کرکٹ کا ایک گیند ۹۹ نٹ سیکنڈ کی ابتدائی رفتار سے پھینکا گیا ہے ، انفی سطح پر بڑے سے بڑا ٹیم معلوم کرو اور نیز دریافت کرو کہ کن دو سمتوں میں گیند پھینکا جائے کہ بیہ ہم، فٹ ہو؟ اگر ناویه رمی عدم مو تو شیر دفعه ۱۰۵ کی رو سے ۲×۲۹ بب عدجم عد_ ۲۹۲ جب ۲ عد 7.

علم حرکت 740 بالسيفتم بڑے سے بڑا ٹیہ اس وقت حاصل ہوگا جبکہ عدد م أكريب ١٨٨ أفط بو تو زاويه عد مساوات ذيل سے مال ١٣٢ = ١٢ جب ٢٩٢ ن جب عم = المرا = المرا = المرا = المرا المرا = المرا المر ام. لي ٣٠ = عہ = ٥٥ يا ٥٥ مثال رس ایک توپ کا گولہ ایک برج کی چوٹی سے جس کا ارتفاع ۹ہم فٹ ہے ۲۰۰۰ فظ فی سیکنڈ کی رفقار سے افقی سمت میں پھیکا گیا ہے ، (۱) اس کی مرت برواز معلوم کرو (۱) برج سے پائین سے اس نقطه کا فاصلہ دریافت کروہماں یہ زمین پر آگر لگتا ہے۔ (س) جب یہ زمین پر آکر لگا ہے اسوقت اس کی افآر معلوم كرو ر ۱) گولے کی ایدائی عمودی رفتار صفر ہے ، اس کئے

رب برداز ت سے وہ وقت تعبیر ہوتا ہے جسیں ایک جسیں ایک جسیں ایک جسیں ایک جسیں ایک جسیں ایک جسیں کا میں بلا مکلف گرکر فاصلہ وہم فط مطے کرنا ہے۔

تتلم حركت بالبمعتم اس نے وہ = ل جے اے ۱۷ سے ہ دت = کے سیکنٹر ۱۲) مرت برواز میں افتی رفتار متقل رہتی ہے اس کے پائین برج سے مطلوبہ فاصلہ=٠٢٠٪ =٠٥٠ دس کے سیکنڈ کے اختیام پر عمودی رفتار = رسی کنڈ اور افقی افتار در افتی مقار در افتی در في سيكند ہے ن مطلوب رفار = ۱۰۰ + ۲۰۰ = ۸ مر ۲۷ م = ١٠٤١٤ فظ تقريبًا مثال رہم، ایک ٹیلے کی چوٹی ہے جس کا ارتفاع ٨٠ فَتْ ہِ آیک تبخر ٨٠ فَتْ في سِکنَدُ کي ابتداني رفار سے ایک ایس سمت میں کیسکا گیا ہے جو اقی سے ، سو کا زاویہ بناتی سے کا معلوم کرد کہ پھر نین ید کهال الکیگا ؟ ابتدائي عودي رفقار ١٢٨ جب ١٠٠ يا ٢٠ فت في سیکنڈ ہے اور

ابتدائی افتی رفتار ۱۲۸ جم سو یا ۱۹۴ آسا فٹ نی
سیکنڈ ہے
فرض کرو کہ وقت مت گذر نے کے بعد پھر زمین
پر اگر گلتا ہے

مب طہر ہے کہ ک سے وہ وقت تعبیر ہوا ہے جس میں ایک پتھر جو ہم یہ فٹ فی سیکنڈ کی عمودی رفنار سے پھینکا گیا ہو باسراع (- ج) حرکت کرکے

فاصلہ (۔۸۰) فٹ طے سرتا ہے۔ ن

اسك حت عرب كند

اس اتناء میں افقی رفتار نہیں بدلتی اسلئے ٹیلہ کے ا پائین سے اس نقطہ کا فاصلہ جہاں پتھر جاکر زمین سے گرا سے علام اسلام سے اس مقطہ کا خاصلہ جہاں پتھر جاکر زمین سے

ا مثله تبری ۱۷

(۱) ایک ذرہ س فٹ فی سکنڈ کی رفقار سے ایک ایسی سمت میں بھیبنکا گیا ہے جو افق سے زاویہ ، عمر بناتی ہے ، بڑے سے بڑا ارتفاع کی مدت برواز اور افقی سطے پر کا بٹیہ دریافت کرو

°m - = ~6 4 7 = V (1) °4 - = ~6 ~ - = V (4)

°20 = 26 (94 = 0 (4) " [-2 = 64 - - 1/181

١٦) ٧ = ٠٠٠ عه = جب الم

بالبنفتم 77% و م) ایک افتی سطح مستوی بر بڑے سے بڑا گیہ دریافت کرو جیکه رفتار رقی (۱) ۴۸ (۲) ۴۰ (۳) ۱۰۰ فٹ فی سیکنڈ ہو۔ دس ایک گولی ایک بندوق سے ۱۲۰ میٹر ڈ سیکنڈ تکلتی ہے ، معلوم سروکہ زیادہ سے زیادہ یہ کہاں سک جاسکتی ہے اور اس کا ارتفاق انفظم کیا نہوگا ؟ رہم ، ۔ ایک شخص ایک پتھر کو ۸۰ میشر کی دوری تک یعنک سکتا ہے ، معلوم کروکہ پتھر کتے ہوں۔ یک ہوا میں رہتا ہے اور بڑی سے بڑی کی اپنی ٹی حاصل کرتا ہے کہ ہ یک جم نہ فٹ فی سکنڈ کی رفتار کے ساتھ ایک ایسی سمت بیں پھینکا گیا ہے جو فق سے تراويه مستام بناتي ہے ، شابت شروك يه ، د نك کی تعودی بیندی منگ بینچیگا کا اور اس کی سمت حرکت ا اقتی سے ۹۰ کا زاویہ بنائے گی جب اس کے عمودی ارتفاء رمین سے 🕫 فٹ ہوگا 🖟 فیرطایت کروکه اس کی مدت پرواز میلا - سیننگه بیوگی-رہی لیک مرمی زمین سے 9 فٹ کی لیندی سے آقی ت میں بھینگا کیا ہے اور سطے نمین سے ... نت کے افتی قاصلہ پر آکر لگتا ہے ، اس کی اشدنی آیا

449 رہ، آیک برج کی چوٹی سے جس کا ارتفاع ب ہے ایک پتھر افقی سمت میں رِفار ہا ہ جب رے ب ، معلوم کروکہ زمین پر یہ کہاں جاکر لگیگا۔ نیز زمین پر مگرانے کے وقت اس کی رفتار کیا ہوگی ہ (۸) ایک ریلوے گاڑی ۳۰ بیل فی گھنٹہ کی رفتار سے جارہی ہے اِس کے فرش پر وفط کی بندی سے ایک پیمر پھینکا گیا ہے ، جب یہ پیمر گاری کے فرش پر اگر لگتا ہے اس وقت اس کی رفار اور سمنت ، فضا میں معلوم کرو۔ (۹) ایک جہاز ۱۷ فٹ فی سیکنڈ کی رفتار سے جارہ کی سمت اور رفتار معلوم سکرو (۱) دو سیکند گذرنے کے بعد (۲) جب یہ عرضہ جہاڑ پر اکر مکرائے۔ (۱۰) ایک یلے کی چوٹی یر بس کی بندی .. مرفط ہے ایک توب دھری ہے، اس سے ایک گولہ ٨٧٥ فِي فَي فَيكُندُ كُي رِفَيَّار سِي ايك ايسي سمت میں پھیکا گیا ہے جو اِفق سے ، ۳۰ کا زاویہ بناتی ہے ، نوی میں سے گذرنے والے عودی خطمے

بإب مقتم تتلج حكيت -الله تقط كا التي قامله دريافت كرو جبال أوله نيين ين عَلَى اللَّهُ عَالَمُ عَالَمُ المائية سے ایٹرا سے ترکی محودی کی انتہا سمتوں کیا المہت اہر بلیس بیج سے اس نقط کا نصد ہے ، فت کوو بہلاں یہ میں ہے اس فقا ہے ۔ رس کے بندوق سے مولی اس سے علی تی ے کر تاہیں کے حمالے ہو تو تابت کر وہ رقابات تقيد عبد يترق كينت بياق -المال يوس سي العلى في عقار ور كره يو كيب عب قت الفيتى فيلاس كا يون بنه سے مين الكتي سبت عبد أندسك للم الإيار كا أأصد نقص ري س وہ گئے۔ (احمال) کیک شعر کیک ایسی سے تند چیئے آیا ہے ع الله سے ترمید جے اللہ ہے م اللہ علی ہے۔ س کائیے ہم سل ہے " اس کی سفار سی سفوم کوہ اہر النے الت کے سب سے المبینے تقنہ پرجوامگ

ہے اسکو بھی معلوم کرو (۱۵) ایک بهی نقطهٔ سے دو گینید ایسی دو سمتوں یں کھنکے گئے ہیں جو افق سے ۲۰ اور ۳۰ کے ناو بناتي بين ، إگر وه دونون ايك بى اونجائي تك ينجين تِو أَنِي آبتدائي رفتار ون كي نسبت دريافت كرو اگر اُن ر دونوں کا افقی ٹید ایک ہی ہو تو یہ نسبت کبا ہوگی ؟ (۱۲) ایک ذرہ کی رفتار جب یہ بڑی سے بڑی اونچائی پر ہو اس رفتار کا آآ ہوتی ہے جب یہ بڑی سے بر ہو اس کروکہ سے بری اونچائی کے تصف پر ہو ا ثابت کروکہ (١٤) زاوية رمى دريافت كرو جبكه ايك افقى سطح بركا شیر مری کے ارتفاع اعظم کا (۱) س ۲۲) س اس گن ہو۔ (۱۸) اگر ایک دره نید کے مساوی فاصلہ بلا تکلیت ینے گرنے سے استدر رفتار حاصل کرنے جو ذرہ کی ابتدائی رفار رمی کے مساوی ہوتو زاویہ رمی دریافت ایک سط مائل افق سے زاویہ بہ بنانی ہے ، اس سے ایک نقط

ایک سط مائل افق سے زاویہ بہ بنائی ہے ، اس سے ایک تقطے سے ایک تقطے سے ایک درہ رفتار س کے ساتھ ایک ایسی سمت بیں بیصینکا گیا ہے جو سطح مائل پر کے عاد اورخط میلان اعظم بیصینکا گیا ہے جو سطح مائل پر کے عاد اورخط میلان اعظم

علم حرکت باب فیم س سے گذرتی ہے، اگر فرہ کا آدادیہ رمی عمر ہو تو سطح مائل پر کا شیہ دریافت کرو۔ ارض کروکہ سطح مائل پر کا شیہ ن تی ہے، سمت رمی ن ط اور تی ل ، ن میں سے گذر نے والی افتی سطح پر

2/2/2

رفار کا ابتدائی جزء ترکیبی ن ق کی عودی سمت میں اسراع می جب (عد بر) ہے افد اس سمت میں اسراع رج جم بد ہے فرض کروکہ ذرہ کو ن سے ق شک جانے میں وقت ن میں فاصلہ سطے کردہ ن ق کی عودی سمت میں صفر ہے۔ ن ق کی عودی سمت میں صفر ہے۔ ن ق کی عودی سمت میں صفر ہے۔ اسلنے ، = راجب (عد بر) بدت رہ ج جم بد بدت ا

اسلنے مت = ہم من جب رعب ہے ا اس اتنا میں افتی رفار سم عمر مستقل رہتی ہے ا

علم حرکت

اسلے ن ل = رحم عد × ن نسب بید ن تی = ن ل = راجم عد × ن = بارا جمعتب اعب ا (۱۱) برے سے بڑا کید وہ سمت رمی دریافت کرد جس سے سطح مائل پر بڑے سے بڑا بید طاصل ہو اور نابت کرد کہ کسی ایک مفروضہ ٹید نے میں

کو بھینگنے کی دو سمنیس ہیں جو بڑے سے بڑے تیے دالی سمت سے مساوی زادے بناتی ہیں-گذشتہ دفعہ سے مٹیم

 $= \frac{1/3!}{7} \frac{7}{7} \frac{7}{7} \frac{7}{7} \frac{7}{7} \frac{7}{7} \frac{1}{7} \frac{1}{7$

جب (م عد - بد) بڑی سے بڑی مو یا حبکہ م عد - بد = اللہ اس صورت بیں عد - بد = اللہ - عد

یعنی زاوئے طن تی اور طن هم مساوی ہیں۔ اسلئے بڑے سے بڑے سٹیہ والی سمت ، عمودی مت اور سطح مائل کے درمیانی زاویہ کی تنصیعت کرتی ہے۔

نیز بڑے سے بڑا شہ = ج جہا بہ (۱-جب بہ)

= جرابی = جرابی = جرابی

علم حركت بالبهمم 777 نز (۱) کی رو سے ٹیہ بزاویہ ارتفاع عم وہی ہو گاجو شِهُ بَرَاوِيهِ ارتفاع عم ہے ار جب (۱عم - به) = جب (۱عم - به) يعتي اگر ۲عم - به = ۱۱ - (۲عم - به) يتني اگر عم = 🌐 + به - عه یعنی اگر عم – $(\frac{7}{7} + \frac{11}{7}) = (\frac{7}{7} + \frac{11}{7}) - عم$ نیکن زاویہ ارتفاع ہے + ہے سے بڑے سے بڑا ٹیہ فاصل ہوتا ہے ؟ اس نے سطح مائل پر کوئی مفروضہ ٹیہ حاصل کرنے کے لئے مرمی کو بھینگنے کی دو سمتیں ہیں اور یہ سمتیں سطح برمہ بڑے سے بڑا بٹیہ رکھنے والی سے سے ساوی زاوعے بناتی ہیں۔ ااا۔ مثال (۱) ایک سطح مائل کے یائین سے جبکا چڑھاؤ ۲۵ میں کے ہے ایک کوئی . . ید فط فی سیکنڈ کی رفتار سے (۱) سطح مائل کے اوپر کی طرف (۲)سطح کے پنچے کی طرف ' ایسی شمت میں پھنیکی گئی ہے جو افق سے ، ہر صورت میں سطح پر کا رئید افت کرو۔

ع برکا شیہ دریافت کرو۔ فرض کرو کہ سطح کا میلان بہ ہے یعنی مرب بہت ہے اور جم بہ = سم

علم حركت بالبيقتم (۱) دفعه ۱۰۹ کی روسے ، شیر صورت اول میں (<- PT x) 20... = (PT 2-44) PT 70 x P7... = = ۵۰۲۲ فط تقریباً (١) سطح مائل كي عمودي سمت مين ابتدائي رفقار س جب (١٠٠ به) اور اسراع - ج جم بہ ہے ، اسکتے مرت پرواز هے فی م مر جب (۳۰+ب) ہے ، اسلنے اگر شیر ط ہوتو دفی ا کے مواقق مط جم بہ = را جم ۳۰ x س

ن ب = ۲ ح جم به

= <u>۱۰۲۵ (۸ ۱۳۲</u> +) جیسا (۱) میں = ۱۵۲۷۵ فٹ تقریباً انعباه اگر ضابطہ دفعہ ۱۰۹ میں بہ کی جگہ (- بہ) رکھ ویا جائے تو سط ان کے نیجے کی طرف کا ٹیر حاصل ہوگا اور وہ پہر ہے ۲ / ۲ × جم عه جب (عد+بد)

مثال (۲) سابق مثال میں بڑے سے بڑا نیبہ دریافت کو زاوية رمى عد لازماً = الراب المله الرابي عد لازماً = المرب المله المرب المله اس صورت میں شیہ = ججم ایہ

= ۲۵×۳۲۰۰۰ = ۸٤٨٩ فط تقريبًا

اسی طرح سے سطح مائل کے پنیجے کی طرف بڑے سے بڑا ٹیہ نوا ہے ایک مینی ۱۵۲۲۵ فط ہوگا

مثال رس ایک سط ائل کے پائین سے جو افق کے ساتھ زاویہ بہ بناتی ہے ایک ذرہ ایسی سمت میں پھینکا گیا ہے جس کا میلان افق سے عمہ ک ثابت کرد کہ اگر جم بہ ہے بامس (عمد به) تو ذرہ سطح مانل کو زاویہ خائمہ بر آگر لگیگا۔

فرض کرو۔ کہ رفار رمی س ہے۔ اسلتے سطح ائل کے

علمه حركت m port متوازی راتبدائی رفتار کا جزء تخلیلی س جم (عه - به) میجه اور سطح کی عمودی سمت میں رفتار کا کیزہ تحلیلی مجب (عدیم) ہے۔ ان دو ستوں بین اساع - جب بہ اور ج جم بہ ہو تب دفعہ ۱۰۹ کے مطابق ذرہ کو جو دقت ت سطح سے دو بارہ ملنے میں لگنا ہے وہ بار جب (عد - بد) ہے۔
اگر ذرہ کی سمتِ حرکت اس آن بیں جب یہ سطح پر اگر کارائے سطے پر
عمود وار ہو۔ تو اسکی رفار کا جو جزء تحلیلی اس آن میں سطح کے متوازی ہوگا وہ صفر ہوگا۔ اس لئے س جم (عد - بر) - ج جب بہ × ساء۔ ن عرجم (عد - به) = ت = عرب (عد - به) : برجب (عد - به) = ت عرب الم ن مم بہ = المسس (عبہ - به) ۱۱۲- ایک سطح مال پر حرکت بے ایک ذرہ لیک چکنی سطح آئل پر حرکت کرتا ہے۔ جو افق سے ناویہ بہ بناتی ہے۔ اگر ذرہ سطح پر کے ایک نقطہ سے رفار س نے ساتھ ایسی ست یں پیسکا گیا ہو جوسط ائل اور افقی سطح کے خط تقاطع سے زاویہ عد بنائے۔ تو ذرہ کی حرکت دریافت کرو۔

. . .

علم حرکت ۲۸۸۲

Japane je

بابتهمنم

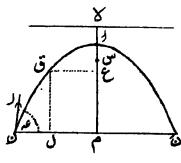
قوت جاذبہ اس کی وجہ سے جو اسراع بیدا ہوتا ہے۔ اشکو دو اجزائے ترکیبی میں تحلیل کرو ' ایک تو ج جب بہ بو خط سیلان اعظم کے متوازی کے اور دوسارج جم بہ جو سطح ماکل پر عمود وار ہے۔ یہ دوسر اسراع سطے کے تعامل کی وجہ سے بے اثر یا ضائع ہو جاتا ہے اسلنے ذرہ سطح مائل پر صرف اسراع ہے جب بہ سے مرکت سروا ہے خط میلان اعظم مرکت سروا ہے خط میلان اعظم کے متوازی ہے۔ پس اس صورت میں حرکت کی تحقیق اسی طرح سے ہو سکتی ہے جیسے دفعات ۱۰۱ تا ۱۰ میں ہوئی ، فرق مرت اتنا ہے کہ ہیں اسراع "ج "کو "ج جب بہ" میں کیل دینا جائے۔ اور دنعمودی فاصلوں "کی بجائے ان فاصلوں سے مراد لینی جا سیئے۔ "جو سطح مائل پر خط میلان اعظم کے متوازی نانے گئے ہوں" امتعلم منبری (مال) (1) ایک سطح مانل افق سے .سو کا زاویہ بناتی ہے،

باب مقتم علم حرکت 479 اس کے پائین سے ایک ذرہ سیکنڈ میں ۲۰۰ فٹ کی ابتدائی رفتار سے ایک ایسی سمت میں یھینکا گیا ہے۔ جو افق سے زاویہ ۹۰ کا بناتی ہے ، سنطح مائل بکا عليه اور مدت پرواز دريافت كرو (م) ایک سطح سے پائین سے جس کا میلان ۳۰ ایک ذرہ رفتار من سے ساتھ ایسی سمت میں بھیدکا گیا ہے جو افق سے 20° کا زاویہ بنائی ہے ، معلوم کرو کہ ذرہ سطح کو کہاں جاکر لگیگا ، سطح آل پر ذرہ کا بڑے سے بڑا شیہ دریافت کرو۔ (۳) ایک ذرہ ۱۹۴ فٹ فی نانبہ کی رفتار سے ایک ایس ایسی سمت میں بھینکا گیا ہے جو افق سے ہم کا زاویہ بناتی ہے ، ایک ایسی سطح مائل پر اس کا تلبہ اور مرت برواز دریافت کرو جو اُفق سے ۳۰ کا زاویہ بناتی ہے، ساتھ ہی اس کا بڑے سے بڑ شیہ سطح مانل بیر در یافت کرو (س) آیک فره ۸۰ ۱۲ فط فی شانیه کی رفتار سے ایسی سمت میں پھینکا گیا ہے جو افق سے ۵م کا زاویہ بناتی ہے، ایک ایسی سطح مائل پر جس کا نداویہ میلان افق کے ساتھ جب اسلے ہائل پر جس کا ٹیم دریافت افق کے ساتھ جب آہے ہے اس کا بیہ دریافت کرو جب یہ بالترتیب سطح کے (۱) اوپر کی طرف (۲) نیچ کی طرف کیھینکا گیا ہو۔

70. (۵) ایک بندوق کی گولی کی رفتار رمی درم فط فی تابنیه ہے ، ذیل کی مائل سطوں میں سے ہرایک پر اسکا بڑے سے بڑا شبہ اور مدت برواز دریافت کرونسطونے زوایاءِ سیلان آفق کے ساتھ (۱) ۵م (۲) ۲۰ (س) جب الله (مه) حب الله الله الله الله مستوى (۱) ايك نطح مستوى (۷) ايك ذره خاص رفعار كے ساتھ ايك سطح مستوى یر پینکاری ہے، اس کا بڑے سے بڑا شہر اس سط ير ... ه گر ہے ، اس كا بڑے سے بڑا شبر ايك ایسی سلے پر دریافت کرو۔ جس کا سلان اُنقی سے مہم ہو۔ ساتھ ہی جب ذرہ سطح مائل کے نتیجے کی طون پھینکا گیا ہو اُس صورت میں اس کا بڑے سے بڑا شيه دريافت كرو-دی ایک معلومہ رفتار رمی سے سطح ستوی پرایک اوید کی طرف اور نیمے کی طرف بالزئیب بے ۱۹۹۶ اور ۲۰۰۰ میٹر ہیں -(۸) ایک سطح اِفق سے زاویہ (۱) ،سو (۲) ، ہو نباتی دم) ایک سطح اِفق سے زاویہ دا) ،سو دی دی ۲۵ میٹا

ہے ، آس پر کے ایک نقطہ سے ایک ذرہ ۲۵ میشر فی نانیہ کی رفتار سے سطح کی عودی سمت میں بھینکا

401 کیا ہے ، دونوں صورتوں میں سطح پر کا ٹپ دریافت سر اسہ ایک ذرہ ہوا کے اندر رفتار معلومہ کے ساتھ ایک مفروضہ سمت میں پھینکا گیا ہے ، ثابت کروکہ اس کا طریق قطع مکافی (شکجی) ہے۔ دفعہ ۱۰۱ کے موافق فرض کرو کہ رفقار رمی س ہے ، زاویہ رمی عد ، افقی شید ن ن اور طریق کا سبسے اونیا نفطه او ہے اور او م ان ف یر عمود ہے ا تت دفعہ ہم، آئی رو سے ر م = الماجيات . نیز ن م = اس افتی فاصلہ کے جو وقت کیجب عمر میں طے ہوا ي الإجباعه جم عم فض کرو کہ ذرہ سے طریق پر کوئی نقطہ تی ہے، اور رئم ان ف يرقع أورق ل بالرتيب عود بي-فرض کرو کہ ن سے ق سک کی پرواز میں وقت م



علم سركت بابمقتم 404 تب ق ل= اس عمودی فاصلہ کے جو وقت ت بیں طے ہوا = رجب عه ×ت - ل بح ت (۳) ---- (۳) اور ن ل = رجم عد × ت (۴) اسلتے (۱) اور (۳) سے 13=19-30=19-30 = المراجب عمر ×ت - لرجب عمر ×ت - لرج ت) = الم المجانعة - ت) ا ساتھ ہی (۲) اور رمم) سے ق ع = ن م - ن ل = رابب عرجم عه -راجم عه × ت = المجم عه (المجب عه - ت) عقع عادم عد (المجب عدد تراجم عد × مروع عدد مروع ا = 44.2/3 × 63

ر س کو شاق لی سمت میں کا جماعی کے ساوی نابو س کا عاتب س کا جماعی کے ساوی نابو س می عاتب س کو سی بدار ع یا قطع مکافی کہتے ہیں۔ اسلئے تی ایک ایسے قطع مکافی پر واقع ہے حبکا محور عمودی ہے ، جس کا راس ار ہے اور جس کا وتر خاص

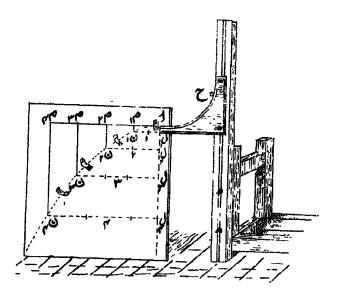
= 4 6 m = 401 5 4 3 m

ملیجم صریح (۱) اس سے معلوم ہوگا کہ قطع مکافی کا وتر خاص یا دوسرے الفاظ میں اس کا ناب ابتدائی رفتار کے صرف افقی جزء تحلیلی پر مخصر ہے اور عمودی جزء پر منحصر نہیں ہے۔

جزء پر منصر نہیں ہے۔ میریجہ صریح (۲) ماسکہ س کا ارتفاع ن میں سے گزرنے والے افتی خط سے = س م = ارم - اس

افقی خط سے نیچے واقع ہوگا۔
سم اللہ شابت کرو کہ طریق کے کسی نقطہ پر ذرہ کی رفیار مقلار کے ساوی ہوتی مقلار کے ساوی ہوتی ہوتی ہے جو وہ مرتب سے نقطہ مرکور تک شاقولی سمت میں

باسيعاتم TOM بلا تکلف گرنے سے عاصل کرسکتا ہے۔ وفعہ سرور کی شکل میں م لو کو کی رنگ اتنا خارج کروکہ الرا اوس کے مساوی البوالاک کو افقی سمت میں کیپنو ' شرکا کرتب ہوگا۔ اگر تی برکی رفقار س ہو تو دفعہ ۱۰۲ کی روسے اگر تی برکی رفقار س ہو رًا = (ر جب عد - ج ست) + (ر جم عد) "= 1-17 = + = x = + = = = اج [المرّ - (رجب عدد ت - الم ج ت ً)] يكن م لا = م ز + ولا = م ز + ولا = م خ + م عه = م ا اور م ع = ق ل = رجب عد بدت - أج حت : ترا = اج [مه-مع]= اج بدع لا . ترا = اج مع الله الله أن رفار مع ساوى ب جو ذره مرتب سے نقطہ قی مک شاقولی سمت میں بلا تکلف کرنے سے حامل کرتا ہے۔ 11۵۔ اِس مسلم کا تجربی ثبوت کہ ایک مرمی کاطلِق لع مکافی ہوتا ہے فرض سرو کہ ایک منحنی شختہ اِرح پر ایک نالی یا چوکا قطع مكافى بهوتا بنادی مکنی ہے جس میں سے ایک چھوٹی گولی نیجے کی طرن لڑکم سکتی ہے، اس کو ایک عمودی شخہ ساہ



باب مفتم علم حركت 104 بڑی احتیاط سے گولی کو ہمیشہ اسی نقطہ سے سے چھوڑنا چاہئے بہر ایک منحنی او ن ن ن منتقب کھینچو جو ان حلقو مرکزوں میں سے گذر ہے ، اگر بہت سے حلقے تھیک طور پر اپنے اپنے مقامات پر لگائے گئے ہوں تواس منی کا صرف ہاتھ سے کینے لینا آسان ہوگا۔ عمودی خط ن میں کن میں کن میں میں دی۔ کینیجو جو ا میں سے گزرنے والے افقی خط کو م، م، م، م، ... فاصلے اوم، وم، اورن م، دن م، دن ایو تب رم، رم، رم، رم، الممان من کے مربع لینے اور آنکو بالترتیب بن م، دن م، دن پر تقییم کرنے سے معلوم ہو گاکہ ہر صورت میں قریب قریب نیتجہ دہی، اسلئے معلوم ہواکہ منحی کے کسی نقطہ ک کے لئے اُرم اُ منتقل ہے یعنی <u>ک لئے</u> ستقل ہے۔ ا سلتے ن لا ایسے براتا ہے جیسے ال لیکن یہ قطع مکافی کی بنیادی خاصیت ہے ا سلئے منحنی مذکور قطع مکافی ہے اگر ہم گونی کو نالی کے کسی اور نقطہ ح سے چھوڑیں تو بمي يهي نينجه واصل بوگا - ليكن ابتدائي نقطم ح كامقاً برانے سے شامی کی شکل میں تغیر واقع ہوگا۔ اگر منحنی شخمہ کو اس طرح ترتیب دیا جائے کہ نالی کے

نقطہ آ پر گولی کی سمت متوازی الافق نہ ہو۔ تو بھی اسی طرح سے ہم نابت کر سکتے ہیں کہ خواہ گولی کسی سمت میں کسی رفتار سے بھینکی گئی ہو اس کا طریق ہمیننہ قطع مکافی یا سنجی ہوگا۔

امتثله نمبتری ۱۹

(۱) چاند پر کوئی کرہ ہوائی معلوم ہنیں ہوتا اور چاند پر کی قوستِ جاذبہ مقدار میں جاذبۂ زمین کی نسِبتِ بقدر ہے کے کم ہے ، اگر جاند پر کے ایک قلعہ کی توپسے ١٤٠٠ فِتْ فَيْ سِيكُنْدُ كَي رَفْنَارُ سِي كُولُدُ فِيكِ _ تَوْ مَعْلَمِي كروكم طك كاكتنه حصه اس توب كي زدين موكاب (٢) ایک شینس کا گیند ۸ فٹ کی بلندی سے پھینکا كيًا ہے ، يه جال كو ايك ايسے نقط پر مس كرتا ہ جس کی بلندی س فٹ س ایج ہے اور دوسری طرف جال سے ۱۱ فیٹ سے فاصلہ پر جا کے پڑتا ہے ،جال نے پائیں سے گیند تھینکنے والے کا افقی فاصلہ وس فٹ ہے ، ثابت کرونکہ گیند کی افقی رفتار ا، افث فی ثانیه سے اور زاویہ رمی دریافت کرو۔ رس ایک سطح مائل آفق سے رس کا ناویہ بناتی ہے اور اس کا طول ۲ فٹ ہے، 6 ایک ذرہ سطی پر سینعا

ثيلم حركت بالتبعثم TOA اویر کی طرف ۱۹ فٹ فی سیکنڈ کی رفقار سے پھینکا گیا ہے، سط کو چھوڑ نے کے بعد ذرہ کا بڑے سے بڑا ارتفاع معلوم کرو اورسطے کے پائین سے گذرنے والی افتی سطح پر اس کا شیه دریافت سرو-رس ایک گوین کے ایک پتھر ایک افقی دائرہ میں جس کا تصف قطر س فط ہے اور جس کا ارتفاع زمین سے وف ہے کیساں رفار سے کھاکر پھینکا گیا ہے اگر گوین دو سیکند میں ۲۱ گردشیں کرے تو گوین سے چھنے کے بعد یقمر کا ٹیے سطح زمین پر دریافت کرو۔ زہ) دو تویوں کے منہ ایک دوسرے کے عین ساتھ ہیں اور اُن کا درمیانی فاصلہ ۱۰۰ فٹ ہے ، ایک کی سمت کا زاویہ ارتفاع ،۳° ہے اور دوسری کا زاویہ انخفاض اتناہی ہے ، اگر گونے تو یون سے بالترتیب مدار اور ۹۰۰ فظ فی سیکند کی رفتار سے نکلیں ا معلوم کرو کہ وہ کب اور کس جگہ ایکدوسرے سے ملینگے۔ (1) ایک شے نقطہ رقی میں سے گذرنے والی سطح انتھی میں واقع ہے ، اگر زاویہ ارتفاع عد کے ساتھ اس کا نشانه کیا جائے تو مرمی ال فٹ کم رہ جاتا ہے اور اگر مرمی کا ارتفاع بہ ہو تو یہ ب فٹ آگے چلاجاتا ہے عابت کرو کہ آگر ہر صورت میں رفقار رقی ایک ہی ہوتو صيح ارتفاع إجب الجب ببهب بعد المولاء

جو آیک دوسرا ذرہ محل شکون سے پہلے ذرہ کی مرت پرواز میں بلا تکلف گرنے سے طے کرے تو سطح کا میلان افق سے دریافت کرو۔
میلان افق سے دریافت کرو۔
(۹) ایک سطح مائل پر کے ایک نقطہ سے دوجسمرابک

ہی رفآر سے ایک ہی سطح عمودی میں پھینکے گئے ہیں اور انکی سمتیں ایک دوسرے سے زاویہ فائمہ بناتی ہیں ایک دوسرے سے زاویہ فائمہ بناتی ہیں ثابت کروکہ آن کے بیوں کا فرق مستقل ہے۔

(۱۰) ب فٹ بلند پہاڑی پر دشمن کے مقام کا زاویہ

(۱۲) جب سے بعد ہاری پر رسی کے سام کا رادی استار التفاع بہ ہے انتہائی سے کم نابت کرو کہ اس پر گولہ باری کرنے کیلئے مرمی کی ابتدائی رفتار ہا جب (۱+ قم به) سے کم نہیں ہونی چاہئے۔ جونی چاہئے۔ (۱۱) ثابت کرو کہ نقطہ رمی میں سے گذرنے والی ایک سطح

(۱۱) منابت کرو کہ نقطہ رخی ہیں سے گذر کے والی ایک منظم مائل پرکا بڑے سے بڑا شبہ اس فاصلہ سے مساوی ہے جو ذرہ اس پٹ کی مدت پرواز میں بلا منکلف گینے سے طے کرے گا۔

ے کرے گا۔

(۱۲) ایک ذرہ ابتدائی رفاد کی سے پھینکا گیا ہے ، اور نقطہ رمی میں سے گذرنے والی ایک سطح مائل کو زاویہ قائمہ پر اگر لگتا ہے ، اگر سطح کا میلان افق سے بہ ہو تو ابت کرد کہ نقطہ رمی میں سے گزرنے والی افقی سطح پر اس نقطہ کی بلندی جہاں ذرہ سطح ان سے جانے مسطح پر اس نقطہ کی بلندی جہاں ذرہ سطح ان سے جانے کا میر اس نقطہ کی بلندی جہاں ذرہ سطح ان سے جانے کا اس برواز کا ان برواز کا اس برواز کی اور مرت برواز

عرب ہے اور نقطہ رمی میں سے گذرنے والی مرابہ سے بر ذرہ کا ٹیر افتی سطح پر ذرہ کا ٹیر

جو ٹانیوں کی تعداد ہے ایکے مربع کا بارگنا اُن فٹونگی تعداد کے ساوی ہے جو خط مرمی کے سب سے اوپنے نقطے کی لمبندی میں ترب -

رس ایک مرمی کی بڑی سے بڑی بلندی نقطہ رمی میں سے گزرنے والی افقی سطح سے دب ہے اور زاوی رافت کا باہی وقت دریافت زاویہ رمی عہ ہے ان دو آنوں کا باہی وقت دریافت

بأب يمقتم کرہ - جن میں مرمی کی بلندی ب جب عمر ہو (۱۵) ایک بندوق چلاسنے کے وقت ایک جسم ایک غارہ سے بلا تکلف کرنے کے لئے چھوڈا گیا ہے، معلوم کروکہ بندوق کی سمیت کیا ہو کہ گونی جسمت گزا ہے۔ اگر عبارہ کی بلندی ۲۲۰ گز جو اور نقطهٔ رمی اسے غیارہ کا ارتفاع ۳۰ مو اور گولی کی رفقار رمی ۱۳۲۰ فت فی سیکند موتو جہاں گولی اور جسم گرائے ہیں اس نقطہ کو معلق کرد (غبارہ ساکن ہے)۔ (۱۲) دو ذرے ایک ہی آن میں پھنکے گئے ہیں۔

ایک بزاویہ ارتفاع ۹۰° رفقار بیک کے ساتھ اور دوسرا ایک چکنی سطح مائل پر جو افق سے زاویہ ۳۰۰ کابناتی ہے رفار س کے ساتھ کا ثابت سرو کہ آن فرکورسے اللی شایروں کے بعد ڈرسے بلحاظ لیک دوسرے سے ساکن ہوں گے۔

(۱۷) ایک گاڑی کے اگلے اور کھلے پہوں کے نصف قطر أ اور ب ہیں ، اور أن كے دعروں كا درمياني فاصلہ ﴿ بِ ، تمثى كا ايك ذره يجيلے بہيے كے سب سے اونچے نقطہ سے چھٹ کہ ایکے پہنے کے سب سے اونیے نقطہ پر آکر پڑتا ہے ، ثابت کروکہ گاڑی

کی رفار (د+ب-t) (د+ار-ب) ج ہے سرب دان

ا (۱۸) اگر ۱۰ پونڈ بارود ۱۸ پونڈ کے ایک گولے میں ۱۹۰۰ افٹ فی سیکنڈ کی رفتار پیدا کر سکے ۱ اورکولے کی نوا نائی بالقوہ بارود کی مقدار کے متناسب ہو۔ تو معلوم کرو کہ اسی گولے کو بارتفاع ۱۵، ۳۰۰۰ گزشک بحضی نے میں کتنی بارود درکار ہوگی ؟
بیسیکنے میں کتنی بارود درکار ہوگی ؟
(۱۹) ۲ پونڈ کی محبیت کا ایک جسم ۲۰ فٹ فی سیکنڈ

کی رفتار سے ایسی سمت میں بھینکا گیا ہے ، جو افق سے ، ہو افق سے ، ہو افق اور جسم اسی وقت اسی نقطہ سے ، ہم فٹ فی سیکنڈ کی محبت کا ایک اور جسم اسی وقت اسی نقطہ سے ، ہم فٹ فی سیکنڈ کی رفتار سے بارتفاع ، ہو بھینکا گیا ہے ، جس بلندی میک اس کو میک اس کا مشترک مرکز تقل بہنچ سکتا ہے ، اس کو دو مرتبہ کے اعتاریہ میک دریافت کرو اور جہاں یہ مرکز تقل نقطہ رمی میں سے گزر نے والی افقی سطح سے تقل نقطہ رمی میں سے گزر نے والی افقی سطح سے

من عصر من میں سے مردے رہی میں ج سے مان ہے اس نقطہ کا فاصلہ معلوم کرو۔ (۲۰) ایک ریل گاڑی ۲۵ میل فی گفتہ کی رفتار سے

جارہی ہے ' اُس میں کا ایک مسافر ایک گیند کو عمودی سمت میں ۱۲ فٹ فی سیکنڈ کی رفتار سے بھینکنا ہے ' گیند اسی گیند کے طریق کا وتر خاص معلوم کرو۔ اگر گیند اسی رفتار سے ۔ 4 کے نداویہ پر (۱) گاڑی کی حرکت کی سمت میں بھینکا جائے تو سمت میں بھینکا جائے تو سمت میں بھینکا جائے تو

عین گذر جاتا ہے ، ہر ایک دیوار کی بلندی او ہے اور ان کا باہمی فاصلہ ۱ اور ہے ، ثابت کرد کہ طریق کا وتر خاص ۱ اور دیوا روں پر سے گذرنیکا وقت ۲ راجہ ہے۔

(۲۵) تابت رو که آن سب سود رق ک میر روی که از در در نقاط معلومه میں سے گذرتے ہیں قطع زائد (زولی) ہے۔

(ہُلولی) ہے۔ (۱۷۹) اگر ایک مرمی کو اپنے طریق کے نقطہ ن پر پہنینے میں وقت من صرف ہو، اور ن سے اس افتی سطے میں وقت من صرف ہو، اور ن سے اس افتی سطے

ک جانے میں جو نقطہ رقی میں سے گزرتی ہے وقت منے کئے تو خابت کرو کہ نقطہ ک کی لمبندی افقی سطے سے

ل ج ت مت ہے۔ (۷۷) اگر شلجی طریق سے کسی نقطہ پر ایک ذرہ کی رفتار رب ہو اور اس سی سمت حرکت کا سیلان افق سے طہو

ر نہو اور اس تی سمتِ حرکت کا میلان افق سے طہو تو نابت کرو کہ وقت سے بسے کے بعد ذرہ کی سمتِ حرکت بہلی سمت سے زاویہ قائمہ بنائے گی۔



(۱۱۹) اگر ایک کانچ کی گوئی ایک شخص کے ہاتھ سے سنگ مرم سے فرش پر گرے تو وہ اچھی خاصی دور منگ تقدیباً اس کے ہاتھ شک اچھلتی ہے۔ اگر وہی گوئی لکڑی سے فرش پر گرے تو بہت کم دور اچھلتی گوئی لکڑی سے فرش پر گرے تو بہت کم دور اچھلتی

اگر ہم دو گو نے لیں ایک کانچ کا اور دوسرا ہاتھی دانت کا بلیرڈ کھیلنے کا گولہ اور دونو گولوں کو ایک ہی بلندی سے فش پر گرائیں تو دونو ایجل کر مخلف بلندیوں مک جائیں گئے۔

اگر ہم سیسے کی گولی اسی بلندی سے اسی فرش پر گائیں تو وہ کانچ اور ہاتھی دانت کے گولوں سے بہت کم اچھلے گی جس وقت یہ جسم فرش پر پہنچتے ہیں اس وقت ان

علم حركت سب کی رفتاریں تو ایک ہی ہوتی ہیں۔ نکین چونکہ وہ ایمل کر مخلف باندیوں سکب جائے ہیں اس نے جس وقت یہ جسم فرش سے عُکارِکر اوپر کو جانا شروع م كرتے ين اس وقت أن كى رفتارين مخلف جوں گا۔ جموں کی یہ خاصیت جس کی وجہ سے فرش سے مرانے سے بعد ان کی رفتاریں مختف ہوتی ہیں ان کی سی کہلاتی ہے۔ آس باب میں ہم لیکدار جموں کے تصادم کی آسان صورتوں پر غور کرینگے یعنی ہم صرف ایسی صورتوں پر دو جمول کی تمریز تضادم اس تسييعي كلمريز تضارم رست كملاتي ب جب ان کی حرکت کی سمت ان کے نقصہ تماس پر کے عاد مشترک کی سیدھ ٹیں بند ان کی مکر کو ٹیٹرھی ٹکر یا تصادم کی س عورت ہے اللے ور بب ن یں سے کے ک ک یا دونوں ک ورا کی سمت ن کے نقصہ تاس نہ کے مشترک عاد کم اس سُنْرِکُ عاد کی سمت کو خط تصادم سے ہیں۔

وو کروں کی صورت یں ان کے مرکزون کا خطول ان کا عاد مشترک ہے۔ ١١٨- يوش كا شيرني قانون - يوش نے بنيے تجربہ معلوم کیا کہ اگر دو جسم سیدھے ظرائیں تو گرسے پہلے کی اضافی رفتار اور شکر کے بعد کی اضافی رفتار دو نو کی نسبت ایک مقدار ستقل ہوتی ہے اور دو او کی سمتیں ایک دوسرے سے متقابل ہوتی ہیں۔ (دفعہ ۱۵۱ میں اس عجربہ کا بیان ہے) اگر تجسموں کی عکر ٹیٹر ہی ہو تو اگر عکر سے پہلے اور عکم کے بعد عاد مشترک کی سمت میں ان کی اضافی رقارہ کے جزء تعلیلی یہنے جائیں تو ان تعلیلی جزوں کی نسبت أيك مقدار مستقل الله اورية جزو شقابل سمتوري ہوں گئے۔ اس منتقل نسبت کا انصار جسموں کے مادوں کی قسمو ندر سد پر ہے ان سے مادوں کی مقدادوں پر ہیں ہے۔ اس سنول سے تعبیر سرتے ہیں اور نیہ کیک کی قدر اگر کر سے بہلے دو جسموں کی رفتاروں سے اجزاء تحلیلی ان کے مشترک عاد کی سمت بین (دیکیموشکل دفعہ ۱۲) ب اور ب ہوں اور عکرے بعد رفتاروں کے اجراء

744 علم حركت تعلیلی اسی سمت میں له اور لهٔ مون تو قانون کا په مطلب که یہ تجربی قانون اس طح مجی بیان ہو سکتا ہے رفقارِ تباعد = رفقار تقارب کال کن جهال بردونو رفتاریں دونو جسموں کے نقطہ تصادم پرسے مشترک عادتی سمت میں نابی جاتی ہیں۔ دفعہ ۱۲۲ کی مثال میں بائیں باتھ کا کرہ دہنے ہاتھ کے رے سے مکرانا ہے اور رفتار تقارب ب- ب ہے۔ مکرسے بعد دہنے باتھ کا کرہ دوسرے سے علیحرہ ہوتا ہے اور رفتار تباعد ر ۔ ل ہے تو اس قانون کے دوسرے بیان دعوے کے بموجب (ビーレー) リーノーブ یہ بعینہ مساوات (۱) ہے مخلف جسمون کی صورت میں ل کی قیمتوں میں بہت اخلاف ہوتا ہے۔ کانچ کی گولیوں کی صورت میں ل م 9 ، ہے۔ اتھی دانت کی گولیوں کی حالت میں ل ١٨١ ہے - كاك كى گوليوں كے لئے ل ١٩٥٠ ہے-ڈھے ہوے لوہے کی گولیوں کے گئے 197 اورسیے كى گليوں كے لئے ١٠٠ - اور اگر ايك كولى سے كى ہو اور دوسری رو ہے کی تو ل کی تیبت سار ہوگی۔ جن جموں کی صورت میں کیک کی قدر صفر ہو

449 وہ بے سیک کہلاتے ہیں۔ اور جن جسموں کے لئے کچک کی قدر ایک ہے وہ کامل طور پر کیکدار کہلاتے ہیں ۔ لیکن اس عالم میں غالبًا ایسے جسم ہنیں ہیں جو بانکل ہے لیک ہوں یا کائل طور پر لیکدار ہوں۔ ان رِجسموں کی تقریبی مِثالیں موجود ہیں مثلاً بٹین اور گندھا ہوا آتا تقریباً ہے کیا ہیں اور کانچ کی گولیوں میں تقریباً کامل کیک ہوتی ہے۔ ریادہ احتیاط سے تجرب کرنے سے یہ نابت ہوا ہے کہ کرسے پہلے اور ٹکر کے بعد کی اضافی رفتاروں کی نسبت ایک بانکل مستقل مقدار نہیں ہے۔ بلکہ جب جسوں کی رفتار تقارب بہت زیادہ ہوتی ہے تو اس میں بہت خفیف سی کمی ہوتی ہے۔ بہرمال یہ قانون تقریبی ہے بالکل صیح نہیں ہے۔ 119۔ خط تصادم کی عمودی سمت میں دو چکنے جسمونکی جب دو چکنے جسم گلاتے ہیں تو ان کے درمیان ماسی عمل بالکل نہیں ہوتا۔ یعنی جو زور ان سمے درمیان ایک دو سرے پر بیڑا ہے وہ صرف عادمتشر

کی سمت میں ہوتا ہے یعنی اس خط کی سمت میں ہو نقطہ ناس پر دونو سطوں پر عمود ہے۔ لہذا اس مشترک عاد کی عمودی سمت میں کوئی قوت عل نہیں مشترک عاد کی عمودی سمت میں کوئی قوت عل نہیں

بالبضتم

کرتی اس نے اس سمت میں رفتار کی تبدیلی بھی نہیں ہوتی ۔
اس نے ہرایک جسم کی رفتار کا جزء سخلیلی مشترک عاد کی عمودی سمت میں فکرسے نہیں بدلتا۔

الا کے عمودی سمت میں فکرسے نہیں بدلتا۔
الا کے عمودی سمت میں دو عبوں کی حرکت۔
دفعہ ۱۲۹ میں بھیں معلوم ہوجکا ہے کہ جب دو جسم

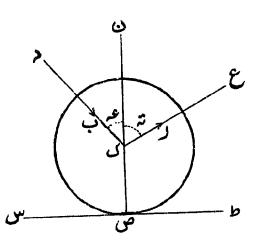
مراتے ہیں تو ان کی حرکت کے معیاروں کا مجموعہ خط ا تصادم کی سمت ہیں مرکز سے پہلے اور مرکز کے بعد ایک

ی رہتا ہے۔

اس آصول اور دفعہ ۱۱۹ کے اصول کے ذریعہ اور نیوش کے تجربی قانون کی امداد سے ہم ذروں اور چینے کروں کی حرکت کی دہ تبدیلی معلوم کر سکتے ہیں جو تصادم کی وجہ سے بیدا ہو۔

الاا۔ ایک ثابت سطح سے گر۔ ایک کھنا کرہ یا فرہ میں کہ کمیت م ہے اور جس کی کیک کی قدر ل ہے ایک خابت سطح سے ٹیڑھا گراتا ہے۔ اس کی رفتار کی تبدیلی معلوم کرو۔

ماری جبری معوا رہا۔ فرض کرو کہ سطح خابت س ط ہے اور ص دو نقطہ ہے جہاں کرہ عکرا تا ہے۔ اور ص ن نقطہ ص برسطح پر علا ہے مینی ص ن کرے سے مرکز ک میں سے علم مرکت گذر تا ہے۔



فرض کروکہ طکرسے پہلے اور طکر کے بعد کرے کی حرکت
کی سمتیں کی ک اور ک ع ہیں فرض کروکہ زاوئے
حرک ن اور ن ک ع ، عمر اور تہ ہیں۔
اور فرض کروکہ کرے کی رفتار طکر سے پہلے ہے ہے
اور شکر کے بعد لر ہے جیسا کہ شکل میں دکھلایا گیا
۔

ہے۔ ہونکہ سط جکنی ہے اس کے سط کے متوازی کوئی وت عل بنیں کرتی۔ اس کے سط کے رفتار کا جزو فوت عل بنیں کرتی۔ اس کے کرے کی رفتار کا جزو تعلیلی سطح کے متوازی بالکل نہیں براتا۔ نہ رجب نہ ہے ب جب عمر (۱)

نیوٹن کے تجربی قانون سے عاد سطے کی سمت میں سے رفتار تباعد اسنی سمت میں رفقار تقارب کال گنام

رفقار ا: ل کی نسبت میں کم جو جاتی ہے۔

بالبثثتم 444 بیننچه صرمیح (۲) - اگر کبک کی قدر ایک ہوتو نہ <u>ہ</u>ے يعني جب كره كي ليك كامل بهو تو زاويه وقوع اور زاويه انعکاس مساوی ہوتے ہیں اور رفتار مقدار میں نہیں بنجه صریح (۳) اگر لیک کی قدر صفر ہو تو تہ = ۔ و اور رہ بالک بے نیک ہو تو سطح سے فرانے کے بعد سطح پر حرکت کرے گا اور اس کی رفتار کا جزء تحلیلی سطح سنے متوازی ہنیں بدلیگا مثال - ایک گولی ۱۰ فٹ فی ثانیہ کی رفتار سے حرکت كرنى ہوئى ايك ثابت چكنى سطح سے جه م مے زاويہ پر

مثال - ایک گولی ۱۰ فٹ فی ٹانیہ کی رفتار سے حرکت
کرنی ہوئی ایک ٹابت بکنی سطح سے ۵، می ناویہ پر
طرانی ہے - اگر لیجک کی قدر ہے ہو نو طر ہونے کے بدر
گولی کی رفتار اور سمتِ حرکت معلوم کرو۔
فرض کروکہ طرکے بعد گولی کی رفتار رسطے سے زاویہ
تہ بناتی ہے -

نہ بناتی ہے۔

گر سے پہلے رفتار کے اجزاء تحلیلی سطح کے متوازی
ادر سطح کی عمو دی سمت میں $1 \times \frac{1}{VV}$ اور $1 \times \frac{1}{VV}$ یعنی $0 \times V$ اور $0 \times V$ ہیں۔

گر کے بعد رفتار سے اجزاء تحلیلی انہی دو سمتوں میں
لر جم نہ اور لر جب نہ ہیں۔

بالبثشتم علم حركت 72 7 رجم ته = ٥ ١٦ رجب ته = ل × ۵ ۲۲ = ۲۸ ۲۲ اور لهذا مربع ہے کر جع کرنے سے 95.7= 11=) = 17=" نیز عل تفتیم سے طبعی ماسوں سے جدول سے تنہ = ۱۳۸ مبر تقریباً پس گرے بعد گولی ۹۶۰۹ فٹ فی نانیہ کی رفتار سے سطے سے میں ، کا زاویہ بناتی ہوئی حرکت کرتی ہے۔ المثله نمبري (۲۰) (۱) کاپنج کی ایک سطولی ۹ فیٹ کی بلندی سے ایک افقی فرش پر گرتی ہے۔ اگر لیک کی قدر 9 ، مو تو دریافت سرو کہ فرش سے محمائر وہ کہاں بھک او پر طائے گی 9 (۲) باتقی دانت کی ایک گولی ۲۵ فٹ کی بلندی سے ایک افتی پتھر پر گرتی ہے اور پتھر سے مگرانے کے بعد اچھل کر ۱۱ فٹ اوپر کو جاتی ہے ۔ نابت کروکہ پتھر اور گولی کے درمیان کیک تمی قدر ۸ ہے۔ رس ایک وزنی نیگدار گولی ایک کمرے کی جھت سے گرتی ہے اور فرش سے دو دفعہ اچکل کر چھت کی نفط

اگر کمرے کی بلندی ۱۱ فٹ ہو اور جھت اور گیند کے در میان اور فرش اور گیند کے در میان لیک کی قدر ایک ہی ہو اور ہے ہو اور ہے ہی قدر ایک ہی ہو تو ثابت کرو کہ گیند پہلے ہی ہو تو ثابت کرو کہ گیند پہلے جھت سے گرا کر اور پھر فرش سے گرا کر عین جھت شک بہنچ جائے گا۔

(۱) ایک گونی ۸ فٹ فی ثانیہ کی رفتار سے حرکت کرتی ہوئی ایک چکنی سطح سے ۳۰ فٹ کے زاویہ پر مگراتی ہے۔ مگر کے بعد اس کی رفتار اور سمت حرکت معلم کرو۔ کیک کی قدر ہے۔ کرو۔ کیک کی قدر ہے۔ (۷) ایک کرہ ۵ فٹ فی ثانیہ کی رفتار سے حرکت کرتا ہوا (۷) ایک کرہ ۵ فٹ فی ثانیہ کی رفتار سے حرکت کرتا ہوا

(۷) ایک کرہ ۵ فٹ نی ثانیہ کی رفتار سے حرکت کرہا ہوا ایک چکنی سطح سے ٹکرانا ہے۔ اس کی حرکت کی سمت بابشتم

علم حركت

سطے سے زاویہ جب اللہ (= ۳۲° ۵۲) بناتی ہے۔ نابت روكه كرك بعد اس عى رفقار ١١٥ (= ١٨٥٨) في خانيه

ے اور سطے سے زاویہ مس ال (= ۲۲ مم) بناتی ہے۔ کیک کی قدر ہے ہے۔

(۸) ایک گولی ۱۹ فٹ کی بلندی سے ایک سطے پر گرتی ہے جس کا سیلان افق سے (۱) ۳۰° (۲) ۵۴° (۳) ۲۰° ہے۔ تینوں صورنوں میں گرمے بعد رفنار اور سمت حرکت

دریافت کرو۔ لیک کی قدر ﷺ ہے۔

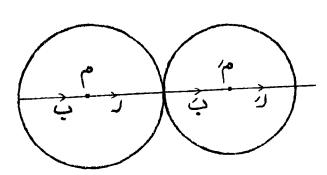
۱۲۷۔ دو کروں کی سیدھی ٹکر۔ تحیت م ایک جکنا کرہ رفتار ب سے حرکت ہوا 'کیت م کے

ایک دوسرے کینے کرے سے جو اسی سمت یں رفار ب سے حرکت کرتا ہے ، سیدھا حکرتا ہے۔ اگر نیک کی

قرر لی ہو تو ٹکر کے بعد کروں کی رفتاریں معلوم کرو۔ فرض کرو کہ ٹکریے بعد کروں کی رفتاریں لیہ اور لئے ہیں۔

یونکہ رفتارِ تقارب (ب ۔ بُ) ہے اور رفتار تباعد (ار ۔ ر) ہے اس لئے نیوٹن کے تجربی قانون کے





چونکہ دوران تصادم میں جسموں پر صرف ایک ہی قوت عمل کرتی ہے یعنی مرکزوں کے خط وصل کی سمت میں چوٹ ۔ اس نئے بموجب دفعہ ، ۱۷ دونونکی حرکت سے معیارہا جموعہ نہیں مدلتا ۔

بوت المراء من المراء من المراء من المراء من المراء المراء من المراء من المراء من المراء المر

بر کرہ م پر چوٹ کا صدمہ ینز کرہ م پر چوٹ کا صدمہ یہ اس کے سیارِ حرکت کی تبدیلِ = م (ب- ل) = ممم (ا+ ل) (ب- ب)

بالثبثتم

دوسرے کرے پر صدمہ اس کے ساوی اور متفایل ہے۔ نتیج صری ۔ اگر م = م اور ل = ا

نتیجہ صریح ۔ آگر م = م اور ل = ا تنجہ صریح ۔ آگر م = م اور ل = ب تو ل = ب اور ل = ب

بیں اگر دو ساوی کرے جن کی لیک کامل ہو آبیں میں سیرسے کرائیں تو ان کی رفتاروں کا باہمی تبادلہ

ہو جاتا ہے۔ ۱۲۳ مثال (۱) ایک گولہ جس کی تحمیت ۱۰ یونڈ ہے بو فط فی ثانیہ کی رفتار سے حرکت کر رہا ہے اسکے پیچھے

اسی سمت میں آیک اور گولہ جس کی تحمیت مربونڈ بنے م فط فی ٹانیہ کی رفتار سے حرکت کرتا ہوا آتا ہے اور پہلے گونے سے عمرا ا ہے۔ اگر ل = ل تو عمر کے بعد گولوں کی

تونے سے علام ہے۔ اگر ک = ﴿ کو عرب جد ووں رفتاریں معلوم کرو۔ معلوم کرو۔

فرض کرو که مطلوبه رفتارین له اور لا بین چونکه مجموعی معیار حرکت بنین بدلت

۵ト=トメト+ ペ×ハ= ント+ノハ・

نیوش کے تانون سے

ان سا واتوں کو حل کرنے سے .

ر= ١٠ اور راء ١٠ فط في ثانيه

ر= - ۱ ، ر = ۲ دت کی تابیہ
اس سے ظاہر ہے کہ طرکے بعد دو نو گونے بیچے ہٹے
ہیں کیونکہ مثبت رفتار اس سمت بین فرض کی تنی ہے
جس سمت بین ۸ پونڈ کا گولہ طکرت بیلے حرکت کررہاتھا۔
مماا۔ دو کروں کی طبع صحی طکر۔ م کمبت کا

ایک چکن کرہ رفتار ہب سے حرکت کرنا ہوا ایک دوسر کے کئے کرے کی کھینے کرے سے شرخها محکراتا ہوا ایک دوسر کے کرے کی محبیت م اور رفتار ہب ہے ۔ اگر محکر سے پہلے کروں کی حرکت کی سمنیں مرکزوں کے خطے وصل سے بالترتب زاوئے عہ اور بہ بنائیں اور لیک کی قدر ل ہو تو محکر کے بعد رفتاریں اور حرکت کی سمنیں دریافت کرو۔ فرض کرو کہ کروں کی رفتاریں محکر کے بعد لے اور ایس

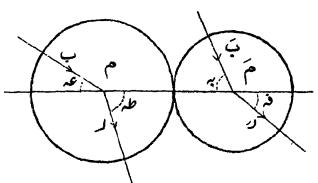
علم حرکت

اور وہ خطِ مرکزین سے بالترتیب زاوٹ طبر اور فہ بناتی ہیں۔

بالبطئتم

ہیں -پونکہ کرے کچنے ہیں اس کئے ان کے خطے مرکزین کی عمودی سمت ہیں کوئی قوت عل نہیں کرتی- اسلئے اس سمت میں رفتاریں نہیں بدلتیں -

یں رجب طہ ہے ب جب عہ ۱۱،۰۰۰ (۱) ررجب فہ ہے ب جب ہر ۲۰۰۰ (۲)



چونکہ سمت عاد میں رفتار تقارب بہ جم عد۔ بہم بہ ہے اور اس سمت میں رفتارِ نباعد ار مجم فنہ۔ رحم ط ہے اس نئے بموجبِ قانونِ نیوٹن

رجم فه - رجم طه = ل (بجم عه - بجم به)... (۱)

نیز چونکه دورانِ تصادم میں کروں پر صرف ایک قوت

عل کرتی ہے اور وہ خط مرکزین کی سمت میں ہے

اس نے اس سمت میں مجموعی معیارِ حرکت نہیں بداناً.

م رجم طه + هم رجم فه = هم ب جم عه + هم ب جم به براناً)

(۳) کو هم سے ضرب دیر (۳) سے نفرنق کرنے سے

رحم طہ = (م-لم) ب جم عہدم (۱+ل) ب جم بہ

رحم طہ = مم + مم

اسی طح (۳) کو هم سے ضرب دیر (۴) میں جمع کرنے سے

اسی طح (۳) کو هم سے ضرب دیر (۴) میں جمع کرنے سے

(۱) اور (۵) سے، مربع لیکر جمع کرنے سے لیا اور تقییم کرنے سے مس طہ حاصل ہوگا۔ اسی طرح (۲) اور (۲) سے لیا اور مس فہ قال ہو گئے۔ بس حکت ہورے طور پر معلوم ہوگئی

عم مم مرد (الله) (ب جم عدد ب جم به) مخصر کرنے سے م جوٹ کا صدمہ دوسرے کرے پر اس سے مساوی ادر شقابل ہے

علم حركت

ملیجہ صرم (۱) اگر ب=. تو ساوات (۱) سے

فہ ہے ، اس کئے کرو مم خط مرکزین کی سمت میں حرکت كرتا ہے ۔ يہ نتجہ اس كے بغير بھى نكل سكتا ہے كيونكم م پر صرف ایک ہی قوت عمل کرتی ہے اور وہ خط

مرکزین کی سیدھ ہیں ہے۔

تیجہ صریح (۴) اگر م = مُمَ اور ل = ا تو ريجم طه = ب جم به اور ريحم فه = ب جم عه

یں اگر دو ساوی کینے سرے جو کمل طور یہ لیکدار ہیں آئیں میں گرائیں تو خط مرکزین کی سمت میں ان کی رفتاروگا

ا ہمی تبادلہ ہو جاتا ہے۔ ۱۲۵۔ مثال (۱) ۵ پونڈ تحمیت کا ایک گولہ ۱۵ فٹ

فی ٹانیہ کی رفتار سے حرکت سرتا ہوا ۱۰ یونڈ کمیت کے ایک گولے سے گزا ہے۔ ابونڈ کا گولہ ۵ فٹ فی ٹانیہ کی رفتار سے حرکت کر رہا ہے ۔ اگر ان کی رفتاریں متوالی

یوں اور بوقتِ تصادم خطِ مرکزین سے ۳۰° کا زاویہ بنائیں تو ظرکے بعد کی خرکت معلوم کرو۔ کیک کی قدر

ا ہے۔ فض کرو کہ گرکے بعد رفتاریں لے اور لائیں اور خط مرزین سے زاونے طہ اور فہ بناتی ہیں۔ یونکہ نظ مرکزین کی عمودی سمت میں رفتاریں نہیں

242 برلتیں اس گئے

علم حركت

نیوٹن کے قانون سے

بالتبثثتم

رحب طه = ۱۵جب ۳۰ = ۱۹ ۰۰۰۰ (۱)

ارُجب فہ = ہ جب ۳۰ = ہے ۰۰۰۰ (۲)

رُ جم فد ـ رحم طه = الم [۵احم ۳۰ - ۵ جم ۳۰) = ۵ کی سب (۳) (۳)

چونکه خط تضادم کی سمت میں معیار حرکت نہیں بداتا د ه رجم طر+ ۱۰ رجم فر= ۵ ×۱۵ × الله + ۱۰ ×۵× س

 $\therefore (73 + 1) \stackrel{\text{TV}}{}_{1} = 73 + \frac{\text{TV}}{4} \cdots \cdots (73)$ (m) اور (m) کو حل کرنے سے

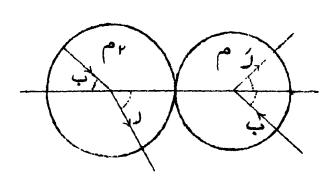
رحم طه = ۵ الله من ده ده ده) ل جم فذ = ٥ ١٣٠٠٠٠٠٠ الربي

ر = ۵ اس = ۲۲ ، ۸ فط فی نانیه تقریباً اورطه = ۲۰

(4) اور (4) سے ل = ٥ إلا = ٩ فط في خانيه تقريباً اورس فه= الله عليه

اس لئے طبعی ماسوں کے جدول سے فد = ۱۹ اُو اُو مثال (۲) دو کینے کرے جن میں سے ایک کی ممیت دوسرے سے دونی ہے ساوی رفتاروں سے متوازی متقابل سمتوں میں حرکت کرتے ہوے آپس میں

كلم حركست TAP الكوات بي - مكر ك وقت ان كى حركت كى ستيس خط رکڑی سے ، سومے زاومے بالق میں - اگر لیک کی ترر ہے ہو تو تصاوم کے بعد رقاریں اور خرکت کی سمتیں "دریافت کرو۔ اُ فرض کرو کہ گونوں کی سیس مور ۴م میں اور تصادم کے بید رقابیں کر ور رکھیں اور خط میکزین سے تلاوت صر اور فریتانی میں آور فض کروکہ تکرسے يلے ہر ايك كى رقار س ہے۔ بیونک خط مرکزین کی عودی سنت میں رفتاریں بیس اور رئوب قدر ب جب من دي الله يو عكد سست عاد مين رقار القارب ب تيم يه ب حيم يه بھے اور اسی سبت میں مقار تناعد ارجے فرے رحم طہ بھے اس کے نیوٹن کے قانون کے فراچ لرجم قد- رجم طري ليسم ٢٠٠٠ م یغی کریجم فید رجم طب میشه سید سر (۳) بينك خط مركزين كي سمت ميل سيار حركت أيس بياتنا مديهم رجم طلبهم رجم قد عمل المعمد الم



(۳) اور (۲) کو عل کرنے سے

رجم طه = . اور از جم فه علي ب

ان مساوانوں اور (۱) و (۲) سے

طہ = ۹۰ ، ار = ب ، فہ = ۳۰ ، ار = ب پس نصادم کے بعد بڑا گولہ اپنی پہلی رفتار کے نصف سے خط مرکزین کی عمودی سمت میں حرکت

كرنا سروع كرنا ب اور جهونا كوله اسى طح حركت

کرتا ہے جیسا کہ کامل طور پر لیکدار ہو نے کی صور میں ایک ثابت سطح سے ٹکرا کر حرکت کرے۔

امثنکه نمبری (۱۱) (۱) هم پونڈ کمیت کا ایک کرہ ۵ فٹ فی ٹانیہ کی رفتار سے حرکت کرتا ہوا ۳ پونڈ کمیت سے ایک

معلوم کرو۔
(۲) ابونڈ کمیت کا ایک گولہ ۱۹ فٹ فی نانیہ کی رفتار
سے حرکت کر رہا ہے اور اسی سمت میں ۸ بونڈ کمیت
کا ایک اور گولہ ۱۴ فٹ فی نانیہ کی رفتار سے حرکت
کر رہا ہے۔ اگر پہلا دوسرے سے سیدھا گرائے اور
لیک کی قدر ہے ہو تو گر کے بعد کروں کی رفتا ہیں
معلوم کرو۔
سیدھا فٹ فی نانیہ کی رفتار سے حرکت کرتا
سیدی کرہ ۱۲ فٹ فی نانیہ کی رفتار سے حرکت کرتا

معلوم کرد۔

رو او ایک کرد ۱۱ فط فی ثانیہ کی رفار سے حرکت کرنا ایک ساوی کرے سے جو ۱۹ فٹ فی ثانیہ کی رفاد سے متعالی سمت میں حرکت کردہا ہے انگرانا ہے۔

اگر لیک گولہ اپنے سے دو نے گولے سے کول اور جب موں اور جب دونو ایک ہی سمت میں حرکت کرد ہے ہوں اور جب دونو ایک ہی سمت میں حرکت کرد ہے ہوں اور چوٹ کی رفاد بڑے کی رفاد سے سات گنا ہو اور چوٹ کی رفاد بڑے کی رفاد سے سات گنا ہو اور چوٹ کولے کے درمیان کیک کی قدر ہے ہو تو ثابت کردکہ بھوٹا گولہ بڑے کولے سے حرکانے کے بعد ساکن ہو والے کی مرب ہو والے گا۔

(۵) اگر دو گولول کی کمیتول کی نسبت ۱:۱ مو اور

ان کی رفتاروں کی نسبت عکرسے پہلے ۲:۱ ہو اور انکی رفتاریں ایک دوسرے کے شقابل ہوں اور لیک کی رفقار اس کی پہلی رفقار کا ہے ہوگی اور شفابل سمت (۲) ایک کرہ ایک دوسرے ساکن کرے سے سیدھا مراتا ہے۔ اگر بیک کی قدر ل ہو تو نابت کرو کہ مگر کے بعد ان کی رفتاروں کی تنبت ا- ل: ۱+ ل بيو كي (٤) هم كمين كا ايك كوله رفتار ب سے حركت كرتا ہوا كى ل م تحبيت كے ايك دوسرے كونے سے جو ل ب رفار سے مقابل سمت میں مرکت كررہا ہے، سيدها مراتا ہے ۔ اگر ليك كى قدر ل ہو تو نابت کرو کہ ٹکر کے بعد دوسرے گونے کی رفتار اور کہ ہوگی جو ٹکر کے قبل پہلے گونے کی تھی۔ دوس (^) با یوند کیمیت کا ایک گوله ایک یوند کھیت کے ساکن گولے سے سیدھا ٹکوا تا ہے۔ اگر ٹکرسے پہلے ربٹرے گونے کی رفار وہی ہو جو مکر کے بعد چھو نے گولے کی ہے تو لیک کی قدر معلوم کرو۔ (۹) م تحمین کا گولہ م تحمیت کے گونے سے سیرها گرا^{تا} ہے۔ م کی رفقار طکر کے بعد اس کی پہلی رفقارکا

علم حركت ہ ہو جاتی ہے اور لیک کی قدر ہے ہے۔ گولوں کی کیتوں کی نسبت معلوم کرو اور ٹکر کے بعد آنکی رفتاروں کا بھی مقابلہ کرو۔ (۱۰) تین کروں کی کمیتیں ۲ پونڈ کا ۲ پونڈ کا پونڈ ہیں اور ان کی رفتاریں بالترمتیب ۱۱ فٹ ، کہ فٹ ۲ فٹ فی ٹانیہ ہیں۔ وہ تینوں بب ہی سیدھ یں ترتیب بالا سے حرکت کرنے ہیں۔ اگر لیک کی قدر ایک ہوتو شاہت کرو کہ ان نکروں سے جو وقوع پذیر ہوں کی پہلے دو گونے ساکن ہو جانیں گے۔ (١١١) ایک گولہ سے فٹ کی بلندی ہے نیجے گرنے کو جِورٌ دیا جانا ہے اور اسی وقت کیک مساوی گولہ ئیں سے ۱۴۸ فٹ فی ٹانیہ کی رفتار سے اوپر و راس الح یمینکا جاتا ہے کہ پیلے گوٹ سے سیدی کرنے اگر کیک کی قدر ب ہو تو در یافت کرد کے کئی مدت کے کئی مدت کے بعد دونو کوئے انہیں یہ بہتے ہے۔ مدت کے بعد دونو کوئے انہیں یہ بہتے ہیں۔ (۱۳) ایک ہے لیک کرہ کیک دورے ساکن کرے سے سیرطا مکوام ہے۔ دوسرے کرے کی تحیت سے کرے کی تمیت سے دوچند سے اور منکر کی سمت تھا مرکزین سے مولا تاویہ بناتی ہے۔ نبیت کروکہ سے کی کی سمت حرکت میں ۔ او کی تبدیق وقع ہوگئے۔ (۱۳۳) دو مسادی گوسے سادی چالوں سے حرکت آئے ہو کی رفتار سے دو چند ہوگی۔
(۱۵) دو مسادی گونے جن کی لیک کا مل ہے اس طح کراتے ہیں کہ ان کی حرکت کی سمتیں ٹکر سے پہلے ایک دو سرے سے زاویہ قائمہ بناتی ہیں۔ تابت کرو کہ ٹکرکے بعد بھی ان کی حرکت کی سمتوں کے در میان زاویہ قائمہ مدیکا

(۱۹) ایک کرہ رفتار ہا جب سے حرکت کرتا ہوا ایک دوسرے مساوی کرے سے ٹکرانا ہے جو رفتار ب سے حرکت کی سمتیں حرکت سے حرکت کی سمتیں حرکت سے حرکت کی سمتیں حرکت سے بہلے خط مرکزین سے بالترتیب ۳۰ اور ۴۰ کے زاوعے بناتی ہیں۔ اگر لیک کی قدر ایک ہو تو تابت را وہ تابی ہو تو تابت

ایک فرش بر منگدار بوڈر بچھادو بھر بلیرڈ کھیلنے کا ایک گولہ اس فرش بر گراؤ - جس مقام بر گولہ فرش سے گرانا ہے - وہاں سے بوڈر ہٹ جانا ہے - لیکن بوڈ کے ہٹنے کی جگہ صرف ایک نقطہ نہیں ہوتا بلکہ ایک چھوٹا سادار ہوتا ہے - اس سے ظاہر ہے کہ دوران تصادم بن

تصادم کا بہلا حصہ اس دقت تک رہتا ہے جبکہ ایک آن سے لئے دونو جسموں کی رفار ایک ہو جاتی ہے۔ پھر ایسی قوتیں ظہور بزیر ہوتی ہیں جن کی وجہ سے جم پھر اپنی اصلی شکل اختیار کرنے لئتے ہیں تصادم کے پھر اپنی اصلی شکل اختیار کرنے لئتے ہیں تصادم کے پہلے حصہ میں جسموں کے تعالی کو پیچنے کی قوت کہلاتا ہیں اور دوسرے حصہ میں تعالی پلٹنے کی قوت کہلاتا ہیں۔

ہے۔ دوران تصادم ہیں دو جسموں کے درمیانی تعامل کی مقار معلوم کرنے کا کوئی ذریعہ ہمارے پاس نہیں ہے۔ہیں صرف یہی معلوم ہے کہ اس میں بہت سی تبدیلی واقع

نعصان = هم (ب-ب) اور دوسرے کرے معیارِ حرکت کا اضافہ = مرکب ب پس اگر پیکنے کی قوت کے صدمے کوک سے تعبیر کریں قو

: (۱) اور (۲) سے ٹ ہے رہے ر ک ہے ب - ب ب یکٹنے کی قوت کا صدمہ عاد کی سمت میں رفتار تباعد

۱۲۸- تصادم سے توانائی بالفعل کا نقصان - دو کرے جن کی کمیتیں اور رفتاریں معلم ہیں مگراتے ہیں۔ نابت کرو کہ توانائی بالفعل کا نقصان کی مقدار بھی معلوم کرو۔

با بہتتم علم حركت 494 اول ۔ فرض کرو کہ ٹکر سیدھی ہے ۔ دفعہ ۱۲۲ کا طریق كتابت استعال كرنے سے م ر + م ر ر = م ب + م ب۱) الأور والمال المال المالية الم (۲) کے مربے کو مم کے ضرب دیکر (۱) کے مربع میں جمع کرنے سے (م + م م) لا + (م + م م) لا = (م ب م ب) + ل م م رب - ب ييني (م+م) (م را + م) را = (مب + مرك) + مم (ب - ب) - (١- ل)م مرب ب 「(-い)(の+つ)(で)-()-()-()-()(の)(の)(の) = ٠٠٠٠ الله المام الماء المام المام المام پس مگرے بعد توانائی بالفعل = مگر سے بہلے توا نائی بالفس - ال ممم (ب- ب) اس کئے توانائی بالفعل کا نقصان = الت صمم (ب -ب) اور ہیہ تقصان صفر نہیں ہو سکتا جب کیک کہ ل ایک کے مساوی نہ ہو یعنی جب مک کہجسم کا مل طور پر بچکدار نہ ہوں ۔ دوم ۔ فض کرد کہ عکر شیرصی ہے۔ دفعہ ۱۲۸ کا

ہر ایک علر کی صورت میں لوا نائی بالفعل کا کچھ نقصاد ضرور ہوتا ہے یا بول کہو کہ توا نائی بالفعل کے ایک حصہ کی صورت بدل جاتی ہے ۔

یہہ توا نائی بالفعل جو دیکھنے میں نا بود ہو جاتی ہے صورت بدل کر سالمی توا نائی بن جاتی ہے اور زیادہ تر حرارت کی شکل ہیں نمودار ہوتی ہے۔

ا ہے۔ ک کہ مطروب شنے ساک، سر جیس

ینتجہ صریح ۔ فرض کرو کہ مضروب شنے ساکن ہے جیسے کہ ہمجوڑے کی چوٹ کیل پر بڑتی ہے ۔ اس صورت میں دب یے ، اور ل ہے ،

نب ہے ، اور ل ہے ، اس کئے صورت اول کے نتیجہ کے ذریعہ

نابود شده یا متبدله توانائی = الم مم مم بنا چوٹ سے چلی توانائی کا نقصان = امم مم بنا جہام مربخ پوٹ سے پہلے جیلی توانانی = ۲ مربم

ت مہم اور م کی اس آخری جلہ کی قبمت کم ہو جاتی ہے اگر م اور م کی اسبت زیادہ ہو جاتی ہے کی کمیت کیل کی اسبت زیادہ ہو جائے۔ یغی ہتھوڑ سے کی کمیت کیل کی

تنبت زیادہ ہو جائے۔ اینی ہتھوڑے کی تحمیات کیل کی تحمیت کے مفابلے ہیں جس قدر زیادہ ہوگی اسی قدر کم حلہ تدالڈ تما فقہ اللہ میں گل

حیلی توانائی کا نقصان ہوگا۔ حیلی توانائی کا نقصان ہوگا۔ ۱۲۹۔ مثال (۱) ایک ذرہ بلندی ی سے ایک ثابت

افتی سطے بر گرتا ہے۔ اگر لیک کی قدر ل ہو تو ننابت کردکہ اچھلنا موقوف ہونے تک کل فاصلہ جو ذرے نے مے مار ل

كيا وہ الله ي سے اور كل وقت جو اس ييں صر

701 co 1 × 0 × 1 - U

علم حرکت باپشتم فرض کرو کہ جب ذرہ پہلی دفعہ سطے سے ٹکرتا ہے اس کی رفتار جب ہے اس کئے جب ہے ہ ج جی بوجب دفعہ ۱۷۱ نتجہ صریح (۱) فرہ رفتار ل جب سے ایجھلت ہے ۔ جب وہ دوسری دفعہ سطے سے ٹکراتا ہے اس کی رفقار ل جب ہوگی ۔ دوسری دفعہ اچھلنے سے بعد رفتار ل جب ہوگی ۔ اس طح تیسری 'چوتمی ... دفعہ اچھلنے کے بعد نقایں اس طح تیسری 'چوتمی ... دفعہ اچھلنے کے بعد نقایں ل جب 'ل جب ہوں گی۔ بہتی ، دوسری 'تیسری' ... دفعہ اچھلنے کے بعد فرہ بہتی ، دوسری 'تیسری' ... دفعہ ایچسلنے کے بعد فرہ بہتی ا بندیوں شک بہنچا ہے وہ یہہ ہیں بن بندیوں شک بہنچا ہے وہ یہہ ہیں

بن بلندیوں مک بہنچا ہے وہ یہہ ہیں ال ب کو رائے ہے اور یہہ ہیں ال ب کا بہنچا ہے ہوں کی بہنچا ہے ہوں کی کا بہنچا ہے کہ اور کا ہے کا بہنچا ہے کا بہنچا ہے کا بہنچا ہے کہ کا بہنا کل فاصلہ طے ہوا وہ بہنا کل فاصلہ طے ہوا وہ

عدر التي + لتي ي + لتي ي + لتي ي + سواوه عدد التي + لتي ي + لتي ي + سوالة التي ا

= ک+ ۲ ی آن انها سلسله بندسید جع کرتے

 $=\frac{1+U''}{1-U''}$ ی اب وقت کا حماب نگاؤ اب دفعہ گرنے میں جو وقت صرف ہوا وہ $=\frac{72}{192}$

مرت ہوں گے . اس کئے یہہ وقت یہہ ہیں

یعنی ل احتی کا احتی کی استا کی استا کی استا کی استان کی استا کی استان کار کی استان کار کی استان کار کی استان کار کی استان کی استان کی استان کی استان کی استان کی استان کی است

 $= \frac{1}{\sqrt{2}} + 1 \frac{1}{\sqrt{2}} \left(\bigcup_{t=1}^{\infty} + \bigcup_{t=1}^{\infty}$ $\frac{J+1}{J-1} \frac{\overline{C}r}{\overline{7}} = \left[\begin{array}{c} J \\ J-1 \end{array} \right] + 1 = 0$

اس سے ظاہر ہے کہ نظراً کہہ نتیجہ حاصل ہوا کہ ایک محدود ِ وقت میں مگروں کی لا اِنتہا تعداد وقوع پذیر ہوتی ہے لین علا یہ ہوتا ہے کہ چند بار اچھلنے کے بعد

گونے کی رفتار معدوم ہو جاتی ہے۔ پہنی گر سے بعد ذرہ جس بلندی تک جاتا ہے وہ لئے ہی ہے یعنی جس بلندی سے گرا اس کا لئے گئا۔

ن ل = ایکلنے ی بلندی

علم حركت 199 بذریعہ بالا کسی دیے ہوئے گولے اور دیے ہوئے فرش کی صورت میں ل کی قیمت تجربہ سے باسانی معلوم ہو سکتی ہے۔ کیونکہ اگر کسی موزوں بلندی سے گولم گرایا جائے تو اسی طح پیند بار گرانے سے ایجلنے کی بلندی معلوم ہو جائے گی۔ تب ل کی قیمت خود نود معلوم ہو گئی'۔ مثال (۲_{) ایک} منال (۲) ایک کبنی افتی سطح کے ایک نقطہ سے ایک ذرہ رفتار ب سے افق سے زادیہ عمہ بناتا ہوا بیطنکا گیا ہے۔ اگر سطے اور ذرہ کے درمیان لیک کی قدر ل ہو تو ثابت کرو کہ اچھانا موؤن ہونے نگ وہ ذرہ فاصلہ بہتے جب عمر طے کر نگا۔ ابتدائی عودی رفتار ب جب عم ہے۔ حسب متال بالا پہلی کم دوسری کم تیسری کی بار اچلنے کے بعد عودی رفتاریں یہ مونگی

ال ب جب عمر ہوگی

بابشتم علم حركت اسی طرح باتی خطوط مرمی کے افغات یہم ہو گئے ال ب جب عم ال ال ب جب عم ال ال ب ب عم ال ال ال ب ب عم ال الله اله يو عرف مو كا وه = البجب عمر البجب عمر الأب جب عمر الأنتها [····+"] + [1+ [+] = ہے <u>اب جب عبر ا</u> جج ا-ل اس مرت کے دوران میں افقی رفتار نہیں برلتی اور ہمیشہ ب جم عہ رہتی ہے بیں افقی فاصلہ طے شدہ عرب المرب عمر المرب المرب عمر المرب جب ذرے کا اچھانا بالکل بند ہو جاتا ہے تو اس فت وہ سطے پر یکساں رقار ب جم عہ سے سرکت کرنے

امتنگہ نمبری (۲۲) (۱) ایک لچکدار فرہ اس طرح پھیٹکا گیا ہے کہ ایک

علم حركت

عمودی دیوار سے طکرا کر پیر اسی مقام پر واپس آجا کہ جمال سے پھینکا گیا تھا۔ اگر زاوینہ رمی عمہ مو اور جس وقت ذرہ نقطہ رمی پر واپس بہنچا ہے اس وقت اگر اس کی حرکت کی سمت افق سے زاویہ بہ بنائے تو اس کی حرکت کی سمت افق سے زاویہ بہ بنائے تو

اس فی حرات کی سمت افی سے زاویہ بہ بنائے تو ثابت کرو کہ مسس عہ ہے ل مسس بہ جہاں ل لچک کی قدر ہے۔ (۲) اگر ایک لچکدار کرہ الا فٹ کی بلندی سے ایک

(۷) اگر ایک مجلدار کره ۱۹ فٹ کی بلندی کھے ایک ثابت افقی میز بر گرے تو ثابت کرد که ۸ ثانیه میں ۱۵ فٹ طے کرنے وہ ساکن ہو جائے گا (کچک کی قدر کچے ہے)۔

قدر ہے ہے)۔ (٣) ایک تولی ۲۸ فٹ کی بلندی سے ایک لچکدار افتی سطح پر گرتی ہے اگر لیک کی قدر ہے ہو تو دریافت، کرو کہ کتنا وقت گذر نے نے بعد اور کتنا فاصلہ طے کرکے گول ساک مدہ گ

گولی ساکن ہوگی ؟ (٣) ایک ذرہ ایک افتی سطح کے ایک نقطے سے ، ١٩٠ فط فی ثانیہ کی رفتار سے ، افق سے ، ١٩٠ کا زاویہ بانے والی سمت میں ، پھینکا گیا ہے۔ اگر لیک کی قدر ﷺ ہو تو دریافت کروکہ افتی سمت اگر لیک کی قدر ﷺ ہو تو دریافت کروکہ افتی سمت

اگر لیک کی قدر ﷺ ہو تو دریافت کروکہ افتی سمت میں کتنا فاصلہ طے کرنے کے بعد ذرہ ساکن ہوگا اور اس میں کتنا وقت مرف ہوگا ہ

(٥) ایک گولی سمت شاقولی میں ۴ ثانیہ گرکر ایک ایسی

علم حركت بالبهشتم سطے سے ٹکراتی ہے جس کا سیلان رافق سے ، س ہے۔ اگر لیک کی قدر ہے ہو تو نابت کرد کہ ہ نانیہ کے بعد گولی پھر سطح سے مکرائے گی۔ گولی پھر سطح سے مکرائے گی۔ (۲) ایک گولی جس کی لیک کامل ہے ایک برج کی چوٹی سے گرتی ہے۔ جب یہہ بلندی کے تصف مک گر چکتی ہے تو ایک چلنے استوار پتھر سے مکراتی ہے جو افق سے ۵م کا زاویہ بناتا ہوا باہر کو نکلا ہوا ہے۔ دریافت کرو که گولی زمین بر کهان جاکر لگیگی ۹ (برج کی بلندی کی ہے)۔ (4) ایک گولی ایک چکنی افتی سطح پر ایک دیوار سے ایک رکز کے فاصلے پر پڑی ہے۔ایک اور مساوی گولی ایک گرفی تاینہ کی رفتار سے دیوار کی عمودی سمت میں حرکت کرتی ہوئی بہلی گولی سے ٹکراتی ہے۔ اگر رُولِيوبِ كے درميان اور ديوار اور گوليوں نے درميان لیک کی قدر ہے ہو تو نابت کروکہ ہم کا نانیہ کے بعد گؤلیاں پھر مکرائیں گئے۔ گولیوں کے قطر شار سے قابل ہنیں ہیں ۔ ۱۰ دو مساوی گوریاں کر اور ب ایک چکنی افقی مدور نالی میں ایک قطر کے مقابل سروں پر پڑی ہیں۔ ا کو ناتی میں حرکت دی جاتی ہے اور وقت و کے بعد یہ گونی دوسری سے ظراتی ہے۔ نابت کروکہ

٣,٣ وقت عبد کو لیاں پھر اکرائیں گی۔ ل لیک کی قدر ہے۔ رون چنی گولیاں جن کے قطر ساوی ہیں اور کمیتیں ١٠ م اور ١١ م بين ايك مدور نالي بين ايك بي مقام پریڑی ہیں۔ ان کو مساوی رفتاروں سے شقابل سمتوں میں حرکت وی جاتی ہے۔ اگر لیک رکی قدر ہے ہو تو دریافت کرو که دوسری مگر کهان موگی ؟ (۱۰) تحمیت م کا ایک کرہ تحینت ن کے ساکن کرے سے ٹیڑھا گرانا ہے۔ اگر م ول ن تو ثابت کرو کہ الرکے بعد حرکت کی سمتیں ایک دوسرے سے زاویہ قائمہ بنائیں گی۔ ل کیک کی قدر ہے۔ (۱۱) ایک سره ایک دوسرے ساکن سرے سے جبکی کمیت مساوی ہے ٹکرا ہے۔اگر ٹکر سے بعد حرکت کی سمتیں پہلے کرے کی پہلی سمت حرکت سے ،۳ کے زاو مے بنائیں تو نابت کردکہ بیک کی قدر الم (۱۲) ایک گولہ ایک دوسرے مساوی گولے سے جو ماوی رفتار سے پہلے کی سمت حرکت کی عمودی مت میں حرکت سرتا ہے ، فکرا تا ہے۔ بوقت تضادم خط مرکزین دوسرے گونے کی سمت حرکت سے زاویہ قائمیہ بناتا ہے۔ اگر کیک کی قدر ل ہو تو ٹابت کرو کہ ووسر گونے کی سمت خرکت کی تبدیلی زاویہ مست النظام

مساوی ہوگی۔ الما وود مناوی کی کید مقانی اتعالی عمول شد ساوی رفاروں سے حرکت کرتے ہوے الے اس - - Lor 1 1 W B اگران کی حمکت کی شور کا سیلان خط مرکز یا سے كرُواكه الله في حرَّيتُ في سمتول مين تبديلي أغدر الكيب زنوبية فَلَنْهِ كَ بِهِ كَيْ -(۱۲۱) دود مسلومی گرست ایک مینوید ایک دورسست من كرنة بوت بات بين أبك تيسواكه دولون سے ایک ساتھ ایک ہی وہت گراتہ ہے اور کرے بعد خور ساکن ہے جا کہ سے تو تابت کردگ جا کی قدر ہے ہے۔ (۱۵) پاپنے گوئے ایک خط متعقبے میں بڑے میں اور ان کی گئیتیں سلسلہ جندیب میں ہیں جس کی نسبت ۲ ہے اور ان کی بیاب کی قلد نے ہے۔ اگر بیلاگاہ دور ان کی طونت رفقار سے سے حرکت دور جانے تو عُلَيْتُ كُرُونُ فِي بعد ويَّرِت مُرِي بون سے بانویں

گھٹ کی رفقار (ہے) جب ہو گئے۔ (۱۲) ایک گولہ جس کی لیک کی قدر سعلوم ہے مالت عکون سے ایک مائل سطح کی چوٹی سے بنجے کی طون

علم حركت W. 4 پیسلتا ہے۔ سطح مائل کا طول طے ہے اور اس کاچ ہے اور ایک سطخ سے ٹکراٹا ہے جو افق سے بزاویہ فی ثانیہ کی رفنار سے پھسلہ ہوا ایک چکنی افقی ریل سے گرانا ہے جو گولے کی سمت حرکت سے ساتھ زاویہ تائمہ بناتی ہے۔ اگر سطح پر ریل کی بلندی سکونے کے نضفت فطر کا نصف ہو تو تابت کرو کہ جو آ مکافی که گوله رستم سریگا اس کا وتر خاص ایک فٹ (19) ایک ذرہ ایک چکنی افقی سطح کے ایک نقطے ار سے اس طرح بھینکا جاتا ہے کہ ایک ناقص لیک والی عمودی سطے سے مراکر ایک نقطہ معلومہ ب میں گذرے ۔ شمت رمی معلوم کرنے کے گئے عمل ہندسی بارے (۲۰) ایک بیکنی گول میز کا کنارہ ہرطن سے اونچا ہے اور مینرکی سطح پر عمود کے ۔ اگر ایک گولی کو جس کی

علومركت بیک کی قد ل ہے میزے کا رے کے ایک نقط سے میزیر اس طی حرکت دی جانے کہ اس کی سمتِ حرکت اس تصفے میں سے گذینے والے نفعت قطر ح الما الما الما المواكم الموا گُولی دو دغه کنارے سے تگراکر نقطر رقی پر والیس آطات کی -ہے ہی تابت کروک جب کھلی دو ککروں کے بعد نقط ر می پیر ویس آئے گی تو اس وقت کی رفتار کی نعبت يلى رَقَارَ سے لِيَّ ذَا ہوگی۔ میں آگر سب می نصعت تم سے زور سن لَیَّ بٹائے کو تایت کروکہ گولی تین مگروں کے بعد نقطہ ری یہ والیں آئے گی۔ (۱۱۷) دو کیکسار قرے ایک چنی تقط سے ایک ہی وقت جعیتے كروك الله الله كلا مركز تنقل اليك إلى تنفع الكان كى مخلف وسين مخلفت وصول بين مرتسم كرے كا -

باب نہم

رسم الطريق اور عادى اسراع

• ۱۳۰ اس باب میں ہم ایک فرے کی ایسی حرکت کرتا پر غور کریں گے جبکہ وہ ایک خط منحی میں حرکت کرتا ہے۔ ہمیدا ہم اس امرکی تشریح کریٹے کہ فرہ خواہ کسی طبح حرکت کرے اس کی رفتار ' سمتِ حرکت اور اس کا اسراع ایک دوسرے منحیٰ کے ذریعہ مرتشم ہو سکتے ہیں۔

اسم الطرفی ۔ تعرفیت ۔ اگر ایک ذرہ کسی طربق پر کسی طرح خرکت کرے اور اگر نقطہ و سے جو فضا میں نابت ہے ایک خط متفقہ وق ایسا کھنچا جائے جو طربق کے نقطہ ط پر کی رفتار کے متوازی اور تناسب ہو تو جو منی اس خط مستقیم کے مرب اور تناسب ہو تو جو منی اس خط مستقیم کے مرب ق سے مرشم ہوگا وہ ذرے کے راستے کا رسم لطربق ق سے مرشم ہوگا وہ ذرے کے راستے کا رسم لطربق

بارتهم علو سركمت شمیہ یہ ہے کہ یہ منحی ذرے کی رفاد اور اسراع کی تصویر نظر کے سامنے کھینج دیتا ہے۔
اسراع کی تصویر نظر کے سامنے کھینج دیتا ہے۔
اسراء اگر ایک متحرک نقطے ط کے رہتے کا ہم اطراق
بنا لیا جائے تو سم العراق کے متحال نقطے ت کی جو
رفتار سم العرق ہیں ہوگی۔ وہ متعدار اور سمت ہیں وی ہو گا ہو ہ کا سرع ط کے طاق ش ہے۔ زفر کرد کہ ط کے طرق پر دو نقطے ط درط کی دہ سرے کے قریب س - اور خط وی ور وق یسے تھر کو و در طائیرے عاموں کے ،توانق ہوں اور ایک عظور پرکی رشماروں کے متاسب ہوں تو ق اور ق سم الطرق ہے وہ نقط ہوں گے جو کی دورے کے قیب واقع ہیں۔ جس من تن في ط سے حکت كركے = يَيْجِيّا ب اس مس میں اس کی رقبار وہی سے تبدیل ہوکہ وق موطات بهد اس سف يوجب وقع ١٠ رقار کی سیدلی ق ف کے سے تعیر ہوتی ہے۔

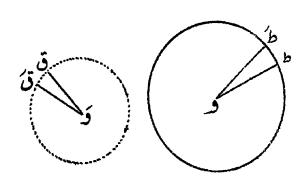
علم حركت اب فرض کرد کہ ط ایک ایسا نقطہ ہے جو ط کے لا اتہا فریب ہے۔ اسی صورت میں ق ق کر رسم انظریق کی ایک يتِ ہی چھوٹی قوس ہو گی ۔ اگر شخرک نقطے نے فاصلہ طط وقت منت میں طے کیا ہے تو کبوجب دفعہ ۲۸ ط کا اسراع = رفنار کی تیدیلی وقت ت میں ط کا اسراع اس سے طریق میں وہی مقدایہ اور سمت رکفتا ہے جو رسم الطریق بیں نی کی رفتار کی مقدار اور سمت ہے۔ ۱۳۳ مثالیں (۱) اگرایک نقطہ ایک دائرے پر کساں جال سے کیے تو اس کا رسم الطریق ایک اور دائرہ ہوگا جس پر متماثل نقطہ کیساں جال سے حرکت دائرہ ہوگا جس پر متماثل نقطہ کیساں جال سے حرکت كرے كا - كيونكه اس صورت بين ط كى زقار نہيں بلتى اس کئے خط وق کا طول نہیں بدلتا۔ اس سئے تی ایک ایسے دائرے پر واقع ہے جس کا مرکز و ہے۔ اور چونکہ ط کی حرکت اپنے دائرے میں یکساں ہے اس سئے ط پر کے ماس کی گردش کے زاوئے مساد^ی ا منا خط وق ساوی اوقات میں مساوی زاویوں بن گردش کرنگا۔

میں گردش گرگیا۔
(۲) اگر ایک نقطہ کساں اسراع سے خط مستقیم میں
حرکت کرے تو اس کا رسم الطریق ایک خط مستقیم ہوگا
جس پر متائل نقطہ بکساں رفتار سے چلیگا۔ کیونکہ
اس صورت میں خط وق ہمیشہ ایک ہی مستقل
سمت میں کھنچا جائے گا اور ق کی رفتار جو مقلار
میں ط کے کیساں اسراع کے مساوی ہے کیساں
ہوگی۔

عادى اسراع

بابهم 11 عل کرتی ہے وہ اس سے طریق کے عاد کی سمت میں ہے۔ اگر اس کی جال کیساں نہ ہو تو عاس کی سمت میں عل کرنے والی قوت بھی ہوگ۔ دفات ذیل میں ہم ایک آیسے ذرے کے عادی اساع پر تجت کرینگے جو ایک دائرے میں مشقل جال سے حرکت کرتا ہے۔ 140 - مسئلہ - اگر ایک ذرہ لیک دائرے ہیں جس کا نصف قطر ک ہے کساں چال ر سے حرکت کے تو ثابت کرو کہ اس کا اسراع مقدار میں سے ہے اور اس اسراع کی سمت مرکز کی طرب ہے۔ فرض کرو کہ سخرک ذرے کے دو متصل مقام ط اور ط ہیں اور ان کے مائل نقطے رسمالطراق پر ق اور ق میں ۔ چونکہ ط کی چال کیساں کے اس کئے خط و ق طول میں یکساں ہے پس ق ایک ایسے دائرے میں حرکت کرتا ہے جس کا نفف فطر رہے ۔ ساتھ ہی یہ بھی ظاہر ہے کہ زاویہ ق و ق ساوی ہے اس ناوے سے جو ط اور ط کیر کے ماسول کے درسیان ہے یعنی ناویہ طوط کے سادی ہے۔ استے قس ق ک : قوس ط ط :: وَق: وط: لـ: ك اور سائقر ہی ق اور ط کی رفتاریں ، قوسول ی ق ق

علم حرکت ۱۳۱۲ علم حرکت تناسب ہیں اور ط ط کے تناسب ہیں



ق کی رفتار رسمالطرق میں : لہ: لہ: ک نه ق کی رفتار = لئے لکین ق کی سمت حرکت وق پر عمود ہے اس کئے لکین ق کی سمت حرکت وق پر عمود ہے اس کے ط و سے متوازی ہے۔ ساتھ ہی ط کا اسراع ق کی رفتار سے ساوی ہے (دفعہ ۱۳۲) بیں ط کا اسراع لئے ہے اور اس کی سمت ط و

ہے۔

[اگر چال ر متقل نہ ہو بلکہ متبدل ہو تو بھی نابت

ہوسکتا ہے (ایلی نظری ڈائی نیکس دفعہ ۱۵۷) کہ عادی

اسراع لیے ہے]

اسراع لیے ہے]

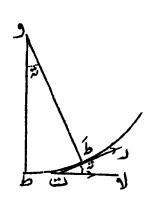
نیجہ صریح (۱) اگر ذرے کی زاوئی رفقار مرکز و کے

نیجہ صریح (۱) اگر ذرے کی زاوئی اسراع = صریح ن

MIM بابتهم م حرکج (۲) عادی اسراع پیدا کرنے کے لئے ہو قوت مطلوب ہوتی ہے وہ م لئے ہے جہاں م ذرے کی تحمیت ہے۔ ذرے کی تحمیت ہے۔ ۱۳۲ دفعہ گذشتہ کا اہم مسئلہ رسم الطربق کے استعال کے بغیر بھی ثابت ہو سکتا ہے۔ ذیل میں دوسرا بنوت درج کیا جانا ہے۔ فرض کرد کہ دائرے کے نقطے ط کے بہت قریب ایک نقطہ ط ہے۔ اور فرض کرو کے ط پر ماس طُ لا ہے اور ط پر ماس ط ت کھنچا کیا ہے بوط لا كوست ير من عهد ط اور طركو دارد کے مرکز و سے ملاؤ۔ (شکل صفحہ سم اس پر دیکھو) چونکہ ط اور ط پر کے زاوئے قائے ہیں اس نے نقاط و، ط، حد، ط ایک دائرے پر واقع ہیں۔ اس سنَّ زاويه ط س لا = دو قائمے - زاويه ط کت ط = ناويه طرط= نه (فرض كود) فض کروکہ دائرے یہ ذرے کی جال لہ ہے اور زض کرد کہ قوس طط وقت ک میں طے ہوتی ہے۔ وقتُ ک میں طو کے متوانی رفتار رجب تہ بیدا ہوتی ہے اس سے طوکی سمت میں اسراع = کرجن ته جبکه ک بہت چھوٹا ہو اور لہذاتہ بھی

ابنهم البنهم البنهم المها المبنه بهت چونا بور المبنه المبنه بعنی ط و کی سمت میں اسراع = $\frac{U \pi}{U} \times \frac{\bar{e} \, w}{\bar{e} \, d}$

بن ط و کی سمت میں اسراع = $\frac{L \pi}{C} = \frac{C}{C} \times \frac{e^{\pi U} \, d^{-d}}{c^{-d}}$ $= \frac{L}{C} \times \frac{e^{\pi U} \, d^{-d}}{c^{-d}}$



لیکن چونکہ دائرے ہیں جال کر ہے اس کئے قوسس ط طئے = ک

ہیں اسراع مطلوب $= \frac{رع}{2}$ ہیں اسراع مطلوب یتجہ صربیج (۱) یہہ اسراع ن مرا

بوجب دفعہ (۱۳۵) یجہ صربیح (۱) یہہ انتراع ن کھ کے مساوی ہے جہاں ھر زاوٹی رفتار ہے ۔ یہ تھ خلال میرک درم سرم میں قامین درمار کا ساتھ

یہہ بھی ظاہرہے کہ مرزعی سمت میں قوت مم لئے ہوگی 144 میں فام سے اور ہوا اور 144 میں ذکر ہوا اور جو عادی اسراع پیدا کرنے کے لئے مطلوب ہے وہ

ہو عادی اسراع پیدا رہے نے سے مط کئی طرح سے بیدا ہو سکتی ہے۔

علم حركت بابهم 710 شلاً جم کو رسی کے ذریعہ سے ایک نابت نقطے سے باندھ دیا جائے۔ خواہ رسی ایسی ہو جس کا طول تھنیخ ے بڑھ سکتا ہے یا ایسی ہو جس کا طول کھنچنے سے نہیں بڑھ سکتا۔ یہ قوت کسی مادی منحنی کے دباؤ سے بھی پیدا ہوسکتی ہے جس کی وجہ سے جسم منحنی پر طلایا جائے۔ شلا ایک دیل گاڑی کو ریلوے لائن کے کسی منحنی جصے پر ایک ریلوں کائن کے کسی منحنی جصے پر اس دباؤ کے ذریعہ سے چلایا جا سکتا ہے جو ریلیں اس کے پہیوں پر ڈالتی ہیں۔ یہہ قوت ، قوت جاذبہ کی صورت بھی افتیار کرسکتی ہے بیسا کہ سورج اور زمین سے درمیان ہے۔ اس کی وجہ سے نہیں سورج کے گرد ایک منی میں حرکت رہیں کرتی ہے۔ ۱۳۸- اگر ایک شخص ایک رسی کے ایک سرے مدا سا ماتھ میں لیا

بین کہ توبی ارد یک کرد ایک منحی میں حرکت وجہ سے زبین سورج کے گرد ایک منحی میں حرکت کرتی ہے۔

اللہ ایک شخص ایک رسی سے ایک سرے سے ایک جسم کو رسی سے ذریعہ سے ایک دائرے میں گھائے جسم کو رسی کا تناؤ وہ قوت ہے جو کہ جسم کو مطلوبہ اسراع دینے سے ایک دائرے میں گھائے دینے سے ایک دائرے میں گھائے دینے کے خوات ہے جو کہ جسم کو مطلوبہ اسراع دینے سے ایک حرکت سے میں تیس کانون سے بہوجب رسی اس شخص سے ہاتھ کو ایک قانون سے بہوجب رسی اس شخص سے ہاتھ کو ایک قانون سے میں جو اس قوت سے مساوک

ایسی قوت سے کھینچتی ہے جو اس قوت سے مساوک اور متقابل ہے جو رسی کے ذریعہ سے جسم پر عمل

کرتی ہے -یہہ دو نو قوتیں عل اور جواب عل ہیں جن کا ذکر نیوش نے کیا ہے۔ اس شخص کو یہم معلوم ہوتا ہے کہ جسم اس سے باتھ سے چھٹنے کی کوشش كرا ہے۔ اس وجہ سے جو توت جسم كو عادى اسراع دینے سے لئے ضروری ہے اس کے مساوی اور متقابل قوت کو جسم کی مرکز گریز قوت کہتے ہیں۔ لیکن اس اصطلاح سے کچھ غلط فہمی مکن ہے۔ کیونکہ اس اصطلاح سے یہہ ظاہر ہوتا ہے کہ یہ قوت جسم کی ذاتی قوت ہے حالانکہ ایسا نہیں ہے۔ بلکہ یہ ایک بیرونی قوت کی وجہ سے ہے جوجسم پر عمل سمرتی ہے۔ اس اصطلاح کا مفہوم یہہ بھی معلوم ہوتا ہے کہ جسم منحنی کے مرکز سے باہر کی طرف جانے کی کوشش کرنا ہے اور اس کو ایسا کرنے سے روکا جاتا ہے۔ حالالکہ

امر واقعہ یہہ نہیں ہے۔ کیونکہ جسم کو اگر روکا نہ جائے تو وہ منحنی کے ماس کی سمت میں حرکت کرے گا۔ ینی جسم کی حرکت سمت ط لا بیں ہوگی (دیکھوشکل دفعہ ۱۳۷)۔ سمت وط میں حرکت کرنے کا جمرکا

" مرکز جو قوت " ایک ایسی اصطلاح ہے جس میں غلط فہمی کم ہوگی۔

علم حركت بالبهم W16 ہم دونو اصطلاحوں سے اختراز کرینگے۔ لیکن جب یہد اصطلاحیں طالب علم کے سامنے آئیں تو وہ یہد سبھے بے کہ دوسری اصطلاح سے دہ قوت مراد ہے جو جسم کو اس سے طریق ہیں عادی اسراع دینے کیلئے ضروری ہے اور پہلی اصطلاح سے قوت مذکورہ بالاکے مساوی اور شقابل قوت مفہوم ہے۔ یہہ آخر کی قوت جو مرکز گریز قوت کہلاتی ہے دراصل اس جسم پر عمل کرتی ہے جو متحرک جسم کو اس سے طریق پر کچلا تا ہے۔ مثلاً اگر ہم ریل گاڑی کی مثال لیں جو ایک منحنی پر مثلاً اگر ہم ریل گاڑی کی مثال لیں جو ایک منحنی پر جا رہی ہے تو مرکز گریز قوت ریلوں پر عل کرتی ہے اور آگر ہم اس جسم تی مثال لیں جس کو ایک خص رسی کے ذریعہ گھا رہا ہے تو اس صورت میں مرکز گریز قوت اس شخص کے ہاتھ پر عل کرتی ہے۔ گریز قوت اس شخص کے ہاتھ پر عل کرتی ہے۔ 1911 مثال (۱) ساپونڈ کمیت کا ایک ذرہ کم ایک کیکنی میزیر ۵ فٹ کبی رسی سے ذریعہ ایک ثابت ويفظ سن بندها بي ، به في في في نيب كي نقام سے حرکت کررہا ہے۔ رسی کا تناؤ معلوم کرو۔ مہاں رے ہم اور ن = ٥ السكة بموجب دفعه ١٣٥ ، شابت نقط كي طون اسراع 14 = 1 =

تهم حوکت

یس سی کا تناو = $\pi \times \pi = \frac{17}{\Delta} \times \pi = \frac{5}{2}$ بوتمل

= - x - y = y = x = (i)

= بيت يوند وزن

مثلل (۱) ایک ذرہ جس کی کمیت ہم ہے ، کیس تھی مینر پر حرکت کرتا ہے اور ایک رسی سے قدیعہ

س منزیر ایک تابت نقط سے بندھا ہے۔ رسی کا عول ط ہے۔ اگر رسی زیادہ سے نیادہ ت یوند کا

وریافت کرو کہ رسی ہوتے کے

بنیہ زرو ایک نتانیہ میں زیارہ سے زیادہ کتنی گردشیں موسک ہے ہ

قرض کرو کر مطلوبہ گردشوں کی تعداد منت ہے تو ذرے کی رقار ت × ۱۲ ط موگی

اس نے سی کا تناؤ = م x م الم تناظ پیشل

ロラニューカロー コール

المر المحدثيول كى تعداد اس سے تيادہ جو كى لو رسى كا ستلق اس ستاقے سے بڑھ جائے گا جو کہ دی مسالا ملتی ہے یعنی اسی وٹٹ یائے گی۔

ا مثلمہ نمبری (۲۳) (۱) ۳ فٹ لبی رسی کا ایک سرا ایکِ چکنی افقی میزے ایکِ ثابت نقطے سے بندھا ہے۔ اگر ہ یونڈ حمیت کا ایک جسم رسی کے دوسرے سرے سے باندھکر، فط فی ثانیہ کی کیساں دفار سے میز پر گھایا جائے تو رسی

کا تناؤ دریافت کرو۔

(۲) ایک رسی کا طول ہم فٹ ہے اور وہ ۹ پونڈ ونان کو عین سہار سکتی ہے۔ ۸ پونڈ کمیت کا ایک جسم اس کے سرے سے بانرھ دیا گیا ہے اور ایک افقی

میزیر کیساں رفتار سے گردش کرتا ہے۔ رسی کا دوسرا سرا میزیر ایک تابت نقط سے بندھا ہے۔ دریافت

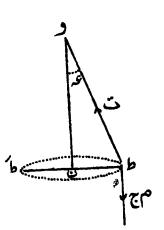
کرو کہ رسی ٹو طفے کے بغیر زیادہ سے زیادہ کتنی گردشیں في منظ ہو سكتي ہيں ؟

(۳) ایک رسی جس کا طول ۵ فٹ ہے ۲۰ یونڈ وزن کو عین سہار سکتی ہے۔ اگر گردش سرنے والے جسم کی کیت '۵ پونڈ ہو تو دریافت کردکہ رسی توشفے کے کبغیر ایک منٹ میں زیادہ سے زیادہ کتنی گردشیں ہو سکتی

رس) اڑھائی قط لمبی رسی کا ایک سرا ایک ثابت نقطے سے بندھا ہے اور دوسرے سرے سے ایک یوٹر کیت

علم حركت ۳۲۰ کا جسم باندھکر ایک افقی دائرے میں گھایا جاتا ہے جرکا مرکز نالبت نقطہ ہے۔ اگر اس گردش سے رسی کا تناؤ ۵ اینڈ وزن کے مساوی ہو تو نابت کرد کہ رسی ایک منٹ میں تقریباً ۲۶ گردشیں کررہی ہے۔ (۵) ایک رسی کا ایک سرا ثابت کے اور دوسرے سرے سے ایک جسم بندھا ہے۔ رسی کیساں دفتار سے گردش کر رہی ہے ۔ اگر رسی کا طول و فظ ہو اور اس کا مناؤ کردش کرتے والے جسم کے وزن سے ه گن مهو مهو تو جسم کی رفتار دریافت سروا (۹) ایک رسی کا طول تضف میشر ہے اور اس کے روب ریاس میں موں محسب کا ایک جسم باندھکر افکی سرے سے ۱۰ گرام محسب کا ایک جسم باندھکر افکی سطح میں گھایا جاتا ہے۔ اگر رسی کا شناو اسی قدر کہ ایک گرام محسب کا جسم آزادانہ لٹکانے ہیں جوتا ہے تو دریافت سرو کہ ایک مناط میں کئی گردشیں ہو رہی ہیں ؟ (٤) ان محبیت کا ایک انجن تیس میل فی گھنٹہ کی رفتار سے ایک منحنی پر چلتا ہے۔ منحنی کا نضف قطر ۱۰۰ فٹ ہے۔ دریافت کرو کہ ریلوں کی قوت بہیوں پر مرکزِ منحیٰ کی سمت میں کس قدر ہے ؟ (٨) اگر سواِلَ بالا بين انجن كي تحميت ١٢ من أور رقاله ٦٠ ميل في گھنٹہ ہو اور منحني ڪا نصف قطر ٢٠٠م گز ہو

علم حرکت کرے کہ ایک افقی سطے میں ایک دائرے اس کے ذریعہ ایک ثابت نقطے کہ سے بندھا ہو ، اس طح حرکت کرے کہ ایک افقی سطے میں ایک دائرے پر چلے اور رسی اپنی گردش سے ایک مخروط بنائے جس کا محور کر میں سے گذر نے والا عمودی خط ہو تو رسی اور ذرہ دونو مل کر مخروطی رفاص کہلاتے ہیں جب حرکت کیساں ہو تو ذرے کی رفار اور رسی کے طول اور میلان کے تعلقات تسانی سے معلوم ہو سکتے طول اور میلان کے تعلقات تسانی سے معلوم ہو سکتے طول اور میلان کے تعلقات تسانی سے معلوم ہو سکتے



فرض کرو کہ ذرہ ط ہے اور رسی وط سے بندھاہے۔ و ایک ثابت نقط ہے اور رسی کا طول ل ہے۔ و میں سے عمودی خط کھنچو اور اس عمودی خط پر ط سے عمود طان نکالو۔ ط ایک افتی دائرے پر

بالبهم غلم حركت 444 عليگا جس كا مركز ن جوگا - يهه دائره شكل سي نقطه دار زض کرو کہ رسی کا تناؤ سے ہے اور اس کا سیلان سمت عمودی سے عہ ہے اور ذرے کی رفتار کے بوجب دفعہ ۱۳۵ ط کا اسرع طن کی سمت میں ان ہے۔ اس کئے اس سمت میں قوت م <u>رئے</u> ہوگی۔ ذرے پر صرف دو قوتیں عمل کرتی ہیں ایک تو رسی کا مناؤ س ب اور دوسری ذرے کا وزن م ج۔ چونکہ سمت عمودی میں ذرے کا کوئی اسراع نہیں ہے لمذا اس سمت میں قوتیں متوازن ہوں گی۔ اس کے ت جم عد = م ج (۱) سمت طن میں صرف ایک قوت عل کرتی ہے اور وہ ت جب عہ ہے اس نے حدید ممالے (۲) (۲)

را) اور (۲) سے لائے = جم عہ (۱) اور (۲) سے لائے = جم عہ اگر ذرہ ایک ٹانیہ میں گ گردشیں کرے تو

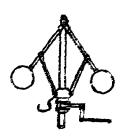
علم حرکت بأسيسأتهم ر = گ ۱۲x طن = ۱۲ گ ل جب ع نه ۱۳۰ گ ال = جمعم يعني جم عه= ٣٠٠٠٠٠ المُكَالَ اس کے بدریعہ (۱) لمِنا رسى كا تناؤ: ذرے كا وزن :: ١٣ كُ ل : ج (٣) اور (٨) سے عم اور ت طاصل ہوں گے۔ ذرے کی گردمش کی مدت الجم عم = Tr ح ون جم عم = Tr ح = TT لجب عم = TT ل اس کئے یہہ مدت اِس طح بدلتی ہے جس طح نقطہ ثابت سے ذریے کی گہرائی کا جدر۔ ١١١١ - النجنول مع خاكم - جو انجن ايك جكه ساكن ره كركام كرت بين ان بين عمومًا اس بات كي خرورت المرہوتی ہے کہ ایک ہی جال سے جلتے رہیں - اِن کی جال کو آیک کل کے ذریعہ صدود مناسب سے آندر رکھا جاتاہے۔ اس کل کو حاکم کتے ہیں۔ یہہ کل عام طور پر دو گردش

كرنے والے وزنی كولوں پر مشمل ہوتی ہے جو بلكی

علم حركت بالبتهم

النوں سے عطب ہوئے ہوتے ہیں۔ ان سلانوں کے دوسرے سرے ایک عمودی سلاخ کے ساتھ جوڑ الميتے ہیں اور يہم عودى سلاخ انجن کے ذريعہ كردش

کرتی ہے -شکل میں ایک سادہ قشم دکھائی گئی ہے جو واطِ کی ایجاد ہے جب عمودی سلاخ طرورت سے زیادہ تینر گردیش کرتی ہے تو گولے تیز گردش کی دجہ سے ادبر چڑھ جائے ہیں اور حصہ ک بھی ساتھ ہی اوپر کو اٹھتا کیونکہ بہد حصد سلانوں کے ذریعہ گولوں سے جڑا ہوا ہے۔



ک کا تعلق میرموں کے فریعہ بھاپ کے کھل مندن کے ساتھ ہے۔ اور یہہ تعلق ایباً ہے کہ جب کیے اور کو اٹھا ہے لیے تو کھل مندن کا سوراخ چھوٹا ہوجاتا اور اس سے انجن کو بھاپ کم پہنچتی ہے۔ اس طح اس کی جلل بھی کم ہو جاتی ہے۔ اس طح اگر عودی سانے کی کردش سست ہوتو کونے

440 باسبهم ینچے ہو جاتے ہیں اور ک اور کھل مندن کے تعلق یہ اور ای مدن کا سوراخ زیادہ کھل جاتا ہے اور ایجن کو بھیاپ زیادہ پہنچنے لگتی ہے لہذا اسجن ایمن ہو جاتا ہے ہیں ہو جاتا ہے اس طح سے حاکم خود بخود ہی مناسب مقدار میں بھاپ ایجن کو پہنچاتا ہے اور ایجن میں بھاپ ایجن کو پہنچاتا ہے اور ایجن میں بھاپ دی بھی ہے۔ تقریباً کماں چال سے چلتا ہے۔ وفسر ۱۲۰ کے آخری بٹنج کے ذریعہ یہہ معلوم ہوسکتا كم أكر أيك أنجن كا حاكم أيك منت بين سائف كردكتين كرے تو بلندى تقريباً ٨ ١ ، ٩ انج ہو گی۔ اور اگر ايك منط میں ۱۰۰ گردشیں ہوں تو بندی ۵۲ م انج ہوگی۔ لیکن علی مقاصد کے لئے یہ بلندی نہابت کم ہے۔ ہاں ہایت چھوٹے انجنوں میں یہم بلندی مکن ہے۔ اس مقصد کو حاصل کرنے کے لئے کہ انجوں کے طاکم تیز گردش کرسکیں ان پر وزن کے ذریعہ یا کانی کے ذریعہ سے بوجے ڈالا جاتا ہے تاکہ ک نیجے رہے۔ بغیر بوجم کے ک نیجے ہیں رہےگا۔ ۱۲۲ – گول سرک پر سائیکل سوار کی حرکت۔ جب کوئی سائیل سوار گول مگرک پر چلتا ہے تو اینے جسم کو اندر کی طرف یعنی گول سطرک سے مرکز کی طرف مائل ارکھنا ہے۔ ایسا کرنے سے زمین کا عل سمت

ننفر حركت 444 تہودی سے مانل ہو جاتا ہے۔ اس عمل کا عمودی جزو ۔اٹیکل سوار اور اس کی مشین سے مجموعی وزن کے ساتھ شوازن ہے۔ اور افقی جزء اس راستے کے مرکز کی سمت میں ہوتا ہے جس پر کہ سوار اور اسکی مشین کا مرکز جمود حرکت کرتا ہے۔ اور یہی افتی جزء اس عادی اسراع کا باعث ہوتا ہے جس کی اس صورت میں ضورت ہولی ہے۔ ۱۳۳۰ ریلوے لائن کے گول حصے پرریل گاڑی کی حرکت۔ اگر رہل کی مطرک سطح افقی ہو تو ربلوں کا جو عمل بہیوں پر ہوتا ہے وہ اُس آسراع کو بیدا کرتا ہے جو الیسی صورتوں میں راستے کے مرکز انحنا کی سمت میں ضروری ہے لیکن اس طح پہیوں اور ریلوں کے درمیان بہت زیادہ رگڑ پیدا ہوگی اور رہلیں اور پہنے جلدی گھس جائیں گے۔ اس بات کو روکنے کے نئے باہر کی ریل کو فرا اونجا كرديا جاتا ہے۔ ايسا كرنے سے ريل كى سطرك افقى نيس ربہتی لہذا اس صورت میں ریل گاڑی کا فرش بھی افقی نہیں ہوگا۔ اگر پہر مقصود ہو کہ پہیوں پر ریلوں کا

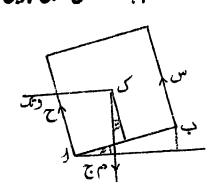
عُل کچھ بھی نہ ہو تو سٹرک کا میلان جو اس صورت میں ضروری ہے حسب طریقہ ذبل اسانی سے معلوم ہوسکتا،۔ فرض کرو کہ فرض کرو کہ

علم حرکت باريهم

اس دائرے کا نصف قطر ، جس پر گاڑی کا مرز جمود ک

چلتا ہے ، ن ہے ۔ فرض کرو کہ دائرہ مذکورہ بالا کا مرکز و ہے۔ شکل ہما گاڑی کی تراش ہے اس سطے عمودی میں جو ک دین

سے گذرتی ہے۔ فرض کرو کہ یہہ تراش ربیوں کو آراور ب پر ملتی ہے۔ [سہولت کے لئے پہنے شکل میں نہیں دکھائے گئے]



فرض کردکہ سے اور سی ریلوں کے عل ہیں جو فریق المب پر عمود ہیں اور فرض کردکہ فرش کا میلان افق

ک وی سمت میں ح اور س کا جزء تحلیلی (٢+٣) جب ته اوه وت ہے جو منحی کے مرکز کی سمت میں اسراع پیدا کرنے کے لئے مطلوب ہے۔

ن (ع+س) جب نه ه م <u>رئا</u> (۱)

شم حرکت بابتهم 444 ے اور س کے عمودی جزو گاڑی کے وزن کے ساتھ متوازن (۱) اور (۲) سے مس تہ = راع (۲) اس سے فش کا میلان معلوم ہو گیا۔ الرياس كا عرض يعني إلب المعلوم بهو تو بابركي ريل کی بلندی آسانی سے دریافت ہو سکتی ہے کیونکہ یہہ ا ب جب نتر کے مساوی ہے۔ نیجہ بالا سے ظاہر ہے کہ اگر یہم مقصود ہو کہ بہیوں یر افتی سمت میں کوئی زور نہ پڑے تو باہر کی رہل کی بلندی گاڑی کی رِفتار پر منحصر ہو گی ۔ علاً باہر کی رِل کی بلندی اس تدر رکھی جاتی ہے کہ درمیانی رفتار کی صورت میں پہیوں پر زور نہ بڑے ۔ جب گاڑی زیادہ تیزرفتا ت جلتی ہے توجس قدر زائد قوت اسراع بیدا کرنے کے کئے مطلوب ہوتی ہے وہ ریاوں کے اس دباؤ سے عاصل اون ہے جو پہیوں پر بڑا ہے۔ اس صورت میں ریلوں کا دباؤ بطریق ذیل دریافت ہوگیا

ہوں ہے جو ہوں ہر ہوں ہے۔ اس صورت میں ریلوں کا دباؤ بطریق ذیل دریافت ہوگئ ہے۔ فرض کرو کہ باہر کی ریل کی بلندی اس قدر رکھی گئی ہے کہ جب گاڑی رفتار کر سے چلے تو پہیوں پر دباؤ نہ پڑے۔ اگر رفتار کر سے زیادہ تیز ہو مثلاً دن

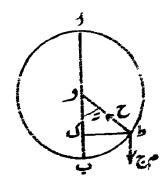
عظم حركت بابهم mrg ہو تو فرض کرد کہ پہیوں پر دباؤ لا پڑتا ہے۔ شکل بالا کو استعال کرد۔ اِس میں صرب ایک قوت لا كا أضافه مو كا جو ب إلى سمت مين عل كرتي ہے۔ اب مساواتین (۱) و (۲) صورت ذیل اختیار کریگی (z+m) جب نه + لاهم ته = م $\frac{d}{dt}$ (۲) (ح+س)جم ته- (دجب ته= م ج٠٠٠٠٠(٥) يس لا= م ن جم ته - م ججب ته = مجمة [النام - جسة = عجم نة الفائد مناوات (٣) اگرف 🖊 لہ تو لا مثبت ہے اور باہر کی ریل مقام ب دباؤ ڈالتی ہے۔ گرف حرار تو لا منفی ہے یعنی ارب کی سمت میں کے اس نے اندر کی ریل بقام ار دباؤ ڈالتی ہے۔ مہم، ا۔ گردش کرنے والا کرہ ۔ ایک عکن کو کھلا کرہ کیساں ناویٹی رفتار سے سے ایک عمودی قطرمے گرد گھوم رہا ہے۔ اگر ایک وزنی ذرہ کرے کے اُند

علم حركت ۳۳. بابهم ہو تو ٹابت کردکہ وہ کرے کے اندر ایک خاص لبندی پر

رہ سکتا ہے اور اگر زاوئی رفتار ایک خاص مقدار ہے کم مو تو ذرہ کرے کے صرف بیت تریں نقطے پر ہی

وض کرو کہ کرے کا محور گردش اسب ہے اور الباندر نقطہ ہے۔ اور فض کردکہ و مرکز ہے۔ اور فض کردکہ ذره مقام طیر ضافی توانن میں ربتا ہے۔ ارب پر طرك عبود نكالو-

پونکہ ط ایک واڑے میں گومتا ہے جس کا مرکز ۔ سے ۔ اور ط کی زاوٹی رفتار حر ہے۔ اس لئے ک کی سمت میں قوت ، صرحا 🗴 طاک یعنی م ما ن جب تہ ہوگ جہاں ن کے کا ضف قطر ہے اور ته زاويه طوب ب



رض کروکہ طیر عادی عل ح ہے تو ح کا افتی جزء وہ قوت ہے جو سمت طاک یں اسراع مطلوب بیدا

علم حركت بالبهم mpul كرتی ہے اور ح كا عمودى جزء درے كے وزن كے سائھ متوازن ہے۔ حجب ته عمصان جب تر(۱) اورح جم ته = م ج ساوات (١) سے ياتوجب تد = . ياح = مطن ح کی قیمت (۲) میں رکھنے سے جم تر = حران پس ذرہ یا تو کیت ترین نقطے پر رہ سکتا ہے جہار یا اس نقطے پر رہ سکتا ہے جو ساوات (۱۱) سے ماصل ہوگا۔ تنرکی قیمت جو مساوات (۱) سے حاصل ہوتی ہے نامکن ہو گی جب تک کہ ھان کی قیمت جے سے بڑی نہ ہو لینی جب کک کہ مرا (عجب) اور سے زیادہ بنہ ہو۔ اگر زاویٹی رفتار (جے) اسے کم ہوگی تو ذرے کے گئے اضافی سکون کا مقام کرے کا عرف پست ترین نقطه هی موگا۔ امثلہ منبری (۲۹۷) (۱) ہم پونڈ کمیٹ کا ایک جسم تین فٹ کی رسی کے

علم حركت - بابہم 444 ایک سرے سے باندھکر مخروطی رقاص سے طور پر عمایا جاتا ہے۔ رسی کا میلان سمت عمودی سے ٥٨ رہنا ہے۔ رسی کا تناؤ اور جسم کی رفتار دریافت کرو۔ (۲) اگر ایک مخروطی رقاص کی رسی ۲۰ انج کمبی ہواور ایک منٹ میں ۲۰۰ گروشیں ہوں تو نائبت کرو کہ رسی کا میلان سمت عمودی سے جم اکا ۱۱۱۷ یعنی تقریباً - 8 or m. "16 (٣) ایک ہم فٹ لمبی رسی کا ایک سرا ثابت ہے اور دوسرے سرے سے ہم لوٹد کھیت کا ایک جسم بندھا ہے۔ رسی مخروطی رقاص سے طور پر ایک منٹ میں ۳۰ گردیں كرتى ہے۔ نابت كروكه رسى كا تناو ١٦٠ ١٦ يونلال ب اور اس کا میلان سمت عمودی سے جم (۸) یعنی تقریباً ۳۵ اه ہے۔ رمم) ایک گر لبی رسی سے ایک وزنی ذرہ لٹکتا ہے۔ فدے کو اٹھایا جاتا ہے اس طرح کہ رسی کسی رستی ہے۔ جب رسی سمت عمودی سے ۹۰ کا زاویہ بناتی ہے تو ذرہ افتی سمت میں پھینکا جاتا ہے۔ آگر پہمقصود ہو کہ ذرہ افقی سطح میں حرکت کرتا رہے تو رفتار ری (۵) ایک ریل گاڑی جس کی تحمیت و ش ہے ایک

mmm بنی مطرک پر ۱۰ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے چل رہی بنی کا نصف قطر ، کے من ہے۔ اگر رہل کی سرک انقی ہوتو تابت کروکہ باہر کی ریل کا دباو بہیوں پر ۸۰۸ بونڈ وزن کے مساوی ہے۔ (۲) ایک ریل گاری بم میل فی گھنٹہ کی رفتار سے ایک سنخی پر چل رہی ہے۔ منحی کا نضف قطر ہے۔ بیل ہے۔ اگر ریلوں کا درمیانی فاصلہ ہو فٹ ہو تو معلوم کروکہ باہر کی ریل کو اندر کی ریل سے کس قدر باند کیا جائے کم ریکوں کا دباؤ پہیوں پر نہ بڑے۔ (٤) ایک بیل گاڑی ۳۰ میل فی گھیٹہ کی رفتار سے ایک منحی پر جا رہی ہے منحیٰ کا نصف قطر ٠٠٠ گزہے۔ بيان کا در میانی فاصلہ ، فٹ ہے۔ اگر بہہ مقصود ہوکہ رات کا دباؤ پہیوں بر نہ بڑے تو دریافت سرو کہ باہر کی راق کوکس قدر بلند کیا جائے ہ (۸) ایک ریل محاری ایک تول سرک پر جا رہی ہے جس کا تضف قطر ۱۳۲۰ فٹ ہے۔ دریافت کرو کہ باہر کی رہل کو کس قدر بلند کریں کہ ریلوں کا دباؤ بہیوں پر نہ پڑے۔ ریلوں کا درسیاتی فاصلہ ۵ فٹ ہے اور گاڑی کی رفتار ہم میل فی گھنٹہ ہے۔ (٩) ایک جسم ایک ۲ فش لمبی رسی سے ذریعہ سے ایک ریل گاڑی کی چھٹ سے لئک رہا ہے۔ اگر گاڑی

علم حركت MAM من اگذ تصف قطر والے منحنی پر ۳۰ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے چل رہی ہو تو ثابت کرو کہ جسم سمت عمونی سے تقریباً ایک فٹ ہے ہ انچ ہٹ جائے گا۔ (۱۰) ۲ اینج نصف قطر والی سروی سطح کو کاٹ کر ایک کٹورہ س ایج گرا بنایا گیا ہے اور وہ اینے عمودی محور کے گرد گھومتا ہے۔ دریافت کروکہ زیادہ سے زیادہ دیا ہے۔ دریافت کروکہ زیادہ سے کہ ایک دہ کی گئی گردشیں ایک منط میں کرسکتا ہے کہ ایک ذرہ اس کی سطح پر بغیر باہر نکل جانے کے ٹکارہے۔ (۱۱) ایک چکنی کمو کھلی مُخروط کا زاویہ راس ۲ تہ ہے۔ اس کا مور عمودی ہے اور راس سنچ کی طرف ہے۔ اگر آیک جسم اس کی سطح پر محور کے کرد وائرے میں گھوے اور ایک خانیہ میں ک گردشیں کرے تو نابت کرو کہ محور سے اس کا فاصلہ ہم تنہ ہوگا۔ (۱۲) ایک یون کی کے باد بان ۲۹ فٹ کمبے ہیں اور ایک منط میں واگردشیں کرتے ہیں۔ اگر ایک آدمی ایک باد بان کے بیرونی سرے سے لیٹا ہوا ہو تو نابت کرد کہ آدمی کے راستے کے بلند ترین مقلم پر باد بان کا عل اس پر کچھ بھی نہیں ہو گا۔ اس کئے اگر ایک آن کے نے آدمی اینے باتھ چھوٹر دے تو نہیں گرنگا۔ (۱۳) مو فٹ لمبی ایک رسی کا ایک سرا ایک نتابت نقطے سے

علم حركت مس بندھا ہے اور رسی کے دوسرے سرے سے ایک وزنی درہ بندھا ہے۔ اس ٹابت نقط میں سے گزرنے والی ایک عمودی شطح میں ذرہ ۲۰۰ گردشیں ایک منط میں کرتا ہے۔ یہہ تسلیم کراو کہ ذرے کی چال کیساں رہتی ہے۔ رسی کی عمودی وضعوں اور افقی وضع میں رسی کے جو تناؤ ہوں ان کی نبیس معلوم سرو۔ (۱۴) دو ذرول کی کمیتیں ساوی ہیں۔ وہ دو اوں ایک سبے وزن رسی سے بندسے ہیں ۔ ایک ذرہ رسی سے ایک سرے سے اور دو سار رسی سے وسط میں۔ ہسطے باندھ کر رسی کو ایک چکنی مینزیر رکھدیا گیا ہے اور رسی کا دوسرا سرا ایک ثابت نقطے سے باندھ دیا اگریسی کو کسا جائے اور دونو ذروں کو اس طرح پھینکا جائے کہ وہ اپنی گردش میں خط مستقیم میں رہیں تو تابت کرد کہ رسی کے دونو حصوں کے کمتناؤں کی نسبت ۲:۳ ہے۔ (۱۵) ایک ریل گاڑی ایک خط متنقیم میں رفتار لے چلتے چلتے سڑک کے ایک منحی حصے پر آق ہے جسکا نصت قطر کن ہے۔ اگر گاڑی میں بانی کا ایک نابت كلوره بهوياً ايك جمولي رسى سے شاقول لك را ہو تو یانی کی سطح کا یا شاقول کا اوسط میلان مس جراز

ہوگا۔

(۱۷) ایک ذرہ جس کی کمیت ہم ہے ایک سی کے ایک سی کے ایک سرے سے بندھا ہے جس کا طول لی ہے۔

رسی کا دوسرا سرا ایک ایسے ثابت نقطے سے بندھا ہے جو یک چکن میزے اوپر کی طوف بلندی ب پر دافع ہے۔ اگر ذرہ میز پر ایک ثانیہ میں ک گردشیں کرے تو میز کا عل دریافت کرو۔ اور یہہ بھی معلوم کرو کہ تو میز کا عل دریافت کرو۔ اور یہہ بھی معلوم کرو کہ ن کی بڑی سے برئی قیمت کیا ہو سکتی ہے جس سے ذرہ میز کے ساتھ مس کرتا رہے۔

ذرہ میز کے ساتھ مس کڑا رہے۔
درہ میز کے ساتھ مس کڑا رہے۔
درکار کو عمودی سمت میں سیدھا رکھکر چھٹری کو گھایا
جاتا ہے۔ ساس ٹاینوں میں چھٹری ہما گردشیں کرتی ہے۔
در اس کی بلندی زمین سے جارفٹ ہو تو ٹابت کردکہ
جو تظرے چھٹری کو گردش کی دجہ سے کنارے سے
جو تظرے چھٹری کو گردش کی دجہ سے کنارے سے
پھٹری کے گردش کی دہ ایک ایسے دائر ایک قطرے
پھٹری کے کنارے کے میاتھ رکھنے کے لئے جو قوت
در کار جوگی دہ مقدار میں دوری ہوئی اوراس کی
مت عمودی سمت سے بڑا دیہ مسس کے ان ہوگی۔
مدت عمودی سمت سے بڑا دیہ مسس کے ان ہوگی۔

علم حركت بابهم (۱۸) ایک ذره جس کی تحمیت هم ہے ایک چکنی میز پر ایک باریک رسی کے ایک سرے سے باندھ دیا گیاہے۔ میز میں ایک چھوٹا سا سوراخ ہے جس میں سے رسی گذر کر این دوسرے سرے پر آیک دوسرے ذرے کو سہآرتی ہے۔ دوسرے ذرے کو کیار سوانے دوسرے ذرے کو کیار سوانے سے فاصلہ دن پر رکھا جاتا ہے۔ اب یہہ معلوم کروکہ مم کو کس رفتار سے پھینکا جائے کہ وہ میزیر ایک ایسے دائرے میں گوم سکے جس کا نصف قطرف . (19) دو ذرے جن کی کمیتیں م اور مئر ہیں ایک چکی میزیر ایک رسی کے سرول سے بندھے ہیں اور رسی ایک چھوٹے سے طقے میں سے گذرتی ہے جو میزیں نصب کیا گیا ہے۔ اگر دولو ذروں کو بالٹرنتیب رفغاً روں الراور لیہ سے اس طرح کیمینکا جائے کہ آن ٹی حرکت کی سمتیں رسی سے زاوت قائمے بنائیں جبکہ رسی ابتائی حرکت میں کسی ہوئی ہے تو دریافت کرو کہ طقہ رسی کو کس نسبت میں تقییم کرے کہ دونو ذرے ایسے دائرد مِن مُحوم سكين جنكا مركز اطفه مو-(۲۰) دو ذریے جن کی کمیتیں م اور م ہیں ایک رسی کے دوان سروں سے بندھے ہیں۔ رسی کا طول طب اور وہ ایک چھوٹے طفتے میں سے گذرتی ہے۔

عارحكت بابهم 224 وریافت کرد کہ چھڑا ذرہ م خردطی رقاص سے طور پر کتنی گردشیں ایک خانیہ میں کرے کہ بڑا ذرہ طقے سے قاصلہ ل پر حالت سکون میں لئک سکے ۔ (۲۱) ایک چکنی مینر میں ایک سول ہے جس میں ہے ایک رسی گذرتی ہے۔ رسی کے سروں سے وو چھوٹے کرے بندھے در جن میں سے مرایک کی سمیت م ہے۔ میزے اوپر کا کرد کیک دارہ میں محروش کرتے کڑتے کسی چَیز سے گراکر اپنی نصعت رنتا۔ کھودیتا ہے۔ وریافت کرو کہ نینے کے کرے کی تحییت یں کئی کمی کی جائے کہ اوپر کا کرہ دائرے میں گردش سریا رہے۔ (۲۲) ایک سی طال تی ایک چکنی میز سے سوراخ المیں سے گذتی ہے۔ رسی کا حصہ ابط میزیہ ہے الورصه المق ميزك ينبح ب اورسمت عمودن ب ہم کا زاور بتانا ہے لیکن اس طن کہ ط اور تی لیک یک عودی خط میں واقع ہیں۔ اگر طَ اور ق پر جیم یالناھ وے جاتیں اور رسی کے دونو حصول کو کس کر لاہ نؤ جمول کو افتی سمت ش چیکا جائے اور اگر اس طے کیلئے سے طائ جینے عودی ہے العد تافیہ طال ق م کا رہے کو دونو جسول کامنیا كى السيت معلوم كرو - أكر رسى كا طوال بم غن يو تو سى كى گيش كى ست يى سلوم كرو-

علم حركث 444 (۲۳) ایک جسم جس کی تحبیت ہم ہے ایک میز پر حرکت کُرَا ہے لیکن اُس طرح کہ جسم ایک رسی کے ایک سرے سے بندھا ہے جس کا دوسرا سرا میزکے ایک نابت نقط سے بندھا ہے اور رسی اکسی ہے کہ کھینینے سے اس کا طول بڑھ سکت ہے اور اس کی لیک کا مقیاس کہ ہے۔ اگر رسی کا اصلی طول او ہو اور جسم ایک ایسے دائرے میں گردش کرر ا جو جس کا نصف قطر ن سے تو جسم کی رفتار معلوم کرو۔ (۲۴۷) ایک لیکدار رسی کا ایک سرا ایک ثابت نقط کرسے بندھا ہے اور دوسرے سرے سے ایک ذرہ لٹک رہا ہے۔ رسی کی لیک کا مفیاس ذرے سے وزن کا دو چند ہے اور رسی کا اصلی طول ل ہے۔ اب رسی کو ایک مخروطی رقاص کی صورت میں گھایا جانا ہے جس کا محور ا بیں سے گذر نے والا عمودی خط ہے ار غير متبدل حركت كي حالت مين الرسي فيج كول راستے کا فاصلہ ل ہو تو ناست کرو کہ ذر سے کی رفتار اس بحل ہوگی۔ (۲۵) سوال (۸) میں افتی دباؤ معلوم کرو جبکه رفتار (۲۵) سوال (۸) میل فی گھنٹہ (۲) ۲۰ میل فی گھنٹہ ہو۔ گاڑی کی تحبیت دس ش ہے۔ ہر ایک صورت میں بیان سرد کہ کونسی ریل کا دہاؤیڑتا ؟

جاذبہارض کے زیرعل ایک چکنے

۱۲۵ اس کتاب میں ایک ذرے کی حرکت سے اش عام مسئلہ پر بحث ہنیں ہو سکتی جبکہ ذرہ کوئی سی مفرونہ و توں کے زیر عل ایک منحنی پر چلایا جائے یا جبکہ ذرہ جاذبہ ارض سے زیر عل کسی منحنی پر چلایا جائے۔

جاذبہ ارض کے زیر عل صرف ایک صورت ہے جو

ہم ابتدائی اصولوں کی امداد سے حل کر سکتے ہیں اور جوکہ حرکت کے متعلق بہت سے امور دریافت کرنے کے

ے بید ہے۔ ۱۲۷۱۔ مسئلہ۔ اگر ایک ذرہ ایک چکنے منحیٰ کیالیک قس پر نیجے کی طرف پیسبتا ہوا سطح عمودی میں حرکت كرے أور أكر اس كي ابتدائي رفقار ب ہو اور عمودي

فاصلہ می کیسلنے کے بعد رفقار لہ ہو تو تابت کردکہ

لا = ب ا + ١١ج ي _

فرض کرد کہ لا منحی کا وہ نقطہ ہے جہاں سے

علم حرکت باب ہم اور ما دہ نقطۂ منحیٰ ہے۔ درہ بیسلنا شروع کرتا ہے اور ما دہ نقطۂ منحیٰ ہے۔ جس کا عمودی فاصلہ لا سے ہی ہے۔ لاک اور ماگ افتی خط کینچو جو کسی عمودی خط کوک اورگ ماگل افتی خط کینچو جو کسی عمودی خط کوک اورگ بر ملیں ۔ فرض کروکہ ط اور تی منحیٰ پر دو نقطے ہیں جوایک دوسرے کے بہت قریب ہیں ۔ ک گ پر ط حادر قل میں عمود کینچو۔ تو ط ق تقریباً خط مستقیم کا ایک جموٹا ٹکڑا ہوگا۔ جموٹا ٹکڑا ہوگا۔ جموٹا ٹکڑا ہوگا۔

الا الراب ا

ط پر اسراع ط ق کی سمت میں ج جم ص ق ط ہے۔
اس لئے اگر ط اور ق پر رفاریں لیادر لیہ ہوں تو

ریا = ریا + بہ جم ص ق ط × ط ق = ریا + بہ حق

ن ریا - ریا = بہ ص ق

یعنی رفار کے مربع میں جو تبدیلی ہوتی ہے دہ ط اور ق
کے در میانی عمودی فاصلے کے باعث ہوتی ہے۔ چونکہ

علم حركت 777 بأب دنهم یہہ قوس کے ہر ایک چھوٹے جزء کی صورت میں صیح ہے اس سے یہہ تمام قوس لاماکی صورت میں صیح ہے۔ اس کئے لا سے ہا تک پھسلنے میں رفتار کے مربعے میں جو تبدیلی ہوگی وہ عمودی فاصلے ہی کے عہد ہوگی یعنی لا= ب ۲+ ج ی مِسْلَمُ بِالا اصول بقاء تواناتی کے ذریعہ بھی ثابت ہوسکتا۔ چونکہ منحی چکنا ہے اس کئے قوس کا عمل ہیشہ ذریے کی سمتِ حرکت پر عبود ہوگا۔ اس کئے (بموجب سکونیا د فعہ ۱۹۷) منحنی کا دباؤ ذرے پر کوئی کام نہیں کتا۔ اس کئے جو قوت کام کرتی ہے وہ صرف ذرے کا وزن ہے ۔ چونکہ توانانی کی تبدیلی اس کام کے مساوی ہے جو ذرے پر ہوا اس لئے الم الا - الم مباء كام جووزن في اعمجى ہ لا = ب + ۲ ج ہی ۱۲۷ – اگر چکنے منحی کے بنچ کی طرف پھیلنے کی بحا فدہ اس منحی پر اوپر کی طرف پھینکا جائے تاکہ اوپرنی طرف حرکت کرے۔ تو اس صورت میں اگر ابتدائی رفتار ب ہو اور عمودی فاصلہ سی طے کر چکنے کے بعد

سالهم بأسيسا ديجم رنیِّار که ہو تو یہہ رفتار که مساوات ذیل سے حاصل ہوگی اس کئے ذرے کی رفتار اس وقت تک معدوم نہوگی جب سک کہ درہ منحیٰ کے ایک ایسے نقطے پر نہ کہنچے جس کا عمودی فاصلہ نقطے رقی سے بی ہے۔ اس سے ظامر ہے کہ جس بلندی تک ذرہ اوپرچڑھ سکتا ہے وہ منحی تی شکل پر منحصر نہیں ہے۔ اور یہہ بھی ضروری بنیں ہے کہ ذرہ اپنی حرکت کے دوران میں اوپر وار ہی جراحتا رہے۔ یہم مکن ہے کہ ذرے کی حرکت پہلے اوپر کی طرف ہو پھر نیمے کی طرف پھر اوپر کی طرف و علی ہذا القیاس - جس مقام پر آخر کار ذرہ ساکن ہوگا اس کی بلندی ہی ہوگی اس مقام سے جہاں ذرے کی رفتار دی ہے۔ اس سے یہہ نیتجر نکلتا ہے کہ اگر ایک ذرہ طالت سکون سے ایک چکنی قوس پر حرکت کرے تو وہ اس وقت ساکن ہوگا جگہ وہ نقطۂ ابتداءِ حرکت کے ساوی بلندی مک بہنچیگا۔ نٹ کاڑی اس کی ایک تقریبی مثال ہے ۔ نیونکہ یہ جس مقام سے چلتی ہے اسکے مساوی بلندی شک پھر چڑھ جاتی ہے۔ نظراً اور علاً جو ننائج حاصل ہوتے ہیں ان میں تھوڑاسا

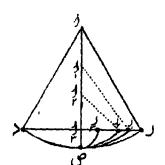
ياب دتيم 444 رں ہو، ہے اس کی وجہ ہوا کی مراحمت اور پہیوں کی رگر ہے جو نظر انداز نہیں ہو سکتی اگرچہ مقدار میں کمہے۔ نٹ گاڑی کا وزن جتنا زیادہ ہوگا اتنا ہی کم فرق نظری اور على نتائج ميں ہو گا۔ ایک آیسے مقام پر جس کی بلندی نقطۂ ابتداء حرکت سے ی ہے رفتار ایک ہی ہوگی خواہ وہاں ذرہ اوپر جا رہا ہویا نینے جا رہا ہو۔ دفعہ گذشتہ کا مسلا صرف حرکت بجاذبہ ارض کے لئے ای صیح نہیں ہے بلکہ وہ ہرایک رایسے ذرے کی حرکت کے گئے بھی درست ہے جو کسی جگنے منحیٰ پر ایک متعقل وقت کے زیر عمل حرکت کرے جہاں قوت کی سمت بھی متنقل رشی ہے۔ ایک چکنی مانل سطح پر کی حرکت اسکی ایک مثال ہے۔ رہہ مسئلہ اس صورت میں بھی صبح ہے جب ہم منحی کی بجائے ایک بے لچک رسی رکھیں جو ایک خابت نقطے سے بندھی ہویا ایک سلاخ رکھیں جو ذرے کی حرکت کی سمت پر ہمیشہ عمود وار رہے۔کسی منحی پر ذرے کی حرکت کا عام مسئلہ علم احصا کی اماد کے بغير عموماً حل نهيس ہو ليكتاب

بیر را این این از این از این از این بیسل را بو بوجم ایک چین منی پر نیج کی طرت بیسل را بو

علم حركت 440

اس کی حرکت کے متعلق صیح تجربے کرنا آسان نہیں ہے۔ کیونکہ علاً یہ نامکن ہے کہ چکنا منحی دستیاب ہو سکے۔ لیکن ہم اس کی مشابہ صورت میں مسئلہ دفعہ ۱۲۱۱ کی تضریق تجربوں کے ذریعہ کرسکتے ہیں یعنی ایسی صورت میں

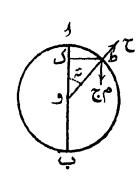
جہاں ذرہ ایک رسی سے بندھا ہے۔ ایک وزنی جسم لو مثلاً سیسے کی گولی - اس کو ایک ہلکی نرم رسی کے ایک سرے سے بازھ دو۔ رسی کا دوسرا سرا ایک ثابت نقط کر سے باندھ دو۔ اب جسم کو کے ایک شخنہ سیاہ کے سامنے جھولنے دو تو جسم ایک دائر کی قوس پر حرکت کریگا جس کا مرکز او ہے۔



تختہ سیاہ پر نقطہ 🗘 کا نشان لگاؤ جہاں سے جسم حرکت کرنے کے لئے چوڑا جاتا ہے۔ اس نقطے در میں سے ایک افتی خط در إل ر كھينيو۔ اگر اب گولی كو جھولئے رہا جائے تو وہ دوسری طرف آیک نقطہ کے یہ ساکن ہوگی جو تقریباً خط د لے بر واقع ہے

علم حركت 444 با سب دہم اب ایک ِ نقطه إ نخته سیاہ پر لوجو عموداً لا کے نیچے ہو۔ الم ير ايك كيل كار دو جو أتني بري موكه سي جمولت وقت اس میں انگ سکے۔ اب اگر گولی کو پہلے کی طح نقطیم ر سے چھوڑا جائے تو پہلے تو دہ قوس کر جل پر چلے گ پھر قوس ص آب یہ حرکت کرے گی جس کا مرکز اسے۔ یبه معلوم ہوگا کہ نقطہ بے جہاں وہ ساکن ہوگی تقریباً افقی خط کے لیے بر واقع ہے۔ اب اس عل کو معکوس كرو يعنى كولى كو ليس يجورُد - تو اس كا راست بوس د ہوگا۔ اب إ اور پھر بعد اس كے ل پركيل كار كريب تجرب كروم برايك صورت مين يهي نتيجه طاصل بهو كاليني يهه کہ اگر گولی کو ﴿ سے جھوڑا جائے تو دوسری طرف وہ ایسے نقطے پر ساکن ہوگی جو تقریبًا اس افقی خط میں واقع ہوگا جو ﴿ مِن سے گذرتا ہے اگر ہوا کی مزاحمت نہ ہو (جو اگر چہ کم ہے لیکن قابل تنار) نقالہ نہ تو نقط ب رب، رہے، میں خد مستقیم در پر واقع ہونگنے اگر سیسے کی گوئی کی کبجائے ایک ہلکی گولی استعال کریں جو اسی ناپ کی ہو تو ہوا کی فراحمت کا اثر زیادہ ہوگا۔ اس صورت میں گولی خط ﴿ ل سے اتنا قریب نہیں بہنے سکیگی جتنا کہ سیسے کی گولی پہنی تھی۔ اگر بجائے ک^{ا ک}ا کہ کہ سے ہم کسی اور نقطے ط پر کیل

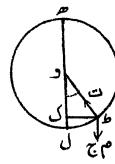
علم حركت m 146 بأسيه ومحمر گاڑیں جو مثلث لو در میں واقع ہے تاکہ رسی اس کیل سے انگ جائے تو بھی وہی نیتج حاصل ہوں گے۔ مما۔ ایک عمودی دائرے کے باہری طون حرکت۔ اگر ایک ذرہ ایک چکنے عمودی دائرے کی چوٹی سے دائرے پر حالت سکون سے نیچے کی طرف پھیلنے کے لئے جھوڑا جلئے تو ثابت کرو کہ جب وہ دائرے کے نصف تطرکے ایک نلٹ کے مساوی فاصلہ عموداً طے کرچکگا تو وہ دائرے پر سے انز جائے گا۔ فرض کروکہ دائرے کا مرکز رہے اور اس کا بلند ترین نقط را ہے۔ فرض کرد کہ جب ذرہ دائرے کے نقطہ ط پر پہنچا اس کی رفتار کے ہے اور منحیٰ کا عمل ح ہے۔ فرض کو کہ دائرے کا نصف قطر ک ہے۔ عمودی نصف قطر رک ہے۔ اور فرض کرو کہ اک = ی



علم حركت 744 بأب وبهم ر = ۲ = ۲ × اک = ۲ ج ی تب ر ہے ہے. طور کی سمت میں قوت ح = م ج جم ن*ۃ* - ح جہاں تہ زاویہ ط و ا ہے۔ لیکن بموجب دفعہ ۱۳۵ ط و کی سمت میں جو قوت ہے وہ لازاً م رئے کے ساوی ہے۔ ن مراز = م ج جم تر - ح ن ح = م ا ج جم ته - النا = 0 + 0 - 2 - 1 + 2 0 = = م ج <u>ن- سی</u>

اس سے ظاہر ہے کہ جب سا ی = ن یعنی ی = ہے ہو جانا ہے تو اس وقت عل ح معدوم ہوجاتا ہے اور اس کی علامت بدل جاتی گا اور آزادانہ ایک قطع وقت منحی بر سے اثر جائے گا اور آزادانہ ایک قطع مکافی میں حرکت کرے گا۔ کیونکہ اس خاص مقام سے گذر نے کے بعد ذرہ اسی صورت میں دائرے پر رہ سکتا ہے آگر عل ح تناؤ کی صورت اختیار کرے رہ سکتا ہے آگر عل ح تناؤ کی صورت اختیار کرے

باب دہم لین یہ نامکن ہے کیونکہ منحی ذرے کو کھینے نہیں سکتا۔ ٠٥١- عمو دي دائرے ميں حركت ـ ايك ذه جس کی تحمیت م ہے ایک رسی سے ذریعہ جس کا طول ن ہے ایک نابت نقطے سے سمت شاقولی میں اطلتا ہے۔ آب اس کو رفتار ب سے حرکت دی جاتی ہے اور يہم ايك عمودى دائرے ميں گردش كرنے لگا ہے۔ اس خرکت کے دوران میں کسی نفطے پر رفتار اور تناؤ دریافت کرو۔ اور وہ مشرط بھی دریافت کرو جس کے پورے ہمونے سے ذرہ عین پوری گردش کرسکے۔ فرض کروکہ ٹابت نقطہ جس سے رسی بندھی ہے وہے۔ اور و میں سے خط ول شاقیلی سمت میں کھینےاگیاہے۔ فرض کرو کہ نقطہ ط پر ذرے کی رفتار لے اور رسی کا تُنَاوُ مت ہے۔ رل پر طک عمود کھینچو۔ فرض کرد کہ لکءی فرض کرد کہ زاویہ ط ر ل = نہ



تب بموجب دفعه ۱۲۸ لا = با - ۲ جی - - - - (۱) اور بوجب دفعہ ۱۳۵م رکے مساوی ہے اس توت

کے جو ذرے پر عاد ط و کی سمت میں عمل کرتی ہے۔

دم <u>ت</u> = ت - م ج جم ته = ت - م ج <u>ت - ی</u>

دت = م <u>لا+ح (ن-ی)</u>

یغی ت = م ب + ج (ن - ۲ کی)(۱)

ماوات (۱) رو (۲) سے ذرے کی رفتار اور رسی کا مناؤ طریق کے کسی نقطے نے معلوم ہو گیا۔

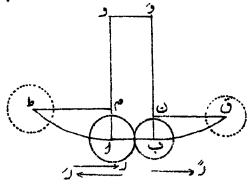
اگر رسی کا تناؤ منفی 😸 کے تو درہ دائرے کے بلند ترین نقط حر پر نہیں بہنچ سکتا۔ تناؤ کے منفی

ہونے کے معنی یہے ہوں گئے کہ رسی بجائے گھینینے کے دھکیلنا رشروع کرتی ہے۔ اور یہد نامکن کے

کیونکه رسی دهکیل نهیں سکتم یوند رقی و سین این سنتی -اس لئے ذرہ عین یوری گردشیں اس صورت میں رسکیگا جبكه تتاو بلند ترين نقط پر صفر مو سكيجان ي عن

بأنب دوتهم

رسیوں کے طول اسقدر ہوں کہ جب دولو کرے بلا تکلف للک رہے ہوں تو وہ عین مس کریں اور ان کے مرکز ایک ہی افتی خامیر^{وا} نفیار



اب دہم اب کرے اور چیجے کی طرف کھینچو لیکن رسی کسی رہے۔ کرے کو اس قدر کھینچو کہ اس کے مرکز کی بلندی ارم (=ی) ہو۔ یہم بلندی مرکز کی ابتدائی وضع اور سے ناپی جائے گی۔ اب یہاں سے کرے کو چھوڑ دو تاکہ بلا تکلف حرکت کرے۔ یہم کرہ اور دوسرے کرے دب سے خان میں کا اور دوسرے کرے دب

اب یہاں سے ارب تو چوڑ دو تالہ بلا تعلق حرات ارب ہہہ کرہ اُر یہے کی طرف آئے گا اور دوسرے کرے جب سے طرائے گا۔
سے طرائے گا۔
جب کرہ اُر ملب سے عراباً ہے تو ار کی رفتار اس ہی ہاگا فض کروکہ طرک عد کروں کی رفتار از اور اُر میں ہاگا ہے۔

فرض کرد کہ طکر سے بعد کروں کی رفتاریں کے اور کے ہیں اور کی اور می وہ بلندیاں ہیں جہاں سک وہ ان رفتاروں کی وجہ سے اوپر وار جاتے ہیں۔

تو لے= ١٦جى اور لے= ١٦جى كاياب كرہ كركم اللہ كاياب كر كے بعديا تو يہجے ہليكا يا ساكن رہے كاياب كے جہيكا يا ساكن رہے كاياب كے جہيكا يا ساكن رہے كاياب

فض کروکہ کرہ لر جیجے ہتا ہے تو رفتار بتاعد لر+ر ً یعنی الم ج (ای + ای) ہے۔

رفتار تقارب ہو ہو اور کر اسے ہیں معلوم ہوگا کہ می کی تمیت خواہ کچھ ہی ہو اور کر اور دب کی کمیتوں کی نسبت خواہ

کواہ چھ ہی جو اور آر اور ب بی میبوں بی سبت کوہ کچھ ہی ہو، (ایک + رائ اور آئ کی نسبت ایک ہی رہے گی۔ اس نسبت کا انحصار آر اور ب کے امنکہ کمیری (۲۵)

(۱) ایک ذرہ جس کی کمیت ہ پونڈ ہے ایک تین فٹ لمبی

رسی کے ذریعہ لئکتا ہے۔ رسی کا اوپر کا سا ایک ثابت

نقطے سے بندھا ہے۔ اگر ذرے کو ۲۵ فٹ فی ثانیہ کی

افتی رفتار سے حرکت دیجائے تو جب رسی (۱) افتی ہو با

(۲) اوپر وار عمودی سست میں ہو ، ان وونوں وضعول

میں ذرے کی رفتار اور رسی کا تناؤ دریافت کرو۔

اس اگر ہم مقصود ہوکہ ذرہ عین پوری

گردشیں کرے تو رفتار رمی کی اقل قیمت دریافت کو اور

یہہ بھی بتاؤ کہ رسی کم سے کم کتنا وزن سہارنے کے قال

ہوئی چاہیے۔ (س) ایک س فٹ لبی رسی کا ایک سرا ایک ثابت نقطے سے بدھا ہے اور اس کے دوسرے سرے سے م

علم حركبت 204 باب دہم محمیت کا ایک جسم بندها ہے۔ جسم کو کیار رسی کو افتی وضع میں الکر چھوڑ دیا گیا ہے۔ دریافت سروکہ جب رسی شاقولی سمت میں ہوگی تو اس وقت اس کا تناؤ کیا ہوگا اور جسم کی رفتار کیا ہوگی ہ (ہ) ایک چکنا طقہ جس کا قطر ہ فط ہے عمودی سطح یں رکھا گیا ہے۔ اس طقے میں ایک منکا پرویا گیا ہے۔ اگر منکے کو طلقے کے بلند ترین نقطے سے بنیچے کی طرف كيسك كے لئے چھوڑ دیا جائے تو اس كى رفقار دريافت گرو جگه وه (۱) پست ترین نقطے پر پہنچے (۲) افقی قطر کے سرے پر آہنیے (۳) سمت شاقولی میں قطر کا ایک ٹلٹ طے کرے (م) کل محیط کا دو نلث کے کرے۔ (۵) ایک وزنی ذرہ ایک رسی کے ایک سرے سے بندھا ہے۔ رسی کا طول ۱۰ فٹ ہے اور اس کا دوسرا سرا ایک ثابت نقطے سے بندھا ہے۔ اب رسی کو ایک عمودی دائرے میں گھایا جاتا ہے۔ اگریہ مقصود ہوکہ ذرہ مین پوری گروشیں کرسکے تو دائرے کے بیت ترین نقط پر ذرے کی رفتار کیا ہوگی اور رسی کا مناؤ کیا ہوگا ہ (۱) دو عمودی رسیال آیک توب کو افقی وضع میں سہارتی

ایں - ہرایک رسی کا طول و فٹ ہے۔ اس توب کے

(ع) بیت بھوں دری سعد بیت رق پر برس ہوا ہے۔ ری اطول مہم فط ہے اور اس کے دونو سرے دو ثابت نقطوں الم اور جب کا درسیانی فاصلہ ۴۰ فٹ ہے اور خط آل جب افقی ہے۔ جب طقہ الر سے ۵ فٹ ہے تو اس کو دہاں پکڑ کر رسی کو کس کر طقے کو چھوٹر دیتے ہیں۔ ثابت کرو کہ جب طقہ م فٹ رسی طی رقار تقریباً ۱۱۶۰ فٹ نی ثانیہ ہوگ۔ کر چیتا ہے تو اس کی رقار تقریباً ۱۱۶۰ فٹ نی ثانیہ ہوگ۔ کر چیتا ہے تو اس کی رقار تقریباً ۱۱۶۰ فٹ نی ثانیہ ہوگ۔ (۸) ایک ذرہ ایک دائرے کی توس بر نیمے کی طون بھسلا ہے۔ ثابت کرو کہ دائرے کے بست ترین فقط پر ذرے کی رقار اس طیح برائی ہے جس طیح کہ قوس نزول کا وٹر بدت ہوگ ہوں نزول کا وٹر بدت ہوگ ہوں نزول کا وٹر بدت ہوگ ہوں نے بدت ترین فقط برانے کے بست ترین فقط برانے کی رفتار اس طیح برائی ہے جس طیح کہ قوس نزول کا وٹر بدت ہوگ ہوں نے بدت ترین فقط برانی ہے جس طیح کہ قوس نزول کا وٹر بدت ہوگ ہوں نے بدت ترین نے

(۹) ایک ذرہ ایک چکنے عمودی دائرے پر باہر کی طرب بلند تربن نقطے سے حالت سکون سے پھسلنا شروع کرتا ہے۔ دائرے پرسے اترنے کے بعد جس قطع مکانی میں ذرہ حرکت کریگا اس کا ونز خاص دریافت کرو۔ (۱۰) م محبت کی ایک گولی ایک عودی مدور چکنی نلی میں بعد ترین مقام پر پڑی ہے اور ۱ م کیت کی ایک گولی نلی میں بیت ترین مقام پر پڑی ہے۔ اب گولی م اوپر سے بیسلٹ شروع کرتی ہے اور اندرہی پیسلتے کیلی اور اندرہی پیسلتے کیلی اور اندرہی کیسلتے کیلی اور اندرہی کیسلتے کیلی اور اندرہی کیسلتے کیلی دریافت کروکہ عمر کے بعد گولیاں نلی کے اندر کہاں تک اوپر وار جائیں گی ؟

(11) إتحى داخت ك دو مسادى گولے متوانى دسيول ك فريع لئك رب زير اس طح كه گولے مس كرتے ہيں اور ان كا خط مركزين افقى ہے - ان نقطول سے جہاں رسيل بندهى ہيں خط مركزين كا عودى فاصلہ ٢ فئ ہے - ان كولول سے تجربه كرنے سے معلوم ہوتا ہے كه اگر ايك گولول سے تجربه كرنے سے معلوم ہوتا ہے كه اگر ايك گولول سے تجربه كرنے سے معلوم ہوتا ہے كه اگر رسى كا ميلان سمت عودى سے جھوڑيں جہاں كه اس كى رسى كا ميلان سمت عودى سے بہت ہے اور دوسرا گوله اس كو حركت ديتا ہے اور دوسرا گوله اس حركت سے تب اور دوسرا گوله اس حركت سے تب اور دوسرا گوله اس حركت ديتا ہے اور دوسرا گوله اس حركت سے تب اور دوسرا گوله اس حركت سے تب اور دوسرا گوله اس حركت ديتا ہے اور دوسرا گوله اس حركت ہے ۔

(۱۲) ایک دائرے کی قس کے محاذی مرکز پر سو کا زاویہ بنتا ہے۔ یہ قوس سطح عمودی میں اس طرح خابت کردی گئی ہے کہ اس کا مرکز ایک تئی اختی خط میں واقع ہیں۔

تک افتی خط میں واقع ہیں۔

اس ہے۔ اس نے ہرایب سنع کا طول اڑ ہے۔ یہہ می اس طرح رکھی ہے کہ اس کا ایک سرے کا ضلع سب سے پنچ ہے اور افقی ہے اور دوسرے سرے کا ضلع عمودی ہے۔ ایک بے لچک ڈرہ اس سے اندر سرے پر رکھدیا گیا ہے۔

ذرے سے بندھا ہے جو سمیت شاقولی میں لٹکتا ہے۔ ذرو كى رفتارين اس وقت كيا جونگى جب ببلا ذره نلى سے تكليگا؟ (١٥) اگريه تعليم كرايا جلت كرزين ايك كره سے جس كالفت قطر ۲۰۰۰م میل کی تو نابت کروکه خط استواید زمین کی گردش کی وجہ سے کسی جسم کا مڑی وزن بقدر الم اسے کم ہوجائگا۔ الرخط استوابر أيك أيل كارى ايك ميل في دقيقه كي رفتار سے مشرق کی جانب جارہی ہو تو نابت سرو کہ اس کا مری وزن بقدر ہم ٤٠٠ کے کم ہو جانے گا۔

(۱۷) ایک ذرہ ایک بچلنے منی پر پنچ کی طرف پیسلتا ہے۔ جب وہ عمودی فاصلہ کی طے کر حکیا ہے تو اس کی رفتار مصلہ اس قدر ہوتی ہے کہ ن نصف قطر والے عودی دائرے پر اندری طرف پوری گردشیں کرسکے ر جیسا کہ مرکز گریز ریل گاڑی میں ہوتا ہے،)۔ ثابت سرو کہ ۲ می لازماً ۵ ن ہے بڑا ہوگا۔

(۱۷) دفعہ ۱۵۱ کے تجربہ میں کروں کی تحبیت مساوی ہے اور وہ مساوی رسیوں کے ذریعہ سے نظمتے ہیں۔ پہلا کرہ ینے آنے میں ایک ایسی قوس طے کرتا ہے جس کا وتر لا ہے اور دوسرا کرہ تکرے بعد اوپر وار جانے میں ایک ایسی قوس طے کرتا ہے جس کا وتر ما ہے۔ ثابت کردکہ

لیک کی قدر عمالے ہوگ ۔

باب وهيم

(۱۸) ایک جھوٹی گولی ایک بے لچک رسی کے ایک سرے سے بندھی ہے اور رسی کا دوسرا سرا ایک ثابت نقطے و

سے بیدی ہے اور رہی اور اور سرا ایک باب سے اس طح سے بندھا ہے۔ گولی کو بکڑ کر رسی کسی گئی ہے اس طح کہ گولی کا عمودی فاصلہ و سے ہا افٹ ہے۔ اب گولی

کو چھوٹر دیا جاتا ہے۔ اگر رسی کا طول سافٹ ہو تو رسی کے دوبارہ سسنے سے عین بعد گولی کی رفنار معلوم کرواور یہہ بھی دریافت کرو کہ و سے عموداً ادیر وارکٹنے فاصلہ

یک کولی جا کے گی 9 مک کولی جا کے گی 9

علم حركت

(۱۹) ایک ذرہ ایک عِلنے عمودی دائرے پر اندر کی طرف حرکت کرنے کے طرف حرکت کرنے کے مارٹ کرنے کار بیت ترین

نقط پر ل (١٩٥٦ ت ٢ جهال بي دائرے كانست

قطر ہے۔ ٹابت کروکہ جس وقت ذرہ دائرے کے اس نقطے پر بہنجیگا جس کا زاوئی فاصلہ بلندنزین مفام سے جم اللہ اسے اس وقت ذرے کی رفتار ہے رہا ہے کی اور

ہے اس وقت درنے کی رکھار ہے راہ آج ک جو ی ادام ذرہ دائرے پر سے اتر جائے گا۔

ذرہ دائرے پر سے امر جائے 8-(۲۰) ایک گولی جس کی محبیت ۲۰۰ گلام ہے ۲۰۰ میٹرنی ٹائی کی افتی رفقار سے حرکت کرتی ہوئی ایک کمعب سے پہلوکے

کی افتی رفتار سے حرکت کرتی ہوئی ایک کمعب سے پہلوے عین مرز میں گئی ہے اور اس میں گھس جاتی ہے ۔ کمعب کی حمیت میں کھس جاتی ہے ۔ کمعب کی حمیت کی کی اور وہ ایک رسی کے ذریعہ سے لئل ہے ۔ دریا فت سمرہ کہ کمعب سمس قدر فاصلے تک

علم حركت باب دہم

عبوداً اوبر وار جاكر ساكن هو گا ٩ (۷۱) ربیت کے ایک صندوق کی تحبیت ۲۰۰۰ پونڈ ہے اور وہ دو عمودی رسیول کے ذرایعہ سے لٹکتا ہے۔ ہرایک سی کا طول ۸ فٹ ہے ، ۲۰ پونڈ کمینت کا ایک گولہ اِنقی سمت یں اس طرح چلایا جاتا ہے کہ صندوق سے مرکز تقل کی سیدھ میں گئے اور صندوق میں گھس جائے۔ اگر گولے کے گنے سے مندوق کا مرکز ثقل ایک ایسی قوس میں حرکت کرے جس کا وتر 7 فٹ ہے تو شابت کرو کہ گونے کی رفتار

۱۲ انٹ فی ٹانیہ ہے۔ اگر گونے کی تحمیت کی اور صندوق کی تحمیت ص ہو

اور ہرایک عمودی رسی کا طول ل ہو اور قوس حرکت

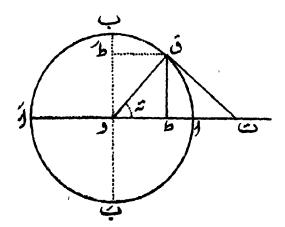
کا ویر من ہو تو ثابت کروکہ گیا کی رفار گیا بس بدت بر آج

[بہہ اس سوال کی عام صورت ہے۔ اس کے ذریعہ سے ہم کنسی گونے یا گوئی کی رفتار معلوم کرسکتے ہیں۔ دت کی قیمت ہمیں سجربہ سے معلوم کرنی ہوگی]



بسیط موسیقی حرکت ۔ رقاض

الم الم الم الم الك نقط ق الك دائرت بر كل المال ذاونى رفتار سے حركت كرت اور وائرت كے الك فابت قط أو و أثرت كر الله فابت قط أو و أو بر ق سے عمود كينيا جائے اگر اس عمود كا بايہ بميشہ ط ہو تو فابت كروكم ط كا اسراع دائر كے مركز و كى جانب ہوگا اور اس طرح بدليكا جس طرح ط اور وكا دربياني فاصلہ ۔ ساتہ ہى ط كى دفار اور كسى فاصلے كو ط كريے كى مرت بى معلوم كرو۔



ت بنوجب دفعہ ۱۳۵ نیتجہ صریح (۱) ق کا اسراع حران ہے اور اس کی سمت ق ورہے۔

اس نے طاکا سراع طوکی سمت میں = حدان جم تہ = حددط یعنے طاکا اسراع اس طرح بدلتا ہے جس طرح طاکا فاصلہ مرکز دائرہ سے -

اور ط کی رفتار

ون هم می ت و و ن هرجب نه وطق و هم ای ایلی ایس ایس ایس وط و کا بهاں وط و کا یہ رفتار کر اور کر پر صفر ہے اور اس کی بڑی سے بڑی قیمت و بر ہوتی ہے۔ جب ط ، و یں سے گذرتا ہے تو امراع معدوم

علم حرکت باب يازدتم m4+ ہو جاتا ہے اور اپنی علامت بدل لیتا ہے۔ اس سے نقطہ ط کو پر ساکن ہوتا ہے نینی اس کی رفار ا برصفر ہوتی ہے لیکن اس سے اسراع کی قیمت اوپر بڑی سے بڑی ہوتی ہے۔ ا سے پل کرجب نقطہ ویر بہنچا ہے تو اس کا اساع تو صفر ہوتا ہے لیکن اس کی رفتار کی قیمت بڑی ہوتی ہے۔ جب ط 6 کر پر بہنچا ہے تو پھر وہ ساکن ہوتا ہے یعنی اس کی رفار صفر ہوتی ہے اور اس کا اسراع یہاں پھر قیمت اعظم رکھا ہے اور ط اسی راستے سے آ پر واپس آم ہے۔ اب وقت کا شار کرو۔ وہ مت جو کوئی فاصلہ اوط طے کرنے میں لگتی ہے سادی ب اس وقت کے جو نقطہ ق قوس اوق کے خرنے مين صرف كرمًا ب اوريه وقت = يقه = يلم جمم (ك السيد)(١) اس لئے ایسے ارکک جانے کی مدت = (1-) == اور إسے المسك جانے اور بير اكسے المسك واپس

آنے کی مت = اللہ ۱۵۳ موسیقی حرکت۔ تعربیف مرکب اگر ایک

علم حركت 444 باب يازديم نقطہ ایک خط متنقیم ہیں اس طرح حرکت کرے کہ اس کے اس کے اس کے اس کے اس کے ایک ٹابت اس خط متنقیم کے ایک ٹابت نقطے کی سیرھ میں ہو اور اس اسراع کی مقدار ہمشہ اس طح برے جس طح متمرک نقطے کا فاصلہ نابت نقط سے بداتا ہے تو اس حرکت کو بسیط موسیقی حرکت کہتیں۔ دفعہ سابقہ یں ط کی حرکت بسیط موسیقی حرکت ہے۔ اگر ہم عظ کو مد کے مساوی فرض کریں تو دفعہ سابقے کے نَنْ أَجُ (١) د (١) و (١) سے ظاہر ہے کہ اگر ایک نقطے ط کی حرکت بسیط موسیقی حرکت ہو اور اگر وہ حالت سکون سے لیے مقام سے حرکت شروع کرے جس کا فاصلہ ثابت نقطے وسے ل ہے اور اس کا اسراع مه × وط ہے تو (۱) اس کی رفتار ایسے مقام پر جس کا فاصلہ نابت نقطے チャンニ

مر ان - لا مولى

علم حركت

فاصلہ و آریا و آرکو جو مرکز وسے ایک طرن یا دوسری طرن نقطہ دلے سے کرت کی سعت کہتے ہیں۔ طرن نقطہ دلے سے کرا کر بھر اسی مقام پر اسی سمت میں اسی دفار سے حرکت کرتا ہوا پہنچے تو جو وقت اس دوران میں گزا اس کو حرکت کرتا ہوا پہنچے تو جو وقت اس دوران میں گزا اس کو حرکت کی مت یا مت استزاز کہتے ہیں۔

واضح رہے کہ حرکت کی مرت ' اللہ اکا انتصار حرکت کی سعت پر نہیں ہے۔

مم 10- دفعہ گذشتہ کے بیجہ (۱) سے ظاہر ہے کہ اگر من وہ وقت ہو جو متحک نقطے کو فاصلہ ن سے حالت سکون سے چل کر فاصلہ لا تک بہنچے ہیں لگنا ہے تو

لا= ن جم (اسمت)

اب ٹیجہ (۱) کے ذریعہ سے

نقار = اسرنا- ن جم (است)

100 - بسيط موسيقى حركت كى مثاليس - طبيعيات اور علم حلى يخ سائل ين يه حركت أكثر وقع پذير ہوتى

ہے۔ سرے دو شاخے کے کسی نقطے کی حرکت اور بیلے کے تاریحے کسی نقطے کی حرکت یہی ہوتی ہے جبکہ ان کی

N = 11 1

باب يازديم

 $r(\frac{\pi}{v}) = \sim 1$

علم حركت

جب نقطہ ۲ فٹ طے کر کیکا ہے تو اس دقت وہ اپنے مرکزِ حرکت سے ۲ فٹ کے فاصلے پر ہوتا ہے۔ اس کے بموجب دفعہ (۱۵۳) نیجہ (۲) جو دقت گزرا وہ

اور بموجب دفعه (۱۵۳) کمنتجه (۱)

رفار = ران - ران - ران - ران - ران عند فات الماس الما

متنال (۲) ایک نقطہ جس کی حرکت بسیط موسیقی ہے۔ اپنی حرکت کے مرکز سے ۱۶ فٹ کے فاصلے سے چلتا ہے۔ اپنی حرکت کے مرکز سے ۱۶ فٹ کے فاصلے سے چلتا ہے۔

اگر ابتداءِ حرکت میں اسراع ہم فط ثانیہ اکائیاں ہوتودمیت کرد (۱) اس کی رفتار جب وہ مِرکز سے م فط سے فاصلے

پر ہو اور جب وہ مرکزیں سے گزرے (۱) اس کی مرت۔ (۱) فرض کروکہ اسراع فاصلے کا مدسمن ہے۔ تو

اس کئے بموجب دفعہ (۱۵۳) نیتجہ (۱) ا اس کی رفتار جب وہ مرکز سے ۸ فٹ ہو

= الم (۱۲ - ۲۱) = المه = المه الله فط في اليد

اور اسکی رفتار جب وہ مرکز میں سے گزرتا ہے = ہا ہے × ۱۹ = ۸ فٹ فی ٹانیہ

(۱) اس کی مت = $\frac{77}{\sqrt{1000}} = 71 = \frac{7}{2} + 11 تانیه تعربیاً معالی (۱) ایک لملی لیکدار کانی کا اصلی طول طسنگیریشه معالی سے - اور اس کی لیک کا مقیاس ن گرام وزن کے مساوی سے - اس کانی کا ایک سرا ایک تابت نقطے سے بازهکر دومرے سرے سے م گرام کیست کا ایک جسم لکا دیا دومرے سرے سے م گرام کیست کا ایک جسم لکا دیا گیا ہے - نابت کردکہ جسم کے عمودی اجتماز کی مدت$

449

باسبه ما دويم

اس نے جسم پر اوپر کی طرن حاصل قوت = مت ۔ م ج

علم حرکت

> ایسا نقطہ ہے کہ ورکہ = (۴ بن)ط پس اوپر کی طون جسم پر قرت = ن ع اوپ - ورکہ ا

= كنع x وب

ہذا جسم کا اسراع اوپر کی طرب = ف ع x رکب یعنی جسم کی حرکت بسیط موسیقی ہے اور اس کا مرکز وہے۔ اور بموجب دفعہ ۱۵۳

ور بموجب دفعہ ۱۵۳ مرت اشناز میر ۱۳۲ نے آت سر اس مط

 علم حرکت ۲۰۷۰

بابيازوهم

کی طرف یہہ ہوگا:۔

اور یہہ جسم کے وزن کے مساوی ہے۔ اس نے وُرِ جسم حالت تو ازن میں ہو گا۔

امثله نمبری (۲۶)

(۱) ایک ذرہ ایک خط مستقیم میں بسیط موسیقی حرکت کرتا ہے۔ ایک سکون سے دوسرے سکون سک مدت دریافت کرو جبکہ

(۱) افٹ کے فاصلے پر اسراع ہم فٹ نانیہ اکائیاں ہو۔ (۲) النج کے فاصلے پر اسراع وفٹ نانیہ اکائیاں ہو۔ (۳) ایک فٹ کے فاصلے پر اسراع ۳ فٹ نانیہ اکائیاں ہو (۲) سوال (۱) کی ہرایک صورت میں دریافت کرو کہ جب ذرہ اپنے راستے کے مرز میں سے گذرتا ہے تہ اس کی

ذرہ اپنے راستے سے مرکز میں سے گذرتا ہے تو اس کی رفتار کیا ہوگی۔ حرکت کی سعتیں بالترتیب وفط ،سوانج، ایک فٹ ہیں۔

(۳) ایک ذرہ ایک خط متنقیم میں بسیط موسیقی حرکت کرتا ہے۔ اس کی مدت اہتزاز ایک صورت میں ۲ ٹانیہ دوسری میں انتہ اور تیسری میں ۱۳ ٹانیہ ہے لیکن ہرصور میں

کرتی ہے اور اس کی مرت اہتزاز ایک نانیہ ہے۔ اگر پہر

مقصود ہو کہ تنی پر جو اشیا پڑی میں وہ اس کے ساتھ سس

کرتی رہیں تو معلوم کردکہ بڑی سے بڑی سعت سینٹی میٹروں میں

کیا ہوسکتی ہے ؟

علم حركت

ی ہو سی ہے ہو۔

(۸) ۱۱ پونڈ کمیت کا ایک جسم ایک لملی کمانی کے ذریعہ سے سک سک را ہے ۔ کمانی ایسی ہے کہ اگر اس کے مناؤ میں یک پونڈ وزن کا اضافہ کیا جائے تو اس کے طول میں ایک بیخ کا اضافہ ہوگا۔ اگر کمانی کا اوپر کا سرا فی الفور ہم اپنج کا اضافہ ہوگا۔ اگر کمانی کا اوپر کا سرا فی الفور ہم اپنج کھاکہ شاکہ شاکہ ایک تو ایسا کرنے سے جسم کی جو حرکت موگل اس کی سعت اور مرت اہتزاز دریافت کرو۔

(۹) کیک کملی کانی کے ایک سرے سے ایک وزن بندھا ہے۔ در اس کا دوسرا سرا ایک ثابت نقطے سے بندھا ہے۔ وزن کو بندھکر چھوڑ دیا گیا ہے۔ اگر یہ عودی خط بی انتزاز معلوم کرو۔ کرے اور سعت ۲ ہے ہوتو معت انتزاز معلوم کرو۔ (۱۰) یک کیکار رسی کے وسط سے ایک ذرہ بادھ دیا

گیا ہے۔ رسی کو کھینے کر اس کا طول اصلی طول سے دوچند
کیا گیا ہے اور اسی وضع میں ایک مینر پر رکھکر رسی کے دونو
مرے ثابت کردئے گئے ہیں۔ اب ذرے کو رسی کی سمت
میں اپنی جگر سے مہاکر چھوڑ دیا جاتا ہے۔ ذرے کی مدت
مہزاز دیافت کرد۔

(۱۱) ایک ساخ ارب اس طع حرکت کی ہے کہ اس کا مرا حب یکسال جلل کرسے ایک وائرے پر حرکت کہ ہے جس کا مرکز و ہے اور سالغ کا سرا او ایک ایسے خط متقیم پر حرکت کرتا ہے جو نقطہ و میں سے گزرتا ہے

علم حركت باب يازديم Mapy ار اس عب و عن اور او على تو ابت كوكم اکی رفتار کر ایمان کی سوکت ہے اور اس کی مرکت بسيط موسيقي ہے۔ [اس سوال سے ظاہر ہے کہ ہم علاً بسیط موسیقی حرکت ماصل کرسکتے ہیں۔ فرض کرو کہ ویب ایک گردشن كرف والى سلاخ ہے اور يہ ايك اور سلاخ ارسال وصل کی گئی ہے۔ فرض کرو کہ بھاپ کے انجن سے فشارہ كى طح لكو ايك متقم خط ول ير جلايا جانا ہے تو لكى حركت بسيط موسيقي هواكي ا ۱۵- بسیط موسیقی حرکت کے مسلہ کی توسیع منحنی پر حرکت۔ فرض کرد کہ متوک نقطہ طامسی شکل سے لیک منعی سے صے او از بر اس مل مرکت کرتا ہے کہ وہ او سے مالت سکون سے شروع ہوتا ہے اور اس کا ماسی اسماع ہمیشہ توس کی سمت میں ہے اور و کی جانب ہے اور مقدار میں مہ × قوس وط سے ساوی ہے تو دفعہ ۱۵۳ کے تام نتائج اس صورت میں ببی صبیح ہو پہلے

زض کروکہ رئیب ایک ظامتیم ہے جو طول ہیں قوس ورائے ماوی ہے اور فرض کروکہ نقطہ طخط متیم میں اس طح حرکت کتا ہے کہ اس کا اسراغ مد × ورط ہے اور فرض کروکہ ورط = قومس وط- مد × ورط ہے اور فرض کروکہ ورط = قومس وط- بوکہ ط کا اسراغ اس کے طربی ہی جیشہ وہی ہے ہو ط کا اسراغ ہے اس نے جو رفتاریں ط اورط ایک ہو تگی اور ہی مدت میں طامل کرتے ہیں وہ بھی مساوی ہو تگی اور مساوی فلط نے کرنے کی اوقات بھی مساوی ہو تگے۔ کی اوقات بھی مساوی کرنے کے اوقات بھی مساوی ہو تگے۔ کی دفار

= س (وَبدَ وَط") = اس (وَس وا)" - (وَس وا)"]

(r) او سے طاعک جانے کا وقت ہدیا ہے طام سے کا میک جانے کا وقت

علم حركت

= المرافظ = المرافظ = المرافس وط)

(٣) است المسك اور بير واليس المسك طبيع كى مدت عليه

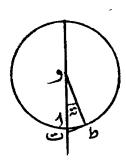
رقاص

ایک بسیط رفاص - اگر ایک ذره ایک رسی کے ایک سرے سے بندھا ہو اور رسی کا دوسر سرا ایک می تابت نقطے سے بندھا ہو اور ذره ایک ایسے عمودی دائرے میں اہتزازی حرکت کرے جس کا مرکز وہ خابت نقطہ ہو تو اسے بسیط رفاص کہتے ہیں۔

مت اہتزاز کا انتصار زادیۂ اہتزاز بر ہے ہم آیندہ دفسہ میں ثابت کرینگے کہ اگر زادیہ اہتلار چموٹا ہو تو رقاص کی مدت اہتزاز تقریباً مستقل رہتی ہے۔

109 مسئلہ ۔ اگر ایک ذرہ رسی کے ذریعہ سے ایک ثابت نقط سے لئک رہا ہو اور اسکو ایک جوٹے ناوٹ میں اہتزازی حرکت دی جات کو تابت کرو کہ مت اہتزاز ۱۲ کے جاں ل رسی کا طول ہے ۔

علم توکت ۲۵۹



زُض کرد کہ و ٹابت نقطہ ہے اور وال ایک عمودی خط ہے۔ اور فرض کرد کہ ارط وہ توس ہے جس پر ذرہ چلنا ہے۔ اور فرض کردکہ زاویہ اروط= تہ

فرض کروکہ طبر مماس طاست ہے جو وال سے مت پر لمنا ہے۔ تو ذہے کا امل طات کی سمت میں = ج جب تہ سے سیس آلا سے ماہ

= ج ته تقريباً الرَّه جيوناً

باب يارديم

= ح ×قس اط

اس سے ظاہر ہے کہ ماس کی سمت میں اسراع اس طرح بدلتا ہے جس طرح لبت تریں نقطے سے ذرے کا قوسی فاصلہ بملتا ہے۔

کپس ٹابت ہواکہ حرکت بسیط موسیقی ہے لہذا بموجب دفعہ (۱۵۷) نیتجہ (۳)

مت امترز = ١٦٢ = ١٦٢ ح

علم حركت 466 باب يازدسم اس نینجہ سے یہم بھی ظاہر ہے کہ مدت ابتزاز زادیہ انجزاز پر منصر نہیں ہے۔ پہلے بہل گلیلیو نے سامیل کے قریب یہ مدیافت کیا کہ رقاص کی مت ِ اہتزاز مستقل رہتی ہے۔ اس نے دیکھا کہ پائی ساکے گرجے میں جو بیش کا بڑا لیمپ لٹکتا ہے وہ جب جھولتا ہے تو خواہ وہ کسی زاوئے میں جھولے جھولنے کی مدت ایک ہی رہتی ہے۔ گلیلیونے وقت کا اندازہ اپنی نبض کے ذریعہ سے لگایا تھا۔ مثنال ۔ ایک ایسے رقاص کا طول معلوم کرو جو ۵۵ نانیہ میں ۵۶ دفعہ جھولے۔ يهال مرت ابتزاز = ٥٥ منانيه يسس الر رقاص كاطول ل موتو $\frac{1}{1} \frac{1}{1} \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \frac{1}{1} = \frac{00}{07}$ 0 = 1 : شل = ۲۵ × ۲۵ = ۲۵ فط = ۲۵ × ۲۲ ایج

۱۲۰ - شجرنی تصدیق - دنعه گذشته سے اہم نیتج کی اچی خاصی تصدیق تجربہ سے موسکتی ہے - طالب عار کو واضح رہے کہ نظری حسابات کا " ذرہ "علاً تو ہمیں حال

جمون شروع کریں۔ دیکھنے سے معلوم ہوگا کہ ان کے جمولنے کی مرتب ۱۹٬۲۱ م، ۰۰۰۰۰ کی نبتوں میں ہیں۔
یعنی طواوں کے جذروں کی نبتوں میں ہیں۔
اگر تجربہ کرنے والا صرف وو دو گولیوں کے ایک وقت ش

تو معلوم ہوگا کہ جتنی دیر میں تیسری ایک ساھہ حرات دی جا تو معلوم ہوگا کہ جتنی دیر میں تیسری ایک بار جھولتی ہے اتنی دیر میں بہلی تین بار جھولتی ہے گولی کا ایک بینگ ختم ہوگا اس وقت بہلی گولی کا تیسلر بینگ ختم ہوگا اس وقت بہلی گولی کا تیسلر بینگ ختم ہوگا۔

برینگ سم ہوہ۔ اسی طرح باقی کو لیوں سے نتائج حاصل ہو نگے۔ دوھم تجربہ سے ثابت کرو کہ بینگ کی مدت کا انتصار کولی کی نوع مادہ بر نہیں ہے۔ دو چھوٹے گونے لو جو ناپ میں تو ایک سے ہوں لیکن خماف اشیاء کے بنے ہوے ہوں یہ یاد رہے کہ کاک

علف انتیام نے بے ہوتے ہوں یہ یاد رہے کہ ہاں جیسی ہلکی چیز کے بنے ہوئے نہ ہوں۔ جیسا کہ پہلے تجربے میں بیان ہوا ہے اسی طح ان گولوں کو مساوی طول کی رسیوں کے ذریعہ سے لٹکاؤ اور ان کو ایک سائی جھولنے کے لئے حرکت دو۔ یہد اس طح ہوسکتا ہے کہ ایک تختی کے ذریعہ سے گولوں کو ایک طرف دھکیلو کہ ایک تختی کے ذریعہ سے گولوں کو ایک طرف دھکیلو

کہ ایک تختی کے ذریعہ سے گولوں کو ایک طرف دھکیلو اور پھر تختی کو نوراً بینچے سٹالو۔ ایسا کرنے سے معلوم

علم حرکت 44. باب يازدېم ہوگا کہ گولوں کے پینگوں کی مرتبی مساوی ہیں لیکن یہہ نتیجہ اسی صورت میں حاصل ہو سکتا ہے جب کہ ریون کے طول احتیاط سے مسادی بنائے جائیں۔ کچھ وقتِ گذر نے کے بعد ملکے گولے بیچے رہتے جائیں گے۔ اللی وجہ یہم ہے کر ہواکی فراحمت کا اثر ملکے گولوں پر زیادہ ہے اور بھاری گولوں پر کم ہے۔ سوم - ببیط رقاص سے ذریعہ سے ج کی قیمت دریافت کرو۔ ایک گوله لو اور اسکو مناسب طول (مثلاً ۲ فش) کی ایک رسی کے ذریعہ سے لٹکاؤ۔ نقطہ نغلیق سے گولے کے مرز تک فاصلہ احتیاط سے ناب لو۔ آب گونے کو بھو کے لئے حرکت دو۔ اور ایک پورے پینگ کی مدت و معلوم کرد ۔ مدت معلوم کرنے کا بہترین طربقہ یہد ہے كر بهت است (مثلاً ٢٠) يبيُّكون كا وقت ويكيمو اور اس وقت کو بہ پر تقسیم کرو۔ [ایک معمولی گھڑی سے ذبعہ سے جس میں ثانیہ کی سوئی ہو اچھے خاصے صبیح نتائج طاصل ہو سکتے ہیں آ لیکن بموجب دفعہ ۱۵۹

 علم حرکت

 $\frac{7}{7}$ اور $\frac{1}{7}$ دونو سعلوم ہیں $\frac{1}{7}$ $\frac{1}$ $\frac{1}{7}$ $\frac{1}{7}$ $\frac{1}{7}$ $\frac{1}{7}$ $\frac{1}{7}$

نربیہ جدول لوکار تم یا معمولی حساب سے ہم ج کی قیمت فٹ ثانیہ اکائلوں میں دو درجہ اعتباریہ تک صحیح معلم

بأب يازدتهم

کر سکتے ہیں۔ اگر طول سنیٹی میٹروں میں نایا جائے تو ہم کو ہے کی قیمت س ک ش نظام میں معلوم ہوگی۔ قیمت س کا رفاص ۔ جس رفاص کی مرت اہمیاز

191- تا سید و رفاس - بس رفاس فی مدت بهرد سکون سے سکون تک ایک خانیه ہنو یعنی جس کے پورے بینیگ کا نصف ایک خانیه میں ہو اسے خانیہ کا رفاص

پین و سے بیاں الیہ میں ہو اس ایہ رار ال کہتے ہیں ۔ کیسر، اگر اس کا طول ط ہو تو

 $\frac{b}{c}$ $\pi = 1$

ن ط = آآ ا فط

پونکہ زمین کے مخلف مقاات پر ج کی قیمت مخلف ہے اس لئے یہ ظاہر ہے کہ ٹانیہ کے رقاص کا طول رہن کے مخلف مخلف ہوگا۔

الرح = ۱۲۶۲ اور ۱۱ = با

باب يازديم

لوط =: ۳۶۲۱ فٹ = ۱۲ ۱۹۹ اپنج تقریباً اگر ہم اکائیوں کا س گ ٹ نظام استعال کریں توج = ۱۸۹ اس نئے ط = ۹۹۶۳ سنیٹی میٹر اس نئے ط = ۹۹۶۳ کسنیٹی میٹر لندن کے عرض بلد میں ثانیہ کے رقاص کے طول کی صبح ترقیمتیں ۲۹۶۳۹۶۹ اور ۱۳۲۷ ۹۹۶ سنیٹی میٹر ہیں۔

امثله نمیری (۴۷) .

[مفصلہ ذیل سوالات میں 17 = 44]

(۱) اگر ج = ۲۶۲ تو ۲۶۵ ثانیہ میں جمو لنے والے رقاص کا طول معلوم کرو ۔

(۲) ایک مقام پر ایک رقاص کے پورے پینگ کی مرت الا انہانیہ ہے ۔ نابت کردکہ باشانیہ ہے ۔ رقاص کا طول ۱۹۲ میٹر ہے ۔ نابت کردکہ ج کی قیمت سیٹی میٹر نانیہ اکائبوں میں ۹۸۷ ہے ۔

(۳) افٹ طول کا ایک رقاص ا ۲۲ ثانیہ میں ۵۰۰ بار جمول ہے ہے کی قیمت معلوم کرو ۔

(۳) ثانیہ کے ایک رقاص کی لمہائی ۲۱۲ ۹۳ انچ ہے ۔ ان

(م) نانیہ کے ایک رقاص کی لمبائی ۱۱ و ۱۹ انچ ہے۔ ان رقاصوں کے طول معلوم کرو جو (۱) نصف نانیہ میں (۲) ربع نانیہ میں (۳) مانانیہ میں جھولیں۔ (۵) ایک مقام پر ج کی قیمت ۸۱ و ہے۔ دریافت کروکہ

ا ایک معظم پرج ک میست ۹۸۱ ہے۔ دریات رورہ ۱۲۶۱ مسینٹی میشر طول کا رقاص ۲۴۴ ثانیہ میں کتنی (۲) شابت کرد که ایک رقاص جس کا طول ایک میل ہے

به نانيه مي جوليگا۔

(٤) ایک مقاص جس کا طول ۱۸ سانج ہے ایک مقام برتین دقیقه میں ۱۸۳ دفعہ جھول ہے۔ اسراع

بجاذب ارس معلوم كرو-

(^) دریافت کروکه ایک دن میں ہم فٹ طول کا ایک رقاص کتنے اہتزاز کرے گا ؟

(9) ، 80 فط لمبا رقاص بيرس كے ايفل برج ميں لٹکتا ہے۔ ٹابت کرو کہ اس کا پورا اہتزاز کیے سام

ثانیہ میں ہوتا ہے ۔ ۱۹۲ وفعہ ۱۵۹ کا نتجہ اگرچہ نظراً صحیح نہیں ہے لیکن

تقریباً سیج ضرور ہے ۔ اگر رقاص اپنے اہتزاز سے سمت شاقولی کے دونو طرف پانچ پانچ درجے کا زاویہ بنائے تو نتیجہ کا فرق صحیح یتیجے کے دو ہزارویں حصے کے اندہی

ہو گا ۔ یعنی جو رقاص ایک نانیہ میں جھولیا ہے اگراسکا بينگ بهت چھوٹا ہو اور دونو جانب پانچ درجے ہو تو ایک دن میں وہ تقریباً ، م نابنہ بیکھے رہ جائے گا۔ ١٩٣٧ - بسيط رقاص جس كا بيان أوبر جوا أيك خيالي

پینر ہے ۔ علا رفاص میں ایک رسی سے ایک گولا بندھا ہوتا سنہ۔ رسی کی حمیت اگرچہ کم ہوتی ہے لیکن صفر

علم حرکت ابر ہوتی اور گونے کو ہم فرہ نہیں کہ سکتے۔
ہارا کوئی رقاص خواہ کسی سٹکل کا ہو اس کا
ہسیط مساوی رقاص ہے جس کی مرت
اہتزاز ہارے رقاص کے مساوی ہو۔کسی استوار جسم اور
اس کے بسیط مساوی رقاص کے باہی تعلق پر ہم اس
تاب کی حدود کے اندر بھٹ نہیں کر سکتے تاہم یہ بات
قابل ذکر ہے کہ اگر ایک پتلی کیساں سلاخ کا ایک سا
فابت ہو اور وہ رقاص کی طرح جمو نے تو اس کی مرت
اہتزاز اس بسیط رقاص کی طرح جمو نے تو اس کی مرت
طول سلاخ کے طول کا دو خلت ہو۔
مراح اسراع مجاذبۂ ارض ۔ نیوٹن نے قدرت

کا یہہ بنیادی قانون دیافت کیا کہ ہر ایک ذرہ ہر ایک دوسرے ذرے کو ایک ایسی قوت سے کھینچنا ہے جو اسی طح برلتی ہے جس طح ذروں کی کمیتوں کا حال ضرب اور ان کے درمیانی قاصلے کے مربع کا عکس۔ جنبی قوقوں کی کسی کتاب کے دیکھنے سے ظاہر ہوگا کہ بندیعہ قانون فرکورہ بالا ثابت ہو سکتا ہے کہ اگر ایک ذرہ ایک کرے کے باہر ہو تو کرے کی جنبی قوت ذرے پر ایک کرے عل کرتی ہے گویا کرے کی خل کمیت اس کے اس کے مرکز پر جمع ہے۔ اس لئے وہ امراع جو اس قوت کے مرکز پر جمع ہے۔ اس لئے وہ امراع جو اس قوت کے مرکز پر جمع ہے۔ اس لئے وہ امراع جو اس قوت کے

کے درمیانی فاصلے کے مربع کا عکس۔ یہہ بھی ثابت ہوسکتا ہے کہ اگر ذرہ کرے کے اندر واقع

ہو تو اس پر کرسے کی جذبی قوت اس طح برلتی ہے جس طح مركز سے ذرہ كا فاصلہ بدت ہے ۔ یں اگر بلندی می پر جاذبہ ارض کی تیمت ج ہو اور سطح

زمین پرج ہو اور زمین کا قطر ب ہو تو

1 : で: で: で: で

ج = ج (ن + ي)

اگر ایک کان کے اندر جس کی گہرائی گے ہے جاذبہ ایض کی قبرت ج ہو تو ج = ج <u>دہ ک</u> کی قبمت ج ہو تو ج = ج <u>دہ ک</u> اس سے ظاہر ہے تم ج کی قیمت سطح زمین پر اندو

زمین اور بیرون زمین سے زیاوہ ہے۔

140 - اب ہم اس مسلہ برغور کریگے کہ اگر بسیط رقاص کے طول میں تفوری سی تبدیلی واقع ہو یا ہے کی قیمت میں تھوڑی تبدیلی ہو تو رقاص کی مرت اہتزاز پری انر ہو۔

اگر ایک رقاص کا طول طر ہو اور وہ ایک وقت مفروض میں ك يورے المتزاز كرے تو ثابت كروك (١) الرج بدل كرج + ج بو جائ تو تعداد ابتزازات

ين ك م ج كا انسافه موكا

(۴) اگر رقاص کو شطح زمین سے بلندی می پر لے جائیں تو تقداد اہترازت میں ن × ہے کی کئی ہوگی جہاں ال زمین کا نضعت نظر ہے ۔

(٣) اگر اے ایک کان کے اندر لے جانیں جس کی گہرائی گے۔
گ ہے تو تعداد یں نے × کے کی کی ہوگی۔
دس ، اگر اس کا طول بدل کر ط ع ط ہو جائے تو تعداد یں کی لیے۔
یس کی نے × طے ہوگ۔

فرض کردکہ پہلے تدت انہترانہ ت تھی اور تبدیلی کے بعد مت ہوگئی۔ اور فرض کروکہ وقت مغروض میں انبرالہ کی نئی تعداد ن ہے تو

ن ت = ن ت

一里 11 = 三 四

$$(7)$$
 \vec{R} \vec

ن نعداد انتزازات میں کمی =
$$\frac{\dot{\Box}}{\dot{\Box}} \times \frac{\dot{\Box}}{\dot{\Box}} = \frac{\dot{\Box}}{\dot{\Box}} \times \frac{\ddot{\Box}}{\dot{\Box}}$$

(مم) اگر طول ط بدل کر ط + ط بو جائے تو

 $\frac{\dot{\Box}}{\dot{\Box}} = \Pi \Gamma$
 $\frac{\dot{\Box}}{\dot{\Box}}$

باب يازدهم

علم حرکت

اور ت = ١٦ م

 $\frac{\dot{\omega}}{\dot{\omega}} = \frac{\dot{\omega}}{\dot{\omega}} = (1 + \frac{\dot{d}}{\dot{d}})^{\frac{1}{2}} = 1 - \frac{\dot{d}}{\dot{d}}$ $\ddot{\omega}_{1}^{2}$

اس کے تعداد اہتزازات میں کی = ن-ن = ن × ط مار اس کے ایک رقاص اس مسئلہ سے ظاہر ہے کہ اگر ثانیہ کے ایک رقاص

کوسطے زمین سے کسی پہاڑ پر یا کان کے اندر لیے جائیں تو بہاڑ کی بلندی یا کان کی گہرائی تعداد اہتزازات کی محمی سے

معلوم ہو سکتی ہے ۔ ۱۲۶۔ مثال (۱) سلح زمین پر ایک رقاص کی مدرت

اہتزار ایک نانیہ ہے۔ اگر اسے پانچ میل بندیہاڑ کی چوٹی پر لیجائیں تو دریافت کرو کہ ایک دن میں کتنے ٹاپنوئی

محمی ہوگی ہ یہ تسلیم کرلیا جائے کہ زمین کا نصف قطر ... ہم میل ہے۔ فرض کروکه سطح سمندر پر اور پہاڑ کی چوٹی کیر اسراع تجاذبہ

ارض بالترتيب ج اور ج ہے تو

 $r(\frac{A\cdot 1}{A\cdot \cdot \cdot}) = \frac{r(r\cdot \cdot \delta)}{r(r\cdot \cdot \cdot \cdot)} = \frac{r}{r}$

چونکہ سطح زمین پر مدت اہتزاز ایک خانیہ ہے اس کئے

علم حركت 419 باب يأزوتهم (1)..... = T = 1 اگر پہاڑ کی چوٹی پر مرت ت ہو تو $(y) = \pi$ $(y) = \pi$ $(y) = \pi$ $(y) = \pi$ $(y) = \pi$ ت = ج = ت اس کئے بہاڑئی بوٹی پر ایک دن میں تعداد ابتزازات - x x y y y .. = - x y y y .. = 1-(1 +1) AYM. = 1 × AYM. = = ۲۰۰۰ (۱- مربر الم تقريباً

اس کئے تعداد اہتزازات میں ۱۰۸ کی کمی ہوگی من من من من من کر ہوگی درست ہو جاتا ہے۔ دریافت کردکہ اس کو درست کرنے کے گئے اس کے طول میں کیا تبدیلی کی جائے ہو کہ رفعہ جنواتا ہے ہیں رفاص ۲۰۰۰ مانیوں میں ۸۹۳۸ دفعہ جنواتا ہے ہیں رفاص ۲۰۰۰ مانیوں میں ۸۹۳۸ دفعہ جنواتا ہے

باب يازوسجم

$$\pi = \frac{\gamma \gamma \gamma}{\lambda \gamma m \lambda}$$
 $\pi = \frac{\delta}{\gamma \gamma m \lambda}$ $\pi = \frac{\gamma \gamma \gamma \gamma}{\lambda \gamma m \lambda}$ $\pi = \frac{\gamma \gamma \gamma \gamma}{\lambda \gamma m \lambda}$ $\pi = \frac{\gamma \gamma \gamma \gamma}{\lambda \gamma m \lambda}$ $\pi = \frac{\gamma \gamma \gamma \gamma}{\lambda \gamma m \lambda}$ $\pi = \frac{\gamma \gamma \gamma \gamma}{\lambda \gamma m \lambda}$

$$(r) \dots (r) = \prod_{i=1}^{r} \frac{d+V_i}{d+V_i}$$

(1)
$$\sum_{i=1}^{N} a_{i} + \sum_{j=1}^{N} a_{j} +$$

تقریباً
$$\left[1-\frac{r_{4}}{\Lambda Y p_{4}}+1\right]$$
 تقریباً =

باب يازدېم

= - ۱۰۱۸ اینج اینج اس کے رفاص کے رطول میں تقدر ۱۰۱۸ اینج محمی کرنی جائے

ثعلم حركت

174۔ چاند کی حرکت کے ذریعہ قانون

جا ذبئہ ارض کی تصدیق۔ یہ تعلیم کرمے کہ چاندی گردش زمین سے گرد ماذبۂ ایسی

یہہ سکیم کرنے کہ چاند کی کردش زمین سے کرد مادبہ ایسی کی وجہ سے ہے ہم چاند کی پوری گردش کی مدت معلوم کر سکتے ہیں اور اس کے ذریعہ سے ہم قوت جاذبہ ارض

کر سکتے ہیں اور اس نے دربعہ سے ہم فوت جاذبہ ارص کی تصدیق کر سکتے ہیں۔ فرض کرو کہ زمین کی قوت جاذبہ کی دجہ سے جاند کا امراع

ع ہے تو چونکہ دونوں جسموں کے مرکزوں کا درمیائی فاصلہ زبین کے تفعیت قطر کا ۱۰ گنا ہے اس کئے

يعني ع = ج

فرض کرد کہ چاند کی رفتار نین سے گرد ر ہے تو ہوجب دفعہ ۱۳۵

= = = = []

علم حکت ۱۹۹۷ باب یازدهم

اس نے چاند کی گردش کی مرت = ۲ ۱۲ X TI ۲ ن ب کر

عانيه × ۲۰ × ۱۱۲ =

زمین کے نضف قطر کو ۰۰۰ م میل تسلیم کر کے اور ج کو ۲۲۶۲ مان کر یہ مرت مرت مرد دن ہوتی ہے۔ اور چاند کی گردش کی مرت ہو نظر آتی ہے۔ وہ بھی تقریباً یہی ہے۔

امثله نمبری (۲۹)

(۱) ایک رقاص کی مدت انتزاز گرینچ میں ایک ثانیہ ہے اور وہاں ج کی قیمت ۱۶۲۴ ہے۔ اب اس رقاص کو کسی دوسرے مقام پر لیجاتے ہیں جہاں یہہ با ثانیہ فی یوم سست ہو جاتا ہے۔ دوسرے مقام پر ج کی کیا قیمت ہو گی ہ

یا بیمت ہوتی ؟

(۲) ایک رقاص ایک مقام پر انانیہ فی یوم تیز ہوجاتا ہے ۔ دونوں مقاموں پر اسراع سجاذبہ ارض معلوم کرو۔

(۳) آگر یہ نسلیم کرلیا جائے کہ فٹ نانیہ اکا نیموں میں ج

کی قیمت خط استوا اور قطب شالی پر بالترتیب ۳۲،۰۹ کی قیمت خط استوا ہوریافت کرو کہ جو رقاص خط استواپر اور ۱۳۲٬۲۵ ہے تو دریافت کرو کہ جو رقاص خط استواپر

علم حركت باب يازدتهم ۳۹۳ ایک نامنیه میں جھولتا ہے وہ تطب شالی پر کتنے نانیہ ني يوم تيز ہو گا ۽ ١٨) ايك كلاك ص مين نانيه كا رفاص لكا ب ايك دن میں ۹ نانیه مست موجاتا ہے۔ دریافت کروک رقاص کے طول میں کیا تبدیلی کی جائے ہ (٥) ایک کلاک ہ ثانیہ نی یوم تیز ہوجاتا ہے۔ بتلاؤکہ اس کوکس طح درست کیا جاے ؟ (۲) اگر تانیہ کے ایک رقاص کا الول بقدر با زیادہ كرديا جائ تو دريانت كروكه ايك دن ين تغداد المنزازات میں کس قدر کمی ہوگی ہ (٤) ایک بسیط رقاص کی مرت اہتزاز ایک ثانیہ ہے۔ اس کا طول بقدر الله این زیادہ کردیا گیا ہے۔ دیافت كردكه ١٧ گفتول مين كنن خانيون كى حمى بوگى ؟ (۸) ایک بسیط رقاص سام نابنوں میں پورے ۲۱ بینگ لیتا ہے ۔ جب اس کے طول کو بقدر ۱۸۷۵ وی سیٹی میشر کم کرویا جائے تو دہ ۳۳ ناپنوں میں ۱۱ کامل اہتراز کرتا کے ۔ ج کی قیمت دریانت کرو۔ (a) اوے کے ایک باریک تاریب ایک وزن گولد التكاكر فانيه كا ايك بسيط رقاص بناياكي ہے۔ اگر رقال حوارت کے صفر درجہ سنیٹی گریڈ پر تنتیج ہو تو اوریا فت کرد کہ ۱۲ گھنٹوں میں ۲۰ درجہ سنیٹی گریڈ پر کتنے نانیوکی

باب يازدېم علم حرکت ٣٩٣ کمی یا زیادتی ہوگی۔ یہد معلوم ہے کہ حرارت کی انتقار زيادتى سے اور كالول بقدر ١٠٠٠ مرفى اكالى برم جاما ہے۔ (۱۰) اگر شانیه کا ایک رقاص ایک کان کی ته بیر ۱۰ شانیه فی یوم سست ہو جائے تو کان کی گہرائی معلوم کرد اور يبه بھي دريافت كروكه كان كى كہرائي سے تصفف ير رقاص نس تدر ست ہو گا ؟ (١١) ایک کلاک سطح زمین پر ١٠ ثانیه فی يوم تيز دو جانا ب اور ایک کان کی ته پر ۱۰ ناینه نی یوم سست بو جاتا ہے۔ کان کا عمق دریافت کرو اور سطح زمین بر اور کان کی بة برجو اسراع بجاذبهٔ أرض بن أن كا مقابله كرو-(۱۲) اگر ٹانیہ کے ایک رقاص کو تضیف میل بلندیہاڑ كى چونى بر ايجائين تو ايك دن مين كتف سيكندست ہو طائے گا ہ یہہ سیم رایا جائے کہ یا عے کوہ سے زمین کے مرزکا فاصلہ . . ۔ اُس میل ہے ۔ یہہ بھی دریافت کرو کہ رقاص کا طول کس قدر کم کیا جا کہ پہاڑ کی چوٹی پر بھی مدت اہتراز ایک خانبہ راہے۔ (۱۳) اگر ایک بہاڑی کی چوٹی پر ۲۲ گھنٹے میں نانیہ سے رقاص کی تعداد استزازات میں ن کی کمی ہو تو خابت کرو کہ بہاڑی کی بلندی ۲۳۵ × ن نط ہوگی۔ (۱۱) ایک غبارہ کیسال اسراع سے اوپر چراطتا ہے اور

علم حرکت باب يارةم m90 ایک منٹ میں ۹۰۰ فٹ کی بندی تنک بہنچ جاتا ہے۔ غبارے میں ایک کلاک ہے جس میں نامنیڈکا رقاص ٹابت کرو کہ کلاک ۲۸ ٹانیہ فی ساعت کے حساب سے تیز ہوتا جائے گا۔ ر (۱۵) ینجرے کی شکل کا ایک لفظ اکائی اسراع سے ينج اتر را سے ۔ اس میں ایک کٹاک ہے جس کا تام ٹائنیہ کا وقت 'دیتا ہے۔ ٹابت کرد کہ کلاک بشیج ۵۹ ہیں نی ساعت سست ہو جائیگا۔ (۱۷) اگر خانیہ کا ایک رقاص زمین سے اٹھاکر جاند برلیجائیں تو عابت کرو که وہاں اس کی مرت اہتراز ہے ، تانیہ ہوگ۔ یہم تسلیم کرلیا جائے کہ زمین کی تجیت جاند کی تحییت سے ۱۸ گنا ہے اور زمین کا نصف قطر جاند کے نصف قطر سے چار گنا ہے۔ (۱۷) ایک ریل گاڑی ایک مدور منحنی پر ۹۰ میل فی گھنٹہ کے صاب سے یکساں چل رہی ہے۔ گاڑی میں ٹانیہ کا ایک رقاص ہے جو اب یا سنٹ میں ۱۲۱ دفعہ جمولتا ہے ۔ ثابت کروکہ منی کا تضف قطرا ١٣١١ (۱۸) اگر زمین یکذات کره جو اور سطح زمین سے مرکبک

ایک نلی لگی ہو تو اس نلی میں سطے سے مرز مک

ایک ذرہ وقت سے بیں جاتا ہے۔ اگر سطح مرکز نکک قوت جاذبہ ارض کیساں رہے تو ذرہ وقت سے بیں مرکز تک پہنچتا ہے۔ نابت کرو کہ

باب يأردنهم

حت : حت : ۱۳ : ۱۳ : ۱۳ ا ۱۳ (۱۹)

(۱۹) ایک بسیط رقاص قوت جاذبہ ارض کے زیر عمل اس طرح جمولتا ہے کہ جب رسی عمودی ہوتی ہے اس وقت اس کا تناؤ رقاص کے گولے کے وزن سے دو چند ہوتا ہے۔ ثابت کرد کہ سمت عمودی سے رسی کا بڑے سے بڑا میلان ہے ۔

(۲۰) ۸ فش کمبی رسی سے ایک جسم لنگ رہا ہے اور سالنج کے فاصلے تک جمولتا ہے۔ مدت اشتراز دیا ہے دونوں مدیات کرو اور یہ بھی معلوم کرد کہ بینگ کے دونوں سروں پر امراع کیا ہونگے اور وسط میں رفتار کیا ہوگی ور

باب دوازدیم

اکائیاں اور ابعاد

۱۹۸- جب ہم کسی خاص شنے کی سقدار کا اندازہ لگانا چاہتے ہیں تو ہم اسے اسی فنم کی کسی اکائی کی رقبوں میں بیان کرتے ہیں - یعنی اس میں دو باتوں کا بیان ضوری ہے اول ہماری اکائی دوم یہہ کہ اس خاص مقدار میں ایسی کتنی اکائیاں ہیں یعنی اس مقدار کی اکائی سے کیا نسبت ہے۔

بہر نسبت کا اکائی کی رقبوں بیں اس مقدار کی اپ

کہلائی ہے۔ مثلاً آر ہم کسی آدمی کے قد کو بیان کرنا چاہیں توہم کہسکتے ہیں کہ یہہ چھ فٹ ہے۔ یہاں فٹ ہاری اکائی ہے اور چھ 'ناپ ہے۔ ہم یہہ بھی کہ سکتے ہیں کہ اس آدمی کا قد ہاگر یا ۲ے اپنج ہے۔

نخلف اکائیوں کے استعال کرنے سے ناپ نخلف ہوگی۔ لیکن اگر ہم کسی چنرکی ناپ کو اکائی سے ضرب دیں تو

جائے اس طح برلتی ہے جس طح ناپ کا عکس۔ اور ناپ
اس طح برلتی ہے جس طح اکائی کا عکس۔
194 میں خط ستقیم کا صرف طول ہوتا ہے اس کی پوڑائی اور موٹائی نہیں ہوتی۔ اس لئے یوں کہا جاتا ہے کہ خط ستقیم کا ایک بعد طول میں ہے۔
اگر ہم کوئی رقبہ لیں تو اس کی لمبائی بھی ہوگی اور چوڑائی بھی ۔ لین موٹائی نہیں ہوگی۔ اس سئے یوں کہا جاتا ہے کہ رقبے سے دو بعد طول میں ہیں۔ رقبے کی اکائی عمواً کہ رقبے سے دو بعد طول میں ہیں۔ رقبے کی اکائی عمواً دو ہوتی ہے جس کی لمبائی اور چوڑائی طول کی اکائی عمواً

بأب دوازدتهم

[ال] ﴿ [ط] أُ مثلاً ايك فت ميں ١١ ايخ ہوتے ہيں ليكن ايك مربع فت ميں ١٣٢١ مربع اينج ہوتے ہيں -اگر ہم حجم كوليس تو اس ميں لمبائی چوڑائی موٹائی تينوں

ار ہم مجم لولیں لو اس ہیں کمبائی چوڑائی موٹائی نینوں ہوتی ہیں۔ اس کو یوں کہا جانا ہے کہ جم کے تین بقد طول میں ہیں۔ جم کی اکائی وہ ہے جس کی لمبائی چوڑائی موٹائی طول کی اکائی کے مساوی ہو۔ رقبے کی صورت کی طرح آگر [سح] حجم کی اکائی کو تعبیر کرے تو

"[b] ~ [て]

چونکہ رقبے اور جم کی اکائیاں طول کی اکائی پر منحصر ہیں اس کے ان کو ماخوذ اکائیاں کہنے ہیں اور طول کی اکائی اساسی اکائی کہلاتی ہے۔

ایک آور اساسی آکائی وقت کی اکائی ہے۔ اس کو عام طور پر [رو] سے تعبیر کرتے ہیں۔ وقت کی کسی میت کا بعکہ وقت کے لحافا یہ ایک ہے۔

بأب دواز دہم ٧.. علم حركت تیسری اساسی یا مطلق اکائی تحبیت ماده کی اکائی ہے۔اسکو [ک] سے تبیر کرتے ہیں۔ مادے کی کسی مقدار کا بعد بناظ کمیت مادہ کے ایک ہے۔ يهم تينوں بنيا دي اكائياں بين - باقى تمام اكائياں جونكمان تینوں پر منحصر ہیں اس کئے ماخوذ آکائیاں کہلاتی ہیں۔ (۱۷۰) دفعہ (۹) میں رفتار کی اکائی کی نفریف یوں کی گئی ہے:۔ اگر ایک نقطہ وقت کی اکائی میں طول کی اکائی طے کرے تو اس نقطے کی رفتار کو رفتار کی اکائی کہتے ہیں۔ یس اگر وقت کی اکائی یا طول کی اکائی یا دو نو میں تبدیلی واقع ہو تو رقار کی اکائی بھی بالعموم بدل جائے گی۔ مثلاً فرض کرو کہ طول کی اکائی ایک فٹ سے بدل کر افث ہو جاتی ہے اور وقت کی اکائی ایک نانیہ سے ساٹا نیہ مو جاتی ہے۔ تو رفاری نئی اکائی ایک ایسے نقطے کی رفقار ہو گی جو ۳ نانیہ میں ۱ فٹ طے کرا ہے۔ یعنی جو ایک نانیہ میں ہے۔فٹ طے کرتا ہے۔ بیس رفتار کی یہہ اکائی پہلی اکائی کا دو نلث ہے۔ اسی طرح اگر ایک متحرک جسم کی رفتار کی تبدیلی وقت کی ایک اکائی میں رفتار کی اکائی کے ساوی ہو تو یہ کہا جاتا ہے۔ کہا جاتا ہے۔ کہ اس جسم کی حرکت بیں اسراع کی ایک اکائی ہے۔ اس کھے اساع کی اکائی کا انتصار رفتار اور وقت کی اکائیو

وقت [و] میں طول [ط] کے کرے۔ اس کئے رفتار م [ل] سے اس وقت فرکت کرنگا جبکہ وہ وقت [و] میں طول م [ط] کے کرے۔ وقت [و] میں طول م [ط] کے کرے۔ علم حرکت

ہذا رفتار کی [ل] سے اس وقت حرکت کرلیگا جیکہ وہ

باب دوازدهم

وقت ن[و] یں طول م [ط] مے کرے

یعنی رفتار ہے [ل] سے اس وقت حرکت کریگا جبکہوہ وقت [و] میں طول [ط] مطے کرے ۔

بكين جب وه وقت [و] يس طول [ط] هے كرتا ہے

اس وقت اس کی رفنار [رئ] ہوتی ہے۔

· [رُ] = ئ ارُ] = ئ

٠: [١] : [١] : م : ن

: [ط] الط]: الط]

:: (ط) ازي : [و]

یں تبدل کی تعربیت کے بوجب

14۲- مسئلہ۔ ٹابت کروکہ اساع کی اکائی اس طرح بدلتی ہے جس طرح طول کی اکائی اور وقت کی اکائی سے مربعے کا مکس ۔

طول اور وقت کی اکائیاں حسب وفعہ ۱۷۱ لو اور فرض کرو کہ [ع] اور [ع] ان سے سطابق اسراع کی اکائیاں ہیں۔

تب ایک جسم کی حرکت میں اسراع کی پہلی اکائی [ع]اس وقت ہوتی ہے

ببكه وقت [و] ميں رفقار [ط] في [و] كا اضافہ ہوتا ہے لهذا اسراع م [ع] اس وقت ہوگا جبہ وقت [و] كا اضافہ ہو جبكہ وقت [و] كا اضافہ ہو اس خے اسراع ہے [ع] اس وقت ہوگا بہر فقت [و] ميں رفقار م [ط] في دي [د_] كا اضافہ ہو جبكہ وقت [و_] ميں رفقار م [ط] في دي [د_] كا اضافہ ہو جبكہ وقت [و_] ميں رفقار م [ط] في دي [د_] كا اضافہ ہو

باب دوازدتم

اس کے امراع میں [ع] اس وقت ہوگا بکہ وقت ن [د] میں رفتار مم [ط] فی ن[د] کا اضافہو یعنی اسراع میں [ع] اس وقت ہوگا

> جبکہ وقت [و]یں رفتار[ط] نی [و]کا اضافہ ہو لیکن یہ اسراع کی نئی اکائی [ع] ہے

 $\begin{bmatrix} e \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} e \end{bmatrix}$

ان : [ع] : [ع] : [ع] : الله

"[3] : [b] ::

[b] : [b] :: [c] ::

اس گئے ہوجب تعربیت تبدل

 $[3] \propto \frac{[d]}{[c]^{7}}$ $uiv \propto [d]$

مانیہ سے بدل کر ہاکترشیب ۱۰۰ فظ اور ۵۰ نانیہ ہو جائیں تو دریافت کرو کہ رفتار اور اسراع کی اکائیاں کس نسبت میں بدلیں گی 9

یں بھیں گی ؟ ۱۰۰ فٹ فی ۵۰ ثانیہ کی رفتار ، رفتار کی نئی اکائی ہوگی۔ اور پہر ۲ فٹ فی ثانیہ کی رفتار ہے۔ اس سے رفقار کی نئی اکائی رفتار کی پہلی اکائی سے دوگنی ہے۔ ایک جسم کی حرکت میں اسراع کی نئی اکائی اس وقت

ہوگی جبکہ ۵۰ نانیہ میں ۱۰۰ فٹ فی ۵۰ نانیہ کی رفنار کا اضافہ ہو۔ یعنی جبکہ ۵۰ ننانیہ میں ۲ فٹ فی نانیہ کی زفار کا اضافہ ہو۔

یسی جبله ای تابیه میں اوس می مالیه می رفتار کا اضافہ ہو۔ یعنی جبکہ ایک تابیہ میں اللہ فٹ فی تابیہ کی رفتار کا اضافہ ہو۔ پس اسراع کی نئی اکانی اساع کی پہلی اکائی کا ہے ہے۔ یا بطرز ویگر۔ دفعات (۱۷۱) و (۱۷۲) کا طریق کتابت لو۔ میا

[ط] = ١٠٠ [ط] اور [ف] = ٥٠ [ف]

 $r = \begin{bmatrix} 0 \\ \end{bmatrix} \times 100 = \frac{1}{100} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \frac{1}{100} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \frac{1}{100} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \frac{1}{100} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \frac{1}{100} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\$

یعنی رفتار اور اسراع کی نئی اکائیاں - بیلی اکائیوں سے بالتربيب دوگني اور اله جي -

علم حركت

مِثَالَ (٧) - الرُّ اسْرَاعَ سِجَاذَبُهُ ارض كَى قِيمت فَطْ ثَانِيه کے نظام میں ۳۲۶۲ ہوتو اس کی قیمت گر دقیقہ کے

نطام میں دریا فت کرو۔

ایک کرتے ہوے جسم کی رفقار میں ایک نانیہ میں ۱۷۱۲

فَ فَى ثَانيه كَى رِفتَار كا اضافه ہوتا ہے۔ تو ايك وفيقه ميں ٧٠ × ٣٢١٢ فط في ثانيه كى رفتاركا اضافه مو گا۔

يعني أيك رقيقه مين ٣٢٠٢×٢٦٠ فط في دقيقه كي رفيار کا اضافہ ہوگا۔

اس لئے ایک دقیقہ میں اللہ ×۲۲۲ گز فی دقیقہ کی رفتار کا اضافہ ہو گا۔

> ن قیت مطلوب = ۳۲۶۲×۲۹۰ د تیت مطلوب د د تیبت اس سوال کا مخضر مل یہم ہے ۔

فرض کرو کہ قیمت مطلوبہ لا ہے۔

لاx [غ] = ۲۶۲۳ [ع]

باب دوازدهم

4. XHL2L= 1-14.) X H H2L=

مثال (۳) - اگر ایک گرتے ہوئے جسم کا اسراع بطور اسراع کی اکائی کے لیا جائے ادر جو رفتار کہ گرما ہواجیم ایک منظ میں ماصل کرسے وہ رفتار کی اکائی ہو تو طول اور وقت کی اکائیاں دریافت کرو۔ د فعات (۱۷۱) و (۱۷۲) کا طریق کتابت استعال کرد۔

[x] = xrr = [a](1)......[d][c] = r x x [d][c]....(1) فت نانیه اکائیوں میں جو رفتار ایک منت میں طاصل مو

اس نے ۲۲×۹۰ [ر] = ۱× [ر]

يعنى ٩٠ × ٣٢ × [ط][و] العارط][و] المارين مساوات (۲) کے مربع کو (۱) پر تقتیم کرنے سے '

 ن [و] ج ١٠ [ر] = ٢٠ ثانيه = ايك وقيقة

امتنابه تمبری (۲۹)

(١) أكر طول كى أكانُ أكيب ميل أبو اور وقت كى أكانُ اكيب وقيقه مو تو رفتار اور اسراع كي اكائيال دريافت كرويه رم، أكر طول كى أكائى أيك ميل مو اور وقت كى اكائ مهناميم ہوتو رنتار آور اسراع کی اکائیاں دریافت کرو ۔

(١٠) اكر رفيار كي اكائي ٣٠ سيل في كفنه كي رفيار جو اور وقت کی اکائی ایک منٹ ہو تو طول اور اسراع کی اکائیا

مندم کرو۔ (س) اگر ایک بلا تکلف گرنے والے جسم کا اسراع بطور اسراع کی اکائی کے استعال کیا جا کے اور وقت کی اکائی ه تانيه مهو تو تأبت كردكه رفعارى أكائي ١٦٠ فط في ثابيه کی رفتار ہے۔

(۵) اگر اسراع بجاذبہ ارض کی قیمت ہما رکھی جائے اور وقت کی اکائی ۵ ٹانیہ ہو تو طول کی اکائی کیا ہوگیہ (٢) أكر رفقار كي أكائي ١ سيل في كلفنظه كي رفقار مهو أور وقت کی اکائی ایک منت ہو تو طول کی اکائی دریا نت کرو-(4) اگر ایک حرت ہوے جسم کا اسراع بطور اسراع کی أكاني كے ليا جائے اور جو رفتار يه حبم ۵ ننانيه من طال مرك وه رفقار كي اكائي مو تونابت كروكه طول اوروقت كي

* [ك] [ح] مر [ك] [ط] "

۲۱۲ باب دوازدېم علم حركت الرجم ببت بنلام وايساكه اسع محض سطح سمجم سكيس تو حب طریق بالاسطی کافت کی اکائی در اک [ط] اسی طح اگر جسم ایسا ہوکہ اس کی چوڑائی اور موٹائی نظرالان ہو سکے یعنی جسم ایک، مادی خط ہو تو خطی کثافت کی اکائی حر [ک] [ط^{ام]!} (س) قوت - اگرظ ایسی قوت بو چوکیت اده گ میں اساع س بيداكر تو ظ = گ ش بس اگر [ق] توت کی اکائی کو تعیر کرے تو اقاصراك العامد اكالطااوا (۵) معیارِ حرکت ۔ اگر تحیت مادہ گ کا ایک جسم رفتار اُ اُر سے حرکت کررہا ہو اور اِس کا معیار حرکت مح ہو تو ع=گ ز بس اگر [م] معیار حرکت کی اکائی ہو تر [م]مراك] [ر]مراك] [ط] [و]["]

(٢) صدمه - أر ايك قوت ظاكا صدمه وقت زين

علم حركت P (P) . باب دوازدیم صم = زظ کیس اگر [ص] صدمه کی اکائی ہو تو $[0] \sim [0] [c] \sim [b] [d] [c]'$ اس سے ظاہر ہے کہ صدمہ اور سیار خرکت کے ابعاد ایک ہی ہیں۔ (٤) توا نائی بالفعل ۔ اگر گ کمیت کا ایک جسم رفار تر سے حرکت کر رہا ہو اور اس کی توانائی بالفعل ت ہوتو ط = ہا گ رُ لیسس اگر [ت] توانانی بالفعل کی اکائی ہو تو ات احراك الراحراك العاروا (A) كلم - أر ايك قوت ظ كا نقطه عل فاصله دن ه كرك اور أر اس قوت ك كف بوك كام كوى

ھے کرے اور اگر اس وت سے کے سے تبیر کریں تو کی ہے ظ ف کہسس اگر کام کی اکائی ل ہو تو علم حركت الهم

 $[b] \sim [b] \sim [b]$

ناب دواز دہیم

طق = ی زا

بس اگر [سط] طاقت کی اکائی ہو تو [سط]∞[ل][و]ناً [ک][ط]'[و]"

(۱۰) زاوئی رفنار ۔ اگر حا ایک ایسے نقط کی زاوئی رفتار ہو جو رفتار ژر سے ن نصف قطر والے دائرے میں حرکت کرتا ہے تو

طا = ترن ا [دفه ۲۹]

پس اگر زادئی رفتار کی اکائی [هے] سے تعبیر ہو تو [هے] = [ر] [هے] = [و]

١٤٧- مثال (١) اگر تحميت ماده کي اکائي ١١٢ يونگر مو

علم حرکت

یبیدا کرتی ہے۔

اور طول کی اکائی ایک میل ہو اور وقت کی اکائی ایک منط بو تو قوت کی اکائی در یافت کرو ۔

بوجب دفعیہ (۹۱) فوت کی اکائی وہ قوت ہے ہو کمیت ادہ کی اکائی میں اسراع کی اکائی پیدا کرتی ہے۔

يمني جو ١١٢ يوند مين أيك ميل في منط في منط كا اسراع

یعنی ۱۱۲ پونڈ میں الم میل فی ثانیہ فی منٹ کا اساع پیدا کرتی ہے يعني ١١٢ يوند ميں الميل في نانيه في نانيه يه يه يه

کیعنی ۱۱۲ پونگر میں ۱۷۷۰ مرسفط نی آمنیه فی تأنیه رسسه رس یعنی ا پونگر میں ۱۲۹×۳×۱۱۲ فی نمانیہ فی نمانیہ سر سر

پس قوت کی نئی اکائی = ۱۲۹ ×۳×۱۱۱ پونڈل

= ١٦ مه ١٩ يوندل = ٢ ٥ يوند درن تعيمًا با بطرز دیگر - بوجب دفعه ۱۷۵ (س)

 $[\ddot{G}] = \frac{[\ddot{G}][\dot{G}][\dot{G}]}{[\ddot{G}][\dot{G}][\dot{G}]} = 111 \times 121 \times 112 \times 121 \times 121$

اسرع کی اکائی [ع] = ۲۳ ع

علم حركت

416

باب دوازدهم يني [ط] [و] " = ١٠ [ط] [و] "(١) وَت كَى اكاني [قب] = ٢٠ [ق

ينى اكر الطرا [و] من الكرا الطرا [و] ... (٣)

(۲) کو (۱) پرتقبیم کرنے سے 「シ」ト= 「シ」 * [و] = إ ر] = ه د ثانيه

(۱) کے مربعے کو (۲) پر تقیم کرنے سے

(۳) کو (۲) پر تقتیم کرنے ہے

اک] = من اک ا = آک ا اک) = من اک ا پس کمیت ماده اور طول اور وقت کی اکائیاں

٥ يوند ، وفك ، الله المونكي -بهوجب دفعه ۱۵۵ (۸)

علم حركت [ن] = [ن] (ط) '[د] = بعد ٢٠ مراج) مراج) عرب مراج) مراج) عرب مراج) مراج) عرب مراج) م

ا مثله نبیری (۳۰)

(۱) اگر طول کی اکانی ۱۹ ایج مجو اور وقت کی اکائی 📆 اور تحمیت اود کی اکائی ۳ ہنڈرڈ ویٹ ہو تو توت ک اکائی دریافت سرد

(۱) اگر تحمیت ماده ٬ طول اور وقت کی اکا نیاں بانزتیب ا یوند ، ان اور انتانیه مون تو قوت او کام کی اکائیا

وريانت كرو -(٣) اگر طول کی اکائی م فظ بو اور کمیت ماده کی اکائی

ایک پونڈ مو تو وقت کی اکائی کیا ہونی چاہئے کہ قوت کی اکائی ایک بوند وزن مو -(م) اگر تحمیت ماده کی اکائی ایک ہنڈرڈ ویٹ مو اور

قوت کی اکائی ایک ٹن وزن ہو اور طول کی اکائی ایک يل مو تو ثابت كروكه وقت كى اكائى للهاسم أنيب (٥) اگر زقار کی اکائی ایک میل فی منٹ کی ۔ فتار ہو-اور اسراع کی اکائی وہ اسراع ہو جس سے یہ رفتارہ منٹ

یں ،ہمل ہو اور قوت کی اکائی تضعف ٹن وزن کے مساوی ہو ۔ تو طول کم وقت اور سمیت مادہ کی اکائیاں دریا فت سرو۔

(و) اگر کمیت ماده کی اکائی ایک مبندرڈ ویٹ ہو اور وقت کی اکائی ایک یونلہ و قت کی اکائی ایک یونلہ

ورن ہو تو طول کی اکائی دریافت کرد ۔ وزن ہو تو طول کی اکائی دریافت کرد ۔

(٤) اگر قوت کی اکائی ۵ اونس وزن کے مساوی ہو اور وقت کی اکائی ایک منٹ ہو اور ۹۰ فط فی ٹانیہ کی رفتار

a سے تبیر ہو تو طول اور محمیت مادہ کی اکا نیاں دریا فت کرو۔

(۸) اگر الله م گز طول کی اکائی ہو اور رفتار کی اکائی ایک
 گز فی نانیہ کی رفتار ہو اور قوت کی اکائی ۲ یونڈل ہو تو

رزی نامید کی رفتار ہو اور فوت کی آگان 4 پوندل ہو کا تحسیت مادہ کی اکائی دریافت کرد۔

(۹) یہہ تسلیم کرے کہ ایک فٹ = ۳۰۶۵ سنی میٹر ایک یونڈ = ۳۰۶۵ سنی میٹر ایک یونڈ = ۳۰۶۵ سنی میٹر ایک گرتے ہوے جسم کا اسراع=

چوندھے سان ہا رہ ہور ہیں۔ ۴۴ نٹ ثانیہ اکا ٹیاں '

^{نا} بت کرو که

علم حرکت

(١) ايك پوندل = ١٣٨١٦ دانين

(١) ايك فك يونرل = ١٨٠١٨٨ ارك

(۱) ایک ارگ = ۲۱۲ و ۲ × ۱۰ منط پونگر

(۲) ایک اسپی طاقت = ۱۹۱۷ و ۲۸ ۱۰ ارگ تی نتانیه دستاری ایک اسپی طاقت = ۱۹۱۷ و ۲۸ دا ۱۰ ارگ تی نتانیه

(۱۰) اکا ئیوں کے دو مختلف نظاموں میں ایک اسراع کی تبیت ایک ہی عدد سے تبیر ہوتی ہے اور ایک زمار

میں بڑھ جانے ہی۔
(۱۲) اگر وقت کی اکائی ایک گھنٹہ ہو اور کمیت مادہ کی ایک ہنڈرڈ ویٹ ہو اور قوت کی اکائی ایک پوٹٹر وزن ہو تومطلق اکائیوں میں کام اور معیارِ حرکت کی اکائیاں دریافت کرو۔ اکائیوں میں کام ایک ایسا نظام دریافت کرد جس میں قوت کی اکائی ایک پوٹٹر وزن ہو اور اگر ہم پوٹٹر کمیت کا ایک جسم ہ فض فی ٹائیہ کی رفار سے حرکت کررہا ہو تو اسکے معیار حرکت، اور توانائی بالفعل میں سے سرابک کی عددی معیار حرکت، اور توانائی بالفعل میں سے سرابک کی عددی تیمت ایک ہو۔

(۱۲) اگر ایک گرت ہو سے جسم کا اسراع بطور اسراع کی اکائی کے لیا جائے اور ہ تانیہ میں اس کی رفار محصلہ بطور رفار کی اکائی کے استعال کی جائے اور ۱۰ ٹانیہ گرنے کے بعد ایک بونڈ کے جسم کا معیار حرکت بطور معیار حرکت کی

دریافت کرو ۔

(۱۵) بوکام ایک منٹررڈ ویٹ کو تین گر اوپر وار اٹھانے یں کیا جانے آگر وہ کام کی اکائی آبکہ ایسے جسم کا معیار حرکت ہوجس کی کیت مادہ آبک بونڈ ہو اور جبکہ دہ بیت جسم کا معیار حرکت ہوجس کی کیت مادہ آبک بونڈ ہو اور جبکہ دہ بیاذبہ ارض سمت شاقولی میں ہم فط گرے اور اسلیح کی اکائی اس اسلاع کا تین گنا ہو جو جاذبہ ارض سے فہور میں آنا ہے تو طول ، وقت اور کمیت مادہ کی اکائیاں دریافت کو۔ آبا کی اسلاع کی اکائی وہ اسلاع ہو جو ۱۱ گرام محمیت کے جسم میں ایک گرام وزن کی قوت کے عمل سے بیدا ہو اور جب جو کام بیلے چار ثانیہ میں ہو وہ کام کی آکائی ہو اور جب جو کام بیلے چار ثانیہ میں ہو وہ کام کی آکائی ہو اور جب بیس میں میٹر فی ثانیہ کی رفتار سے چل رہا ہو اسوقت بیسم ، ۹ سنیٹی میٹر فی ثانیہ کی رفتار سے چل رہا ہو اسوقت کام کی شرح کی اکائی سے کام ہو رہا ہو تو طول ، وقت اور میں ماری شرح کی اکائی سے کام ہو رہا ہو تو طول ، وقت اور

کام کی شرح کی اکائی سے کام ہو رہا ہو تو طول ' وقت اور کیست مادہ کی اکائی سے کام ہو رہا ہو تو طول ' وقت اور کسیت مادہ کی اکائیاں دریافت کرو۔ (۱۷) ایک ربل گاڑی ۱۰ سے قبیر کیا جائے ۔ اور رہل کی حرکت ہے ۔ اگر اس رفتار کو ۸ سے تعبیر کیا جائے ۔ اور رہل کی حرکت کے متعابل جو مزاحمت ہے وہ ۱۲۰۰ یونڈ وزن کے مساوی

ہے۔ اگر اس مزاحمت کو اسے تعبیر کریں۔اورایک میل طلنے این اس مزاحمت کو اسے تعبیر کی انجن جتنی کام کی اکائیاں کرنا ہے ان کو ۱۰سے تعبیر کی جا سے تو طول ، وقت اور کمیت مادہ کی اکائیاں دریافت کرو۔ ایک نظام میں اسراع بجاذبہ ارض ساسے (۱۸) اکائیوں کے ایک نظام میں اسراع بجاذبہ ارض ساسے

اسراع بجاذبهٔ ارض کی قیمت ۳۳ ہے۔ (۳۰) اگر قوت کی اکائی ایک پونڈ وزن ہو تو دریا نت کرد کہ محیت مادہ کی اکائی کیا ہونی جا مبئے

یا ہے۔ کہ ساوات (قوت یکیت ادہ ×اسراع)ان اکا یُول سے لئے ہی صبح رہے۔

شمارابعادي صابطون كي تصديق

146 ببت سے ضابطوں اور نیٹجول کی جانج مقادیر سنمولد کے ابعاد شمار کرنے سے ہو سکتی ہے ۔ فرض کرو کہ ایک ایسی مساوات ہے جس میں چند مقادیر طبیعی شامل ہیں

علم حرکت

تواسی مساوات کی ایک جانب کی ہرایک رقم کے ابعاد کا مجموعه طول 6 وقت اور تحمیت ماده میں لیا جانبے اور مسادا

کی دوسری جانب کی رقبوں کے ابعاد کو بھی جمع کریں تو مطابق کی رقموں کے ابعاد کے مجموعے مساوی ہوں کے۔ کیونکہ

فرض کروکہ م*ساوات کی* ایک جانب سے ابعاد طول ہیںدو س جائب کے ابعاد سے مخلف ہیں تو طول کی اکائی بدلنے

سے مساوات کی دونو جا نہیں مخلف نسبوں میں برلیں گی اور مساوی نہیں رمیں گی۔ یہہ صریحاً باطل ہے کیونکہ

دو مساوی مقادیر کی نابین جمیشه مساوی مونی چاسکین خواه ان سے لئے کوئی سی اکائی استعال کی جائے بر مثلاً اگر نقدی کی

دو رقبیں برابر ہیں تو ان کی نابیں برابر ہوگی خواہ رقموں کو رو يوں ميں بيان كيا جائے يا آنوں ميں يا يا يُوں ميں ـ

اب ایک اور مثال لو۔ فرض کردکہ ایک مساوات سے

ہم اس نیتی پر پہنچے ہیں کہ افظ = اتانیہ - ظامرہ

که لیه نتیجه صبح نهیں ہو سکتا۔ اب يهم مساوات لو

٣ ژا = ٥ ک با ٢٠٤ ع ت

جہاں کی ایک جسم کی محمیت مادہ ہے اور ب ایک ابتدائی رفتار ہے اور حرکت شروع ہونے سے بعد نسی آن میں اس کی رفتار رہے اور ع اس کا اسراع ہے اور

ف وہ فاصلہ ہے جو اس نے اس آن کک طے کیا۔ يبه مساوات مراز صحيح بنين مهو سكتي كيونكه دو رقيس اليبي بن کہ تحمیت مادہ میں ان کا بعکد صفرے اور تیسری رقم یعنی ہ ک ب کا بعد کمیت مادہ میں ایک ہے - یہی رقم غالبًا غلط مو كَى -

اب مساوات ذیل کی صحت کے امکان پر نور کرو۔ ظرُ ن المحمك ع ن - ١ ترع =٠ جاں طریق کتا ست صب باب ہذا ہے۔ اگر صرف آنجاد کو لیا جائے تو تینوں رقموں کے ابعاد ہم يں -

 $\begin{bmatrix} b \end{bmatrix}^{2} \begin{bmatrix} b$ $\frac{d}{d}$ $\frac{$

اس سے ظاہر ہے کہ ساوات بالکل غلط ہے کیونکہ رقمونکے ا**بعاد نه تو تحمیت ماده می**س مساوی بین اور نه طول اور وقت

میں-اب فض کردکہ ایک سوال میں کام کی مقدار مطلوب ہے

علم حركت باب دوازدهم اور سوال حل کرنے سے ہمیں یہ جواب حاصل ہوتا ہے۔ کام = کے ظر ہ سک ڑع جهال اطریق کتابت حسب باب ہذا ہے۔ ہم مساوات صبح نہیں ہو سکتی کیونکہ بموجب دفعہ ۱۵ اکام کے ابعاد يه بي [ك] [ط] ا اور ک ظر کے ابعادیہ ہیں [ک] (ک] (ط) × [ک] اور ک ينى [ك] <u>[ط]</u> [یہہ ابعاد طول اور کھیت مادہ کے لحاظ سے غلط ہیں۔ سك رع ك ابعاديه بي [ك] الا الوا يني <u>[ک] [ط]</u>" او]" یہہ ابعاد وقت کے لحاظ سے غلط ہیں۔ ہ ہے اے اگر اوقات مفاویر کے مباو پر ورد رک سے بہا ہے نتائج حاصل ہو سکتے ہیں۔ مثلاً کیبہ آسانی سے نابت ہو سکتا ہے کہ ایک بسیط رقاص کی مدت اہتزاز اس

بڑو سلما کے قد اور بھیلے رہاں کی مدف ہا ہرا ہاں ملکی طرح برتنی ہے جس طرح ہے اس ملکی رسی کا طول ہے جس سے ذریعہ سے کمیٹ م کی ایک گولی ایک تابت نقطے سے بندھی ہے ۔

اگریہہ تسلیم کرلیا جائے کہ مرت اہتزاز کا انحصار قوس اتہزاز پر نہیں ہے تو جارے سوال سے جواب میں صرف نین مقداریں شامل ہو سکتی ہیں یعنی هم ال اور ج - فرض کرہ محد ابتداز اس طرح برلتی ہے جس طرح ها کہ جاکہ اس مقدار کے ابعاد یہہ ہیں

[2] [4] [4] [6]

يني [ك] م [ط] ٢٠٠٠ [و] - اكه

رہد ظاہر ہے کہ جواب کا صرف ایک بعُد وقت میں ہے اور تحییت مادہ اور طول میں کوئی بعُد نہیں ہے ۔

عه = . ، بر + گه = . اور - ۲ گه = ا

 $24 \sqrt{100}$ $24 \sqrt{6}$ $\frac{1}{100} = 100 = 100$ $\frac{1}{100} = 100$ $\frac{1}{100} = 100$ $\frac{1}{100} = 100$ $\frac{1}{100} = 100$

پس مت اہتزاز اس طے برلتی ہے جس طے آجے [دفہ ۱۵۹] بنیادی مقادیر کے ابعاد اور قبینوں کی جرول

			
ابعاد بلحاظ			
وتت	طول	محبيت ما ده	مقادير طبيعي
	۳-	1	جمي كثافت
	7-	1	سطى كثافت
-	1-	1	خطی کثافت
1-	1		رقتا ر
r-	1		اسراع
r-	1	1	ق ت
<u> -</u>	1	ı	معيار حركت
1-	1	1	صدمه
۲-	۲	1	تؤاناني بالفعل
۳_	۲	-1	طاقت یا کام کی شرت
1 -			زا ویبی رفتار

مرن بدیار بیرس ۱۹۱۱ مه ۱۹۱۱ ۱۹۸۱ مه ۱۹۱۱ ۱۹۸۳ مه ایم ۱۹۱۱ مه ۱۹۱۱ ۱۹۸۳ مه ایم ۱۳۹۲ میل ۱۹۸۳ مه ایم ۱۳۹۲ میل ۱۹۸۳ میل ۱۹۸۳ میل ۱۹۸۳ میل

اسنینی میشر = ۱ ه ۱ میشی میشر = ۱ میسینی میشر افت = ۱ مه ۱ میشی میشر

 $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 447 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 447 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$ $\left| \frac{\partial}{\partial x} \right|^{2} = 477 - 2 \frac{1}{2} \frac{\partial}{\partial x}$

ا یونڈل = ۱۳۸۲۵ ڈائین افٹ یونڈل= ۱۳۹۰ ایگ

متفرق سوالات

(۱) ایک ذرہ بغیر کسی روک کے ایک برج کی چوٹی پرسے گرنا ہے اور اپنی حکت کے آخری ثانیہ بین کل لمبندی کا ۹ صدیعے کرنا ہے۔ برج کی بلندی دریافت کرو۔ (۲) ایک شخص ایفل برج پر چڑھنا ہے اور ایک خاص بلندی سے ایک پتھر نیچ چھوڑنا ہے۔ پھر ۱۰۰ فی اور فراندہ نیادہ جڑھکر ایک اور پتھر گرانا ہے۔ زمین تک پہنچنے میں دوسرے پتھر کو پہلے پتھر سے نصف ثانیہ زیادہ لگنا ہے۔ دوسرے پتھر کو پہلے پتھر سے نصف ثانیہ زیادہ لگنا ہے۔ ہوا کی مراحمت کو نظر انداز کرکے دریافت کروکہ بہلا پتھرکس ہوا کی مراحمت کو نظر انداز کرکے دریافت کروکہ بہلا پتھرکس بیات جھوڑا گیا اور اسے زمین تک بہنچنے میں کرفرر وقت صرف ہوا ہ

(س) ایک گولی ۱۲۰۰ فط فی سیکنڈ کی رفتار سے مرکن کرتی ہوئی ایک گلطی میں گس جاتی ہے اور ایک اپنج گھنے سے اس کی رفتار نضعت رہ جاتی ہے ۔ یہہ تسلیم کرسے کہ فراحمت کیساں ہے دریا فت کرو کہ گولی کتنی دور گس کر ساکن ہوگی؟ کیساں ہے دریا فت کرو کہ گولی کتنی دور گس کر ساکن ہوگی؟ (سم) ترازو سے دو بلڑے جن میں سے ہرایک کی محبیت کی اونس ہے ایک رسی کے دولوں سروں میں باندھکرایک کی جیئی جرخی پر جڑھا دئے گئے ہیں۔ اگر ایک بلڑے میں ہ ویس کی حبیت کا جسم رکھا جائے اور دوسرے بلڑے میں ہ اوس محبیت کا جسم رکھا جائے اور دوسرے بلڑے میں ہ

۸ اونش تحمیت ک**ا ۔ تو دونو بلڑوں پر جسموں کا دباؤ دریافت** کر*ہ* دی دو مساوی جسم ایب رسی سے دو نوں سروں میں باندھکر ایک ہلکی چرخی پر چڑھا دئے گئے ہیں اور توازن میں کھکتے ہیں۔ ثابت کرو کہ اگر ایک جسم میں بقدر اس سے لیے سے اضافہ کردیا جائے اور دوسرے میں سے اس کا اسے نکال دیا جائے نکال دیا جائے تو رسی سے تناؤ میں کوئی فرق نہیں آئے گا۔ (4) ایک بے وزن رسی کا طول ط ہے۔ اس سے سوں سے دو جسم جن کی تحبیت م اور ۱۹ م ہے بندھے ہوتے ہیں۔ رسی کو مینر پر اس طرح رکھ دیا گیا ہے کہ رسی کا طول میر کے کنارے سے زاویہ قائمہ بناتا ہے اور م ان رے پر سے نیجے للکتا ہے۔ اگر میزکی بندی بھی ط ہو تو نابت کرو کہ ۳ م فرش پر م سے فاصلہ ط پر گرنگا۔ واضح رہے کہ فرش کیے لیگ ہے ۔ دے) ایک ذرہ جو بجاذبۂ ارض گرتا ہے ایک خاص ٹانیہ ہیں

(2) ایک ذرہ جو بجا ذبۂ ارض گرتا ہے ایک خاص ٹانیہ میں اور ایک خاص ٹانیہ میں اور ایک خاص ٹانیہ میں اور ایٹ طے کرنا ہے دریا کر کے دریا کرو کہ اس کے بعد کے ۱۰۰ فط وہ کتنے وقت میں طے کرے گا ؟

اگر ہوجہ فراحمت ذرے کو 9 ، ٹانیہ وقت گئے تو فراحمت کو کیساں فرض کرکنے فراحمت کی نسبت ذرے کے وزن سے معلوم کرو۔ معلوم کرو۔

(٨) ایک بسیط رقاص سے گو بے کو اٹھا کر ایسی وضع میں

علم حركت لایا جاتا ہے کہ رسی کس کر افقی ہوجاتی ہے۔ اب یہاں گے کے کو چھوڑ دیا جاتا ہے۔ ٹابت کرد کہ جو حرکت ہو گی اس میں رسی کا تناو گو لے کے طے کردہ عمودی فاصلے کے تتناسب ہوگا۔ رو) ایک ذرہ ایک رسی کے ذریعہ سے سمت شاقولی میں لٹک رہاہے۔ رسی کا طول کہ ہے اور دو سری طر رسی ایک ثابت نقطے سے بندھی ہے۔ اب ذرے کو رفتار ہے کہ کے سمت افقی میں مرکت دیجاتی ہے۔ جب رسی افقی وضع میں ہوتی ہے اور اس کے بعد جب ذرہ لبند تریں مقام پر پہنچا ہے ان دونوں دضعول ہیں تأبت كروكه رسى كے تناؤں كى نسبت ١:١-(۱۰) ایک رانجن م پونڈ کمیت کے ایک بوجھ کو ایک سطح مائل پر کینے کرنے جاتا ہے۔ سطح کا سیان افق سے عہ ہے اور قدر فرک تی ہے۔ اگر حرکت کی ابتدا حالت سکون سے مو اور اساع ایکسال ہو اور و ثانیہ میں رفتار لے طاصل ہو جائے تو ثابت

کو کہ انجن کی اوسط اسپی طاقت مرا [لیے بق جم عد اجب عام

(۱۱) ایک جسم ایک لفٹ میں اوپر دار پھینکا جاتا ہے۔ فقار رمی بلحاظ لفٹ کے لیے اور جسم کی مرت برداز

و ہے تابت کرو کہ نفٹ اوپر کی طرف اسراع <u>۲ او ج</u>سے جارا ہے ۔ جارہا ہے ۔

(۱۲) ایک جہاز شال کی طرف جارہ ہے اور اس کا دھواں مشرق جنوب مشرق کی طرف جارہ ہے۔ ایک اور جہاز جنوب کی طرف جارہ ہے۔ ایک اور جہاز جنوب کی طرف جارہ ہے۔ ایک مشرق کی طرف جارہ ہے ۔ دونو جہازوں کی رفتاریں مساوی ہیں۔ ثابت کرو کہ ہوا شمال مشرق کی جانب چل رہی ہے اور اس کی رفتار جہازوں کی ماوی ہے۔ اور اس کی رفتار جہازوں کی رفتار سے مساوی ہے۔ اس کی رفتار جہازوں کی رفتار سے مساوی ہے۔

(۱۳) ایک کھوڑا ایک دائرے میں ۱۵ میل فی کھنٹہ کی رفتار سے چل رہا ہے۔ دائرے کا نضف قطر ۹۰ فٹہے ثابت کرو کہ زمین اور گھوڑے کے سموں کے درمیان قدر فرک کی اقل قیمت ہے۔

(۱۸) ایک ریل گاڑی چل رہی ہے اور دوران حرکت میں ایک ڈید علیٰدہ ہو جاتا ہے اور ن منٹ میں فاصلہ دی طے کرکے ساکن ہو جاتا ہے۔ یہم تشلیم کرکے کہ ابطاء کیساں ہے ریل گاڑی کی رفتار اس وقت کی معلوم کرو جس وقت ڈیہ علیٰدہ ہوا۔

سے ایک جاز جنوب مشرق کی طرف جارہا ہے۔اس جاز

ایک اور جہاز نظر آنا ہے جو اسی مشرح سے جل رہا ہے ۔ بہلے جہاز والوں کو دوسار جہاز ہمیشہ قریب آنا ہوا معلوم ہوتا، اور چمیشہ عین مشرق کی طون دکھائی دیتا ہے۔ دوسرے جہاز کی سمت حرکت معلوم کرو۔

الله الكه فره جس كى لچك كامل سے افق سے زاویہ عد بناماً ہوا بچينكا جاماً ہے۔ ایک لچلنی سطح نقطہ رقی ہیں سے گذر كى ہے اور افق سے بزاویہ عد مائل ہے۔ تابت كردكہ فرہ نقط رمى پرواپس آجائيكا بشرطريہ مم عدم مم (طم-عد)

صیح عدد ہو۔
(۱۷) ایک ذرہ سکون سے شرع ہوکر ایک خط مشقیم ہیںاس
طرح جلتا ہے کہ اس کی حرکت میں باری باری اساع ع
اور ابطاء نے ہوتا ہے۔ اساع اور ابطاء کی مت ہردفنہ
مساوی ہوتی ہے اور وقت و کے برابر ہوتی ہے۔ شابت
کرو کہ ۲ ک ایسی مرتوں میں یہ فاصلہ طے ہوگا۔

ن را ایک (۱۰) ع - (۱۰) ع آل (۱۰) ایک کردری افقی سطح پر رکھا ہے۔ ذرب اور سطح کے درمیان قدر فرک لر ہے۔ سطح ایک عمودی محوز کے گرد گوم سکتی ہے۔ محور سے ذربے کا فاصلہ کر ہوئیں کردئیں اور کر سطح زیادہ سطح زیادہ کتن گردئیں فی منبط کرسکتی ہے کہ ذرہ بلحاظ سطح سے حرکت نہ کرے۔ فی منبط کرسکتی ہے کہ ذرہ بلحاظ سطح سے حرکت نہ کرے۔

علم حركت بهمهم

(۱۹) ایک توپ سے گونے کا ٹیہ انقی سطح پر سے ہے۔ جن دو راستوں سے بہہ بیٹہ حاصل ہوتا ہے ان کی بڑی سے بڑی بلندیاں ہی اور کی ہیں ۔ نابت سرو کہ سے =

- (50 r

(۲۰) ایک جونے کی رسیاں ایک آدمی کے وزن کا دوگان طالت سکون میں مہار سکتی ہیں تو معلوم کرو کہ دو آدمی ہیں جھولے میں زیادہ سے زیادہ کئنے زاوئے میں جھول سکتا ہے اور ہم ہیں ایک رسی کے فریعہ سے بندھے ہیں اور رسی جس کا طول معلوم سے فریعہ سے بندھے ہیں اور رسی جس کا طول معلوم سے ایک چھوٹے طقے ایک عمودی محود کے گرد بلا نگلف حرکت کرسکتا ہے ۔ ھم کو اس طح حرکت دی جاتی ہے کہ وہ تو زادیکی رفار ھے سے ایک افقی دائرے میں گھوٹے اور ھم حالت سکون ہیں ہی سے لگتا دائرے میں گھوٹے اور ھم حالت سکون ہیں ہی سے لگتا درہے۔ نابت کردکہ ھم کا فاصلہ طقے سے مم جے ہے۔

(۲۲) دو بے لیک گونے ناب میں ایک سے ہیں لین انکی کھتیں ھم اور ھم ہیں اور دہ آئیں میں مسس کرتے ہوئے ایک چکنی میز پر بڑے ہیں۔ اب ھم کو چوٹ لگانی جاتی ہے لیک چکنی میز پر بڑے ہیں۔ اب ھم کو چوٹ لگانی جاتی ہے لیکن اس طرح کہ اس کی سمت خط مرکزین سے آوریہ عمد بنائے۔ تو اس صورت میں گولوں کی توانائی بالفعل کی عمد بنائے۔ تو اس صورت میں گولوں کی توانائی بالفعل کی

نسبت دوسری صورت کی توانائی بالفعل سے جبکہ آئی جگہیں آئی بائیں میں بدل دی جائیں اور هم کو چوٹ لگائی جانے یہ ہوگی مم رم + هم جب عمری میں مم (هم + هم جب عمری) مم (هم + هم جب عمری) میں ایک وزق ذرہ رفار لرسے پھینکا جانا ہے اور (۱۳۳) ایک وزق ذرہ رفار لرسے پھینکا جانا ہے اور

(۳۳) ایک ورتی دره رفتار رست پھینکا جاتا ہے اور ایک سطح مائل سے ۵ می کے زاویہ پر فرانا ہے۔ اس سطے کا میلان افق سے بیر ہے اور بہہ نقطہ رسی سے گذرتی ہے۔ نابت کروکہ جہاں درہ براتا ہے اس مقام کی لمندی نقطہ رمی سے بہہ ہے

<u>رَا + هم بر</u> ج × ۲+۲ هم بر + مم بر بر ایمان حسر ایک نقط سر، فار ار سرکدی

(۲۳) ایک بیکدار جسم ایک نقطے سے رفار ارسے پینکا جاتا ہے اور ایک عمودی دیوار سے گراکر نقطہ رمی پر پھر واپس آجاتا ہے۔ نابت کردکہ اس نقطے کا فاصلہ دیوارسے دیوارسے ر

خطوں میں حرکت کررہے ہیں۔ خطوں کا فاصلہ او ہے اور ا فروں کی رفتاریں که اور کر ہیں۔ دونو فرے ایک رسی سے بندھے ہیں جس کا طول ایسا ہے کہ جب رسی کس جاتی ہے تو اس کا میلان ستوازی خطوں سے عمہ ہوتاہے۔ یہ تسلیم کرکے کہ لر کے لا ثابت کرد کہ جس وقت رسی کشی ہے اس دقت رسی میں صدمہ کا تناؤ کیہہ ہوگا

م م م ر ر ر ر) جم عه

(۲۷) ایک چکنا فانہ جس کی کمیت صربے ایک افقی سطح پر پڑا اور ایک ذرہ جس کی کمیت ن ہے فانے کے مائل بیلو پر پڑا کیے کی طرف بھسلتا ہے۔ اس بہلوکا میلان افق سے عمر ہے ۔ نابت کردکہ ذرے کا اسراع بلحاظ افقی بہلو کے ہے۔

م + ن م + ن م + ن م + ن م + ن جب عه م + ن جب عه م

(۲4) ایک ذرہ ایک چکنے فانے کے مائل بہلو پر پڑا ہے۔ فانہ ایک افتی میز پر بھیل سکتا ہے۔ دریافت کردکہ فانے کو کس طرح حرکت دی جائے کہ ذرہ نہ اوپر جائے اور نہ شجے جائے۔ ساتھ ہی فانے اور ذرے کے در میان دباد مریافت کرد۔

(۸۳) ایک فرہ جس کی کیت ہم ہے ایک رسی کے ایک سرے سے بندھا ہے۔ ایک دوسرا فرہ جس کی کیت میں ہے کیک سرے سے بندھا ہے۔ کیت میں کے نقط وسط سے بندھا ہے۔ دسی کا دوسرا سرا ایک افتی میزید ایک نابت نقطے سے بندھا ہے۔ دولو فرول کو اس طح حرکت دی جاتی ہے

کے مقام تقاطع کی طرف رفتاروں ار اور س سے

بیل رہی ہیں۔ اگر گاڑیوں کے ابتدائی فاصلے مقام تھاطع سے الد اور جب ہوں تو تابت کروکہ دوران حرکت میں گاڑوں کا اقل فاصلہ ایک دوسرے سے یہہ ہوگا

(اس-بر) جب عم الا+س- درس جم عم

یم فاصلہ وقت الم اللہ الذر نے کے بعد ہوگا۔

تو تابت کروکہ بوجھ کا اسراع اوپر کی طرف <u>۳۳ ج</u> ہوگا۔

(۳۵) ایک رسی کا ایک سرا نابت ہے اور اس رسی پر ۳ پونڈ تحمیت کا ایک حلقہ چڑھا ہے۔ رسی ایک کینی چرخی پر سے گذر کر اپنے دوسرے سرے پر ایک پونڈ تحمیت

ب ایک جسم کو سہارتی ہے۔ نابت کروکہ طقہ اسراع

ج سے ینچے کی طون حرکت کریگا اور رسی کا تماؤ ہے اپونڈ

(۳۷) ایک سائیکل سوار رفتار ال ہے، ایک سٹرک پر جارہا ہے اور اسی سطرک پر جارہا ہے ایک شخص رفتار س سے اور اسی سطرک بر کچھ فاصلہ آگ ایک شخص رفتار س سے بیدل دونو ایسے متوازی خطوط مستقیم میں جارہے ہیں جن کا باہمی فاصلہ فٹ ہے۔ ثابت

کرو کہ اگر سائیکل سوار فاصلہ کرف سے کم پر گھنٹی بجا تو دہ اپنی رفتار کو کم کئے بغیر پیدل کے پاس سے بغیر اد جھٹر سے گذر جائے گا خواہ پیدل اپنے راستے کو چھوڑ

بھی دئے ۔ (۳۷)ایک اڑکا ہوا میں ایک پتھر رفتار رہے بڑاویہ ارتفاع عہ بھینکتاہے۔

علم حرکت بهم

ایک اور پنجر رفقار کے سے بزاویہ ارتفاع عنہ پیمنیکتا ہے۔ خابت کروکہ دوسرا پنجر پہلے سے گرائے گا۔ (۳۸) مسلمیت کی ایک گولی ایک خابت شخصے کے اندر

بقدر فاصلہ ف گس جاتی ہے۔ شختے کی تحمیت ن سے۔ اگر شختہ بلا نکلف حرکت کر سکے تو ناست کرو کہ

گولی اس کے اندر بقدر فاصلہ ملائی داخل ہوگی۔ (سم ایک رسی ایک سرے سے محبت ط کا جم ہمارتی ہو گئت ہو ایک خابت جرخی کے اوپر سے گذر کر ایک خابت پذیر حرخی کے بیٹے سے گذر کر ایک تابت پذیر حرخی کے بیٹے سے گذر تی ہے اور پیر ایک تابت

چرخی برسے گذر کر دوسرے سرے سے تحمیت ق کا ایک جسم سہارتی ہے۔ حرکت پذیر چرخی سے تحمیت ع کا ایک جسم لٹک ہے۔ یہ فرض سرکے کہ رسی اور

چرخیاں بے وازن ہیں اور رسی سے جو حصے چرخیوں سے مسس نہیں سرتے وہ عمودی ہیں ع کا اسراع اور رسی کا تناؤ دریا فت کرو۔

ربم) ایک فانہ جس کی تحمیت ن ہے ایک افقی کینی سطح پر بھسل سکتا ہے اور اسی کا ایک پہلو افق سے بزاویہ عد مائل ہے ۔ ابتدا میں فانہ ساکن ہے اور ایک فرہ جس کی تحمیت م ہے اس سے مائل بہلو پر اوپر کی طرف بھسلنے سے لئے حرکت دیا جا ہے ۔ اگر ذرہ نقطہ

علم حرکت رمی سے بندیری کی تک چڑھے تو تابت کرو کہ رفتار

 $\begin{cases} \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \\ \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \end{cases}$

(۱۷) ایک ذرہ ایک کھردری مائل سطح پر ساکن ہے۔ قدر فرک لر ہے ادر سطح کا میلان افق سے عہ ہے۔ سطے پر جس طرف درہ رکھا ہے اس سے دوسری طرف سطے کو جس طرف درہ کھا ہے اس سے دوسری طرف سطے کو انقی سمت میں کیسال اسراع ع سے حرکت دیجاتی ہے ۔ نابت کروکہ ذرہ بلحاظ سطح کے ساکن دہے گااگر

ہے۔ تابت کرو کہ ذرہ بلحاظ سطح کے ساکن رہے گا آگر ع حرج جم عہ۔ جب جب عہ عہ + رجب عہ (۱۲م) ایک منتظم مسدس زمین بر کھڑا ہے اور اس کا

(۱۳۶) ایک مسلم مسکرس رمین بیر هرا ہے اور اس کا ایک ضلع زمین کو مسس کرتا ہے۔ ایک ذرہ اس طرح بیمینکا جاتا ہے کہ اس سے اوپر سے چار کونوں سے مین حصرتا مدار جا عسر شار شرک مرکم ندر یہ کہنجنہ سورہ میں

جیوتا ہوا جائے۔ تابت کرو کہ زمین پر بہنچنے سے وقت ذریع کی جو رفتار ہوگی اس کی نسبت ذرے کی اقل رفتار سے آتا : آتا ہوگی۔

رسم) ایک جسم کا وزن ایک آدمی سے وزن سے ڈیواما سے ۔ اس کو اٹھانے کے لئے آدمی اس سے ایک رسی باند متنا ہے اور رسی کو ایک جرخی پر سے گذارتا ہے پھر رسی پر چڑھنا شروع کرنا ہے۔ آدمی کا اسراع اوپر کی طون بخاط رسی کے ۲۲ ہے۔ ثابت کردکہ جسم اسراع جے سے

اوپر اٹھیگا۔ رسی کا تناؤ بھی دریافت کرد۔ (ہم م) ایک فانہ جس کی محبت ن اور زاویہ عہ ہے ایک چکنی افقی سطح پر بلا تکلف حرکت کرسکتا ہے۔ ایک چکنا کرہ جس کی محبت ہم ہے فانے کے مائل پہلو کی عمودی سمت میں گراکر اچھلتا ہے۔ ثابت کرد کہ تصادم سے عین پہلے اور تصادم کے عین بعد کرے کی رفتاروں کی نسبت یہہ

> ہوئی ن+م جب عہ: ل ن م جب عہ اس میں ل لیک کی قدر ہے۔ ددری ایک ملکی طنی حض مراکب رسی گذرتی ہے۔

(۵%) ایک ہلکی جکنی چرخی پر ایک رسی گذرتی ہے جکے ایک مرے سے ہ پونڈ کھیت کا ایک جسم لطک ہے اور دوسرے سرے سے ایک پونڈ کھیت کی ایک جسم لطک چرخی لاکتی ہے۔ اس چرخی پر ایک رسی گذرتی ہے جس کے سروں سے بالترتیب ہ پونڈ اور ۳ پونڈ کھیت سے جسم کا اسراع ہے جسم کا اسراع ہے ہوگا۔

(۱۷۹) ایک رسی کا اسلی طول ال ہے اس کے سرے ایک عکنی میزیر دو نابت تفظوں سے باندھ کئے ہیں اوراس طرح علم حرکت ، سولم ہم رسی کھیج جاتی ہے۔ دونو نقطوں کا درسیانی فاصلہ ن اہے ایک ذرہ حیں کی محمیت ہم ہے رسی سے نقطہ و سط سے

الک ذرہ حس کی تحمیت ہم ہے رسی کے نقطہ و سط سے
باندھا گیا ہے ۔ ذرے کو پڑا کر رسی کی سیدھ میں کھینچا
جاتا ہے لیکن اس قدر کہ اس کی نقل مکان فائے لے
سے زیادہ نہ ہو۔ ذرے کو اسطح کھینچ کر چھوڑ دیا جاتا

سے میارہ سہاوے درے تو اسطرح سرچے کر مجھور دیا جایا ہے۔ تنابت کروکہ ذرہ اہترازی حرکت کرے گا اور یہہ کہ اس کی مدت اہتراز کا انحصار بنہ تو ن برہے اور نہ اس

فاصلے پر جہاں سک ذرہ کھینج کر جھوڑا گیا تھا۔ (۷4) جو توانائی بالفعل کہ ۵ پونڈ کا خبیم حالت سکون سے ۵۰ فٹ گرکر حاصل کرتا ہے اگر دہ توانائی بالفعل کی اکائی لی جائے اور جو معیار حرکت بھی جسر حاصل کرتا ہے وہ معیار حرکت کی اکائی لی حائے۔ اور حقیف فاصل کرتا ہے کہ جسم

ی بات رو بو سیار رسیبی بسره ص را ب وہ معیار حرکت کی اکائی لی جائے۔ اور جننے فاصلہ تک کہ جسم کرا ہے وہ طول کی اکائی ہوتو وقت کی اکائی دریافت کرا۔ (۲۸۸) ایک ذرہ ط ایک دائر ہیں حرکت کرتا ہے۔ و لر دائرے کا ایک قطر ہے۔ ط پر کے ماس پر و سے و سی عمود نکالا گیا ہے۔ تابت کرد کہ می کی

و سے و کی عمود تکالا کیا ہے۔ تابت کرد لہ ی ی رفتار کے سادی ہے۔
رفتار بلجافا ط کے کا ط کی رفتار کے سادی ہے۔
(۹۹) ایک چکنی چرخی زمین سے بلندی می پر نضب
کی گئی ہے اور اس پر سے ایک ہے وزن ہے لیک
رسی گذرتی ہے۔ رسی کے ایک سرے سے ایک آدنی
جس کی تحمیت ن ہے لٹکتا ہے اور دوسرے سرے سے

کمیت م + ن کا ایک آدمی لگتا ہے۔ دونو ایک ہی وقت کیساں امراعوں سے اوپر چڑصنا شروع کرتے ہیں۔ اگر ہلکا آدمی و نانیہ میں چرخی نک بہتے جائے تو أبت کردکہ بھاری آدمی کا فاصلہ چرخی سے م بن [ج وی بی) میں ہوسکتا۔
سے کم نہیں ہوسکتا۔
درہ ایک ہموار سٹرک بر چل رہی ہے۔ سب سے ایک ہموار سٹرک پر چل رہی ہے۔ سب سے ایک ہموار سٹرک پر چل رہی ہے۔ سب سے فار ڈبہ جس کی کمیت م ہے گاڑی سے علیمہ ہو جاتا ہے اور در اور (گاڑی جلانے والے) کو اس کا علم فاصلہ ل طے کرنے کے بعد ہوتا ہے اور در وہ اس وقت فاصلہ ل طے کرنے کے بعد ہوتا ہے اور وہ اس وقت

ما ملتہ کی سے مرت سے جد ہونا ہے ، در وہ ہوں وہ انجن کی بھاپ بند کردیا ہے۔ نابت کروکہ جس وقت گاڑی کے دونو حصے ساکن ہوئے اس وقت ان کا درمیانی

فاصلہ ن ل دوگا۔ یہہ تسلیم کرلیا جائے کہ مزاحمت کیکساں ہے اور وزن کے شناسب ہے اور انجن کی قوت بھی کیساں ہے۔

(۵۱) ایک چوٹی کینی جرخی جس کی کمیت ن ہے ایک کینی میز پر سے گذر کر کینی میز پر پڑی ہے ایک لمکی رسی چرخی پر سے گذر کر ایٹ دونو سروں سے دد جسم (کمیت مم اور هم) مہارتی ہے۔ رسی کے دونو جے میٹر کمے کن رے پر عمود ہیں اور

علم حرکت مهم

دونو جسم کنارے پرسے نیجے لئک رہے ہیں۔ نابت کروکہ چرخی کا اسراع

ہم هم ج ن (هم +هم) + هم هم آ (۵۲) افتی سست میں ہوا سے چلنے سے ایک مری میں

اسراع ع ہوا کی سمت میں پیدا ہوتا ہے۔ اگر ایک ذرہ رفتار کرسے افق سے زاویہ عمد بنایا ہوا پھینکا جائے

اور ہوا کی مزاحمت کے انٹر کو نظر انداز کیا جائے اور ذرے کی حرکت کی سمت کی حرکت کی سمت

کی حرات آلیسی عمودی سطح میں ہمو جو ہموا کی حرات کی سمت میں سے گذرتی ہے تو نابت کردکہ ذرے سے طریق کا وتر خاص

(۵۳) ایک ذرہ ایک چکنی افتی مینر پر ایک چکنے فانے کے بات کے سے مسس کرنا ہوا بڑا ہے۔ فانے کازاویہ عہ اور اس کی بلندی سی ہے۔ فانے کو مینر پر یکساں امراع ع

اس کی بلندی سی ہے۔ فاتے کو میزیر یکساں امراع ع سے حرکت دی جاتی ہے۔ اگر ع کے ج مس عہ تو نابت کروکہ ذرہ فانے سے مائل پہلو پر چڑھ سکیگا۔اگر فانہ

اسی طرح و ثانیه حرکت کرے اور پھر رفتار محصلہ سے کیساں حرکت کرے اور پھر رفتار محصلہ سے کیساں حرکت کرے تو فرہ میں چوائی بر بہنچ جائے گا بشرطیکہ اور میں خواج

و ت = ع (ع جم عه - ج جب عه)

(۵/ ۱۰ یونگر اور ۷ یونگر سے وزن ایک جرخ و محور پر عمودی رسیوں کے ذریعہ سے توازن میں لگتے ہیں۔ اگرامک یونڈاکاورن ینو ٹے درن کے ساتھ باندھ رہا جائے تو وہ اسراع دریافت کرد جس سے چھوٹا وزن نیجے کو حرکت کرے گا اور رسیوں کا اسرع بھی معلوم کرو۔ چرخ اور محدر کو بے وزن تصور

(۵۵) ایک تفریقی جرخ و محور میں ﴿ جِرْخ کا نصف قطر ہے۔ اور آل اور تب مورکے دونو حصوں کے نصف تظریں - اگر جرخ کی رسی سے وزن ط تکایا جائے تو نظام متوازن موتا ہے۔ اگر ط کو دوگ کردیا جات ہو

کرے گا۔ جن اور محور کو بے وزن تسلیم کرلیا جائے۔ (۵۷) ایک فرو ص کی لیک کال سے زفار ارسے ایک عودی سطح میں پھینکا با کہ ہے۔ یہ عودی سطح ایک مانل سطح کے ایک خطے میلان اعظم میں سے گذرتی ہے۔ سطح الل كاسيلان افق سے عد ہے۔ اگر ذرہ سطح ائل سے گراکر عودی سمت میں اچلے تو نابت کروکہ ٣ ل ٢ الم محي عمل الذي تع بعد فره نقطة وقت

سى ير واليس آجائ كا۔

علم سرکت 445 (۵۷) ایک جیکنی شابت جرخی پر رسی چرطی ہوئی ہے اور سی کے سروں سے دو چرخیاں لگتی ہیں جن میں سے ہراکیس کی تحمیت هم ب ایک اور رسی جس کے سروں سے ام ی سیس اس ایس اور رہ می سے مروں ہے اور سے اور سے ایک چرخوں میں سے ایک چرخی پر چڑھی ہوئی ہے اور ایک تمیسری رسی جس کے سروں سے ہم اور ہم ہم کمیتوں سے جسم لطکتے ہیں دوری حرکت بذیر چرخی پر چڑھی ہوئی ہے۔ اگر یہ نظام حرکت کرنے سے لئے آزاد ہو تو تابت کرد کہ ہرایک حرکت

یزیر چرخی کا اسراع سمج ہے۔

(۵۸) ایک منکا ایک کھردرے عمودی طفے پر چڑھا ہوا ہے۔ طقہ اپنی سطح یں اپنے مرکز کے گرد گردش کرتا ہے۔

ہنیں بڑھتی ۔ جاں ال طفتے کا نصف قطر ہے اور ارقدر فرک ہے۔ تابت کروکہ منکا ہس کیسلیگا۔

(۵۹) ایک ذره ایک عمودی طفتے کے اندر اس کے بیت تریں نقطے سے ایسی رفتار سے پھینکا جاتا ہے کہ وہ طلقے کے اندر اس کے محیط پر کچھ فاصلہ طے کرکے طلقے کو چھوڑ دینا ہے اور پھر واپس نقطۂ رمی پر پہنچ جاتا ہے۔ رفتار رمی دریافت کرو اور بهه بهی معلوم کرد که دره علقه کو

کس مقام پر چھوڑے گا ہ

(٦٠) ایک ذرہ ایک رس سے ذریعہ سے ایک ثابت نقطے سے لٹکتا ہے۔ رسی کا طول کر ہے۔ ذرے کو دضع توازن سے حرکت وی جاتی ہے۔ رفیار رمی وہ رفیار ہے جو بلندی کر ب

سے گر کر حاصل ہوتی ہے۔ اگر ۲ب سے اگر آو نابت کرو کہ رسی وقت و گزرنے سک ڈھیلی رہے گی جہاں و

رو رہ ری رہے اور ارت کے میں اس ہوتا ہے۔ مساوات ذیل سے حاصل ہوتا ہے

۲۷ ج ک^اوڑ = ۳۲ ب (۹ ک^۲-س ب^۲) (۲۱) ایک وزنی ذرہ ایک کیکدار رسی کے ایک سرے سے

(۹۱) ایک ورق درہ ایک میکدار رق سے ایک حرب سے بندھا ہے اور رسی کا دوسرا سرا نابت ہے۔ رسی کی کیک مدینہ دیں میں میں میں دیرے میں سے انہوں

کا مقیاس ذرے سے وزن سے مساوی ہے۔ رسی کو نینے کی طرف شاقولی سمت میں اس قدر کھینیا جاتا ہے کہ رسی کا

کی طرف شافولی سمت میں اس قدر تھینچا جانا ہے کہ رسی ہو طول اصلی طول سے چوگ ہو جاتا ہے ۔ رسی کو اس طرح کھینچ کر چھوڑ دیا جاتا ہے۔ ٹابت سرو کہ ذرہ اس مقام پر

وقت التي آجائے گا جهاں 1 رسي كا اصلى طول ہے -

بہاں رسی ایک بلی رسی ایک جکنی جرخی پر سے گذرتی ہے اور اس سے سروں پر طفتے ہیں جن میں ایک ایک آدمی

اور اس نے سروں پر سطے ہیں جن میں ایک ایک ادی میٹھا ہے۔ ہر ایک آدمی کی تحمیت مم ہے۔ ایک آدمی (1) وومرے (مب) سے می نٹ بلند ہے۔ ب ہاتھ بیں ہے کیست کا ایک گولہ دیا جاتا ہے جوکہ ب فی النو

الکی طرف اس قدر رفقار سے بھینک ہے کہ گولہ میں اور کا سے بھینک ہے کہ گولہ میں اور کا سے کو پکڑنے سے بہلے اور اس کو پکڑ لیتا ہے۔ تابت کردکہ کوئے کو پکڑنے سے بہلے اور فاصلہ بقدر ہوگی اور دار کی اوپر وار حرکت، فاصلہ بقدر ہوگی سے کے بعد بند ہوگی۔

اللہ کا اور الکی اوپر وار حرکت، فاصلہ بقدر ہوگی دسی پر ایک رسی پر (۱۲۳) ایک مین ما فقہ جس کی تحمیت ن ہے ایک رسی پر کھا ہور رسی کے سرے دو چکنی تنابت چرفیوں برسے پر طحا ہے اور رسی کے سرے دو چکنی تنابت چرفیوں برسے کرنے کر دو جسموں م اور م کو سہارتے ہیں۔ رسی کے فتلف کرنے عمودی ہیں۔ کل نظام حرکت کرنے میں آزاد ہے۔

تنابت کروکہ طفہ ساکن رہے گابٹرطیکہ ہے ہے لیا ہے۔

حصے عمودی ہیں ۔ کل نظام حرکت کرنے میں آزاد ہے۔

ثابت کردکہ طفہ ساکن رہے گابٹرطیک ہے ہے اللہ کے فانے کے

اللہ بہلو پر رکھا ہے ۔ فانے کی محبت ن ہے اور وہ ایک

اللہ بہلو پر رکھا ہے ۔ فانے کی محبت ن ہے اور وہ ایک

فقی سمت میں تحییٰ جاتا ہے اس طرح کہ رسی ایک چکیٰ افقی میز پر سے گذرتی ہے اور اس کے دوسرے سرے سے

افتی سمت میں تحیٰ جاتا ہے اس طرح کہ رسی ایک چکیٰ چرخی پر سے گذرتی ہے اور اس کے دوسرے سرے سے

ایک جسم (محبت ن) لگتا ہے ۔ کل نظام حرکت کرنے

بیر آزاد ہے اور حرکت ایک الیبی عمودی سطح میں ہوتی

بیر آزاد ہے اور حرکت ایک الیبی عمودی سطح میں ہوتی

ہیں آزاد ہے اور حرکت ایک الیبی عمودی سطح میں ہوتی

ہیں آزاد سے اور حرکت ایک الیبی عمودی سطح میں ہوتی

ثابت کروکہ ذرے کا اسراع بلخاظ فانے کے (ن+ن+م) جب عد + ن جم عم ن+ن + م جب عد

جہاں عہ فانے کے مائل پہلوکا میلان ہے۔ ساتھ ہی دریافت کروکہ فانے پر ہم کاکس قدر دباؤ بڑتا ہے ہو (۲۵) ایک جکنا فانہ ایک افقی سطح پر بڑا ہے اور وہ سطح پر اپنے خطوط میلان اعظم کے ظلون کی سمت میں حرکت کرنے میں آزاد ہے۔ ایک ذرہ فانے سے مائل پہلو پر حرکت کرنے کے سئے پھینکا جاتا ہے۔ ذرے کی سمت مرک رمی خطوط میلانِ اعظم سے مائل ہے۔ ذرے کی سمت رمی خطوط میلانِ اعظم سے مائل ہے۔ نابت کروکہ سطح پر ذرے کی حرکت کا راستہ قطع مکافی ہوگا۔

پر ذرے کی حرکت کا راستہ قطع مکافی ہوگا۔ (۱۹۱) ایک گولی جس کی لیک کامل ہے ایک مائل سطے کے بائے سے بھینکی جاتی ہے۔ اگر گولی نقطہ رمی سے فاصلہ فٹ پر سطح مائل سے گراکر اچھلے اور پھر اسی راستے سے واپس آئے جس راستے سے عملی تھی تو تابت کرو کہ

رفارِ رمی اجب عد المجان عد المجان عد

سطح کا میلان ہے۔ (۹۷) ایک وزنی جسم جس کی تحمیت ن ہے ایک افتی شختی پر حرکت کرنے میں آزاد ہے۔ اس کو ایک تحانی سے

علم حركت

زیعہ سے ایک ثابت نقطے سے باندھا جاتا ہے۔ ثابت نقط کا فاصلہ تنحی سے ف ہے اور کھانی کا اصلی طول او ہے۔ و، ب سے کم ہے۔ کانی کی لیک ایسی ہے کہ اگر ایک جسم (تحبیت م) اس سے لئكائيں تو اس كا طول بقدر ط لڑھ جاتا ہے۔ اگر ن کو تھوڑا سا اپنی عگد سے ہٹاکر چوڑ دیں تو نابت کروکہ ایک جھوٹے سے اہترازی

(۲۸) ایک ریل گاڑی ایک منحی پر رفیار کے جل رہی ہے۔ منحنی کا تضفت قطر ن ہے۔ اگر بیل کی طرک افقی

اور ہموار ہو اور رہل گاڑی سے مرز جود کی بلندی رہل کی سرک سے ہی ہو اور ربیوں سے درمیان فاصلہ ۱۴ ہوتو ثابت کروکه اگر

105/ تو ریل گاڑی الٹ جائ گا-

(49) ایک فانہ جس کی تحمیت ن ہے ایک افقی میر پر پڑا ہے۔ فانے کا وہ پہلو جو میزسے مس کرنا ہے کھردرا ہے اور جو پہلو مائل ہے وہ کینا ہے۔ مائل بہلو کا میلان عہ ہے ۔ میراور فانے سے درمیان زاویہ فرک فہ ہے۔ ایک ذرہ حس کی تحمیت م ہے جگنے پہلو پر نیمے کی طرف

پسلتا ہے۔ وہ شرط دریافت کرو جس سے بورا ہونے سے فانہ حرکت کرسکے۔ اور ٹابت کرو کہ اگر فانہ حرکت کرے تو رس کا اسراع

مرجم عہ جب (عہ - فہ) - ن جب فہ جہ ہوگا۔

(د) ایک سحم فنہ ہم جب عہ جب (عہ - فنه)

رد) ایک سحم کی سو دو رسیاں سہارتی ہیں - رسیاں جنوں بر سے گزر کر اپنے دوسرے سروں سے ایک ایک وزن سماوی ہے۔

سہارتی ہیں - ہرایک وزن کھڑی سے نصف وزن سے مادی ہے۔
کھڑی اپنے چو کھٹے میں کھیلتی ہوئی آتی ہے - اب ایک سی فوٹ جاتی ہے۔
وُٹ جاتی ہے اور کھڑی اسراع ع سے نیچے اترتی ہے۔
ثابت کرو کہ

 $\frac{l-\omega}{l+\omega} = \frac{l-\omega}{l+\omega}$ $\frac{l-\omega}{l+\omega} = \frac{l-\omega}{l+\omega}$

-	4	٥	4	٣	۲	1	. {	بلندی زمین سے فٹوں میں
Promote speciments and a second	4	41.	۲۸.	41.	4ו	٠ ۲۰	40.	اطها نيوالي قو ت

زمین سے ۵۶۵ فٹرکی بلندی پر دیافت کرو (۱) جسم کی توانائي بالقوه (٢) جمم كي توانائي بالفعل (٣) اس كام كي مقار جو قوت نے کیا۔

، ایونڈ کھیت کا ایک جسم ایک کانی کے ذریعہ سے زہن سے وصل کیا گیا ہے۔ محانی اللی ہے کہ ۱ یونڈ وزن لٹکانے سے ایک انج بڑھتی ہے۔ جسم ایک قوت کے ذریع سے اوپر دار اٹھایا جاتا ہے۔ قوت مخلف بلندیوں پر حسب جدول ذیل بدلتی ہے۔

							•
۲	۵	4	۳	۲	j	1	میندی اینچوں میں
,							قوت یونڈ دں سے
۸/۸	015 ^	or	r9	4430	۲۹۶۲	444	قوت پونڈ دں سے دزن میں
		1	1			·	ر انج اند به انتخ

و الله الله الله كل المندول بر بالترتيب جسم كي توانائي بالفعل اور توانائی بالقوه دریافت کرد ادر ۲ اینج کی بندی پراس کی رفقار معلوم كروب

(۳) ایک انجن ایک تل سے ذریعہ سے یانی نکا لنا ہے۔ جس وقت یانی نل میں سے نکلتا ہے اس وقت اسکی رفقار لے بے ماتیت کروکہ انجن کے نکام کرنے کی شج اس طی بدلتی ہے جس طی را ۔

(سم) ایک انجن کے بہیوں پر سم سن کا وزن ہے اور

پہیوں اور ریلوں کے درمیان قدر فرک ہے ہے۔ اگر انجن کی اسبی طاقت ، ، ، ہو اور پہنے نہ کیصلیں تو تابت کروکہ گاڑی کی رفقار زیادہ سے زیادہ ، سامیل فی گھنٹہ ہوسکتی سے ۔

ہے۔
(۵۵) ایک ریل گاڑی جس کی کمیت ک ہے ایک
اسٹین سے حالتِ سکون سے چل کر دوسرے اسٹین
پر بہنچکر ساکن ہو جاتی ہے۔ دونو اسٹیننوں کے درمیان
فاصلہ ف ہے اور رہل گاڑی کو وقت ر نانیہ لگتا ہے۔
ربلوں وغیرہ کی رگڑسے ع یونڈ وزن کے مساوی فراحمت
ہوتی ہے۔ دو نو اسٹیننوں سے درمیان کھے فاصلے کک
انجن کی قوت ستقل رہتی ہے اور طیونڈ وزن سے
مساوی ہوتی ہے۔ ثابت کروکہ

ط = عجور-١٥ ن

اور ط کی مرت عل = و- <u>ع ج و</u>

(۷۶) ایک سائیکل سوار اور اس کی مشین دو نوں کی مجموعی تحمیت ن پوند کے ہے۔ اگر ایک مائل سٹرک پرینیے کی طان بغیر پاؤں چلانے سے سوار لہ فط فی نتانیہ کی کیساں رد کی کرئی سے ایک گندے کی کھیت ادہ ن پونڈ ہے اور وہ حرکت کرنے میں آزاد ہے ۔ اگر م پونڈ کیت کی ایک گئیت کی ایک گئیت کی ایک گوئی اس کے مرکز تقل کی ایک گوئی اس کے مرکز تقل کی سیدھ میں لگے تو دریافت کرو کہ گوئی کے لگنے سے

کندے کی کیا رفقار ہو گی ہ

علم حركت اگر گولی کندے میں 1 فٹ گس جائے اور گولی کی حرکت سے مقابل لکڑی کی فراحست یکساں ہوتو نابت کردکہ یہہ ہے۔ اور ہیہ کہ کندے میں داخل ہونے میں گولی کو فٹ کے فاصلہ کک یطے گا 4



جوا بات

نمبری (۱)

(4) بانی کی دھار سے زاویہ جم (- ۳) یعنی ۱۲۱ ۵۴ بنات ہوئے، بانی کی دھار یہ عمود یعنی اس کی مال سمت یانی کی دھار سے مسل ہے وہ کا سمت یانی کی دھار سے مسل ہے وہ کا راویہ بناتی ہے۔
زاویہ بناتی ہے۔
(۸) ۲۲ اسل فی گھنٹہ کا میل فی گھنٹہ

(۹) الب مرودہ سے ۱۵۰ کا زاویہ بناتی ہوی سمت میں کم بیندرہ منٹ کے بعد لا سے بزاویہ قائمہ کر ہوگی –

(۱۰) گاڑی کی حرکت کی سمت سے جم (- 14) کے زاویہ پر۔ زاویہ پر۔ (۱۱) مشرق سے شال کی طرف زادیہ مس ایم برایک

(۱۱) مسرل کے ماں ی عرب ردیہ میں ہے براید افقی خط سے زاویہ ارتفاع مس الح

علمه حركت جوابات ルは、中(アーリン・・(ローア)(ア) (۱۲) سب سے بڑی رفتار سے زادیہ جمم الم بناتی ہوئی اور مقدار میں ۱۸ ۔ مبری (۲) (۱) یل گاڈی کی حرکت کی سمت سے زاویہ مستا(- بیا) بناتی موئی اور مقدار میں ۵۵ فٹ نی نانیہ (۲) ۲۰ میل فی گھنٹہ اور شمال سے مغرب کی جانب زاویه مست منظم بناتی ہوئی۔ (۳) ۱۵ میل فی گھنٹہ جانب شال مشرق (۴) ۱۰ میل فی گھنٹہ جانب جنوب مشرق (۷) ۱۰ میل فی گھنٹہ جانب جنوب مشرق (۵) ۴۹ میل فی گھنٹہ مشرق سے شال کی جانب (۵) ۳۹ میں ی زاویہ جم اسم بناتی ہوئی ناویہ جم اسم کا فرائشہ (۲) ہے ۳۲ میل فی گفتہ سمت عمودی سے ۵۴، در

کا زاویہ بناتی ہوئی۔ (^) > (3- ۲/۲ میل فی گھنٹہ۔[ور ارد ہرا) مشرق کی طرف کھینچو اور رب (=) جنوب مشرق کی جانب کھینچو۔ متوازی الاضلاع را ب ج کی کمیل کرو تو

فیبو- مواری الاصلاع ورد ب بی ا وج سمت مطلوبه هے]

علم حركت 9.

(۱۰) هم ثانیه (۱۳) ۲۲ منت ، ۲ میل ۱۳) ۲۲ منت ، ۲ میل ۱۲) ۲۲ منت ، ۲ میل بناتی ہوئی ، ہو فٹ اس اور اٹانیہ کے افتقام بر۔ (۱۲) ہم آتا میل فی گھنٹہ جنوب مشرق کی جانب

(١٤) جانب شرق

نميسري (٣) (١) ﷺ نيم قطری فی ثانيه (١) ٣) ١٦ يم قطری فی ثانيه الله ٥٠٠ هـ فط فی ثانيه (٣) ﷺ فط فی ثانيه الله الله يم قطری فی ثانيه (٣) ٣١٠ : ٢٠ : ١٠٠ هـ ٣١٠ فی گفتهٔ

TIPT (A) JX 0-5 (4)

(۱۰) ۲۰ با الله (= ۱۰۳۶۹) ميل في گفته افق سه ± ۴،

راا) ہوئی راا) ہوئی (۱۱) ہے نیم قطری فی ٹانیہ ، ۱۰ سیل فی گھنٹہ (۱۲) ۲۲ نیم قطری فی ٹانیہ ، ۱۰ میل فی گھنٹہ (۱۳) ۲۰ میل فی گھنٹہ ، امیل فی گھنٹہ افق سے (۱۳) ۲۰ کا زاویہ بناتی ہموئی ، اسل فی گھنٹہ افق

سے ± ۳۰ کا زاویہ بناتی ہوئی

علم حركت جوابات

تمبری (مه) (۲) ۵ میل فی گفتشه آیسی سمت بین جو مغرب سے شال کی جانب آزاویہ مسراً کی بناتی ہے (٣) ٥ فط في ثانيه اس كي أبتدائي رفقار سے ١٠٠ كا

زاویه بناتی ہوئی۔ رم) ۲۰ / ۲۰ ۱۱ ما آ فٹ زنانیہ بجانب شال شال مغرب (۵) ۱۲ فط فی ثانیہ اس کی ابتدائی رفقار سے ۱۲۰کا زاديه بناتي هوئي _

تمبری (۵) (١) (١) افط في ثانيه آ كم لم فط

دم) صفر کا ۲۲ فط (س) - ۱۵۹ کانیه (م) ٣ فظ في ثانيه ، ١ ثانيه

(٢) مه فط في ثانيه ، . به فط (١) . به ثانيه

(۴) ۲۰ فت سيكند اكائيال (۵) اسيكند، ٥١ ينتي بط

(۲) ۵۰ ثانیه میں ، ۲۵ میشر (۷) ۱۸ فٹ نانیا کائیا

(٨) ١٠ فَتْ فَي ثَانِيهِ ﴾ - إلى فَتْ ثَانِيهِ اكائي

(۹) ۱۹ فٹ فی ٹانیہ ، ۳ فٹ ثانیہ اکائیاں ، الم ۱۰ فٹ

(١٠) ه سيكند ، لم ١١ فك (١١) فك نانيه اكانيان، بوف في ال

الما على الله المالي ال

(۱۳) م المين الماري المارية المارية المرتب المرتب

جوابات

(۱۵) ۲ ٹانیہ میں و سے ۱۱ فٹ پر

علم حركت

(۱۹) ہاں (۱۵) اس کی نقل مکان برا۱۱ + ۱۲ برا آ فط ہے اور مشرق سے شمال کی جانب زاویہ مست استہ بناتی

١٠ (١٨) ١٠ ثانيه يا ٣٠ ثانيه (٢٠) ﴿ ٣٩ ميل في گفت (۲۱) ۲۵ ۳۲۳ فظ ، چوتھے ٹاینہ میں ، ۲۸ قط ثانیہ اكاتيال

(۲۲) ۲۷ و ۱ س فٹ ، پیر فٹ ٹانیہ اکائیاں

نمبری (۲)

(١) ٢٥ فط ، بم ثانيه اور لم ٢ ثانيه

(۲) (۱) شانیه میں (۲) الله المانیه میں (٣) المانيم اور له ٢ ثانيه مين ٥٠ نط

(۲) دا) ۱۲۰۰ فط (۲) لم آآثانیه

دس) ۹۰ فظ في نانيه اوير وار

(۵) ۲۳۲ قط (۱) ۲۸ ثانیه (۱) ۲ ثانیه باله ه ثانی

(٨) ٥٧٥ سينتي ميشر في تانيه اله اله ١٠١٥ مانيه (٩)

(۱۰) ۲۱۸ میشر ، به ۲ ثانیه (۱۱) ۳۲ دار (۱۲) ۹۰۰ فظ ، الله عانيه (۱۲) ۱۰۰ فظ

(۱۲۷) ۵۰۰ خط (۱۵) مهما نظ

علم حركت حوابات

(١١) ٢٥٧ فط في ثانيه ، ١٠٢٧ فط (١٤) و= ٥ ، ١٢ فط في ثانيه (١٨) ١٨٨ فط

(۱۹) ۱۱۲۰ فٹ فی شانیہ (۲۰) ۱۵۰ فٹ

تنبری (۷)

(۱) ۲۰۰ فٹ ، ۵ ثانیہ

(۲) ۱۲ ۳۷ فث في ثانيه ، هي ١٦ تانيه

(۳) ۳۰° (۳) ۱: هم (۵) (۱) - ۳ ۹۸ فط ۴ هی نانیه

(٤) جمم لم يعني ٥٥٥ ١٣١

تمبری (۸)

(۲) انتانیه کا انتانیه

(٣) ٩٩ فٹ في ٹانيبہ ، صفر

(۴) پېلا جسم برج کی بلندی کا ایک ربع گر پچکیگا (۵) بیلل جسم (۵)

(۲) ایج آ آ آ اجل اور صفر جهال ل سطح کی بلندی

(4) بہلے جسم کی ابتداء حرکت سے وقت ہے (را بے ج و) گذرنے سے بعد اور بلندی ہلے (را - ہم ج وا) پر-

جوابات

علم حركت (٨) ١٥ ثانيه (٩) ٩٦ فث (١٠) ١٩٢ فث ١١١ فث في ثانيه

(۱۱) عصے ۲۲ ۹۹٬ اور ۱۹۰ فظ بیں ، ۳ ثانیہ

(١٩) عَمْ عَمْ قَطْيِهِ (٢٠) عِنْ (٣- ١٥)

(۲۴) من فل خانید اکائیاں اس فط خانید اکائیاں اس میں فل گھنٹہ اس میں فل گھنٹہ اس میں خانید اکائیاں اس میں فط فی خانید (۲۸) میں فط فی خانید

(۲۹) من فط نانيه اكائيال ، هذه فط نانيه اكائيال ، لا گفنط به سنط _ سنط _

تنبری (۹)

(٣) ﴿ (٢) اللهُ الكائيان عَلَى اللهُ الكائيان ﴿ (٣) مِهِمَ فَتْ سِيَنَدُ الكَائيان (۵) (۱) ۲۰۰ پونٹل (۲) ہے ۲ پونٹر دزن (٢) ١٥ يونگر وزن (٤) ١٥ يونگر وزن

(م) ۸/ فط نانیه اکائیاں ، ۲۰ فط

(٩) ١: ١٢ ، ٥ فط في ثانيه

(۱۰) با که نانیه ، بها او نشانی نانیه (۱۱) ۲ منت ۵۹ سیکنڈ (۱۲) ۱۲ سیکنڈ

ر ۱۸۰ فط

(۱۵) الله ۱۸۱ سنیشی میشرنی تانیه ، الله ۱۸۱

علم حركت

نسنیٹی میشر ۲۱۸۰۰ نسیٹی میشر (۱۲) ۲۰۱ ۹۹ کیلو گرام (۱۲) ۱۹۸ یونڈ (۱۸) ۱۲ یونگ

حوامات

(۱۹) الله مه پونگر وزن ، ۱۳۲ سر ۲۳۷ بونگر وزن (۲۰) وه مساوی بین (۲۱) ۱۱۰ پونڈ وزن (۲۲) به ۱۳۳ فظ فی ثانیہ

تنميري (١٠)

(۱) ك ، الله درن (۱) و الله درن (٢) (١) ٢ فا تنانيه أكائيال (١) ١٠ ع د يونل وزن (٣) ٢٠ فط في ثانيه (س) ۵۰ فط

(٣) ١١) افت في نانيه (٢) ١٠ نت (٣) ١٠ نت

اور - ۱۱۲ فظ بالرتيب - (۲) المورم ميشر ، ۱۹ ميم كرام وزن (۲) بقدر ۲ يوند وزن

(٤) سط (٨) م (٩) ١١ فت

可说可以(四)。如何可以(四) (۱۱) ۲ نانیه

(۱۲) (۱) وفط نانیه اکائیاں (۲) بلام پونڈ وزن (۳) ۲ فط فی نانیه (م) ۹ فط

علم حركت بحوابات (۱۵) ۲۲ پلونگر ۱۰ اونش (۱۹) ۵ اونس (۱۸) با ۱ اور با بوند وزن ، بخ (۱۹) ۲۹ فنط ۹ اینج تقریبا تمبری (۱۱) (۱) الله ج. ، ۳۶ (۲) ۲۱ مه فث فی نانیه ، ۹۹ قط (٣) ١١ (٣) تانيه ١١ هن في ثانيه (۵) 🕂 👣 ثانيه ، 🕌 🎁 فث في ثانيه ﴿ (۲) ۱۲ 👣 فث في ثانيه ﴾ ۸۰ فث في ثانيه (٨) برا جسم باسراع الم الله الله على طون حرکت کرتا ہے (۹) ذرے حرکت ہنیں کرتے۔ (۱۳) است یا ۲۲ سیکنڈ ، یا ۲۲۵۸ فط (۱۲) بن و ش وزن (۱۵) امیل ۱۸۰۸ گز

(۱۲) بر ۱۲ مر ۱۲ مر (۱۲) مر ۱۲ مر ایک ۱۲ مر ایک ۱۲ مر ایک ۱۲ مر ایک ۱۲ مردن ۲ مردن ۲ مردن ۱ مردن ۱

علم حركت

تمبری (۱۲)

(۲) (۱) ۲۰ پونڈ وزل (۲) بونڈ وزن

(٣) ١٥١ پوئڈ وزن ٤٠٠ پونڈ وزن

で (m) (۵) لي ۲۰۵۶ فت

(۲) ۲۹۲ گرام وزن ۲ ۲۲ اور ۱۹۲ گرام وزن (٤) ہے ١ اولس وزن ، ہے ، ١٠ اولس وزن ، ١١ اوس

(٨) ١٩٣٩ و ش وزن (٩) ٢ و ٣٩ يوند وزن تقريباً

(۱۰) ۲۵۲۱ کے پونڈ وزن تقریباً (۱۳) دس سمت شاتولی میں کٹکتے ہیں

(۱۲) مد فط

(۱۸) کے ۲ ش 1:4 (41)

۲۲۷) ۹ د د منانیه

(۲۲) ۹، ویر وار باسراع سعج حرکت مرتا ہے اور (۲۲)

ن بنج کی طرف امراع ہے کے سے حرکت کرا ہے۔

(۲۲) ن= مهمم اور اراع = م-م ح (۲۲) ن= مهمم

(۲۷) من فط سیکنڈ اکائیاں (۲۸) من ج ۳۲۰ (۲۹) فث کا میل فی گھنٹہ

نمبری (۱۳) (۱) به ن ن نانیه (۴) به ن ن نانیه ن نانیه (۱۳) (۵) به ۱۷ فٹ فی نامنیہ (۲) ۱۹ وفٹ (۵) بیم ۹ وزن (۸) ۱۳ م افٹ فی نامنیہ تقریباً

نمبری (۱۲۷)

11956月(四) トルー(ト)、14・(1) دم) ۵۸ ۲ د م ا يوند وزن (۵) ما ۱۲ (۲) مسامه (٤) ٢٠٠٠ قط پونٹر ؟ ١٩ ٢٠٠٠ اسي طاقت (٨) ١٥٢ فط يعني وزن

امتلهمبري(۱۵)

(۱) (۱) - ۱۲ ه (۲) ۱۲۸۰ (س) تُواناتي بالفعل کي صفراکائيا 91 - X 140 (W) و ۱: ۱۲ ، ۱: ۱۲ ، ۱: ۱۱ ، ۳۰۰ اور ۲۰۰۰ پوتلل ، ۱۹۰۰ور

ٔ امثله نبری (۱۲) (٣) صدمے کی ۹۲۰۰۰ اکائیاں ، ہم فظ

علم حركت (م) هم فط مهم الآ (= ۱۲۲ه) ثانیه ، سر (۵) ۹۹ دن تقریباً (۵) ۹۹ دن تقریباً (۲) ۱۰۴ منڈرڈ وبیط وزن (۲) (۲) جسم ۱۰۴ فی فانیه کی رفتار سے حرکت کرتے ہیں (۲) جسم ۱۰۴ فی فانیه کی رفتار سے حرکت کرتے ہیں (۸) ہم ۱۰۴ فی فانیه کی آبا فیٹ فی فانیه (۱۱) ہے جہاں ب مشترکہ رفتار ہے (۱۲) ہے جہاں ب (۱۲) کے فیٹ کی ہم ۲۲ فانیه (۱۲) کی فیٹ کی ہم ۲۲ فانیه (۱۲) رفتارین آخر کار مساوی ہو جاتی ہیں ب (١٧) ١١٤ ١١ ١ (١٧) ٢٠ (١٤) فَتُ فَيْ ثَانِيهِ ، ٢٠٠ هُ فَتُمْ إِنَّا (١٨) الم الله الله وزن ، ٢٨ ، ١١٦٠ كم الم الله الله (۳۳) ممرك

امثله نمبری (۱۷)

(۲۷) ۱۱ و ۹۹ یونگر وزن

(۱) (۱) ۱۹ فط ، ۲ خانیه ، ۹۹ ۱۱۰ فط (٢) ٤٥ فش ك ١٤٣٥ م ثانيه كا ١٤٣٥ فط (٣) ١١٨ ١ ١١ ١١ فظ ١ ١٩٥ ١ ١٥ ثانيه ، مهم افط ٢٧٥ فط ، ليا عانيه ، ١٢٠٠ فط

جوابات.

(٢) ٤٢ فش ، لم ١١٢ فث ، لم ١١٢ فث

(٣) ۲۷۰۹۶۵۸ ميٹر ، ۲۷۰۹۶۵۸ ميٹر

(۲) ۲۰ و ۲۰ ثانیه ۲۰ و میشر

علم ترکت

(٢) الم ١٣٣٣ فط في ثانيه (١) ٢ ب ١ ١٢٥٠

(م) اوره افق سے بڑاویہ مست اللہ (= ۲۸ وسم)

(٩) (١) ١١ (١٢) (= ٢٥١٩٤) فَتُ فَيْ ثَالِيْهِ الْقِي سِير يزاويه مسن ام (= ۵۵ مه)

(۲) ۱۲ (۱۲ (= ۹۲۶۳۲) فط فی خاشیه افق سے

بزاویه مرس ۲ (= ۸۰ ۳۲) (۱۰) ۵۵۴۳ گز تقریباً ۱۱۱) ۱۳ ثانیه ، ۱۳۴۸ نث

(۱۳۱) ۴۰۰ (۳۰ (= ۹۴۶۹۸) فط فی خانیه افق سے براویہ وہ ٨٠٠ [١٦٠] (= ٨٠٥ ١٩٠٨) فط في ثانيه ،

۵۰۳۶۴=) ۱۰۱ (۵۰۳۶۴=) فط فی ثانیه ۱۱۱ (۳۱ ۱۱)

20 1 90 (11) Pr. (1) PO (1) (14)

امتنکه تنبیری (۱۸)

(۱) ۷۵۰۰ کر ک دور ۲ ثانیه

(۲) ہے فاصلے پر ، لا ہے اس (۲) کے فاصلے پر ، لا ہے (۲) (۲) مینی (۳) مینی (

١٤٢ نانيه تقريباً ، كي ٨٥' فك

(۲) (۱) (۲۰) نظ (۲)

(۵) ۱۱۷۱۲ فظ اور ۲۷ ثانیه تقریباً ،

۱۰،۱۸ فظ اور ۲۵،۹ تانیه تقریباً ،

مه ١٩٠ فظ اور ١ ومه ثانيه تقريباً ؟

الله اور س نانيه تقريبًا۔

(٢) ٢٩٢٩ كر تقريبًا ١ ١٠٠١ كر تقريبًا (۸) ۹۵ و ۱۸ میطر ، ۱ و ۱۹ میسر

امثله نبری (۱۹)

(١) ١٩ ميل نصف قطركا كيك دائره

(۲) افق سے بزاویہ مسل اللہ (یعنی ۵ سرم)

(٣) ﴿ ٣ فَ ١١١ فِ ١٢٥ فَ ١٢١ فِي اللهِ المِلمُ المِلْمُ المِلْمُلِمُ المِلمُ المِلمُ المِلْمُ ال

(۵) اور ایسے مقام پر جس کے افقی اور

عودی فاصلے پہلی توپ سے ۱۲۵۸م اور ۲۸۱۸

(۱۲) ۲ ا۱۷ ٪ ۶ جم عه

(۱۵) بندوق کی سمت غبارہ کی طرف ہونی جا ہئے۔ گولی جسم کو اس وقت لگیگی جب جسم ۱۱ فٹ گرکپیگا۔ (۱۸) ہے ۲ پونٹر (۱۹) ۵۶۱ فٹ ، ۳۲ کا 19 فٹ (۲۰) م ۱۲۵ ف ، ۱۲۸ فط ، ۲۲۵ فط

علم تركت 10 جوابات (۲۱) کے (جب عہ عے جم م) ٹانیہ جاں ررفقار رمی اور عم زاویہ رمی ہے۔ (۲۳) ۸۰ فط في ثانيه

امثله نمبری (۲۰)

(۱) ۲۹) ۵ فط

(۲) ۲ اس (= ۲ دے) فط فی ثانیہ بزاویہ - 一 を (すり) 型しつ

(٨) (١) مم اللهم (= ٢١٥٢) فط في ثانيه يزاويه

مسن ا الم الله (= ۵۰ ۴۵) سطح سے

(۲) ۲۰ (۲) (۲۸ (۳) نط فی ثانیه بزاویه

مس الم = ۲۲ (۵۲) سط سے (٣) هم راء ٥ (= ٢٠٠٣) فط في ثانيه بزاويه

مسل المه (= ۲۵° ۲۵) سطح سے

اشله نبری (۲۱)

(١) من اور ٢ م فط في خانيه

(٢) يدم اور الله ه فط في ثانيه

(س) پیلا سکن رہتا ہے اور دوسر 4 فٹ فی ٹانیہ کی

رفار سے واپس ہوتا ہے۔ (۸)

(4) (۱) کیتوں کی نسبت ۱:۱۳ ہے (۲) رفقاروں کی

نسبت ۲۱۱ ہے۔

(۱۱) ۲۹۱ه اور ۱۵۲۵ شانیم

(۱۲) هراه ب (= ب ۱۱۶۱۸) براویه

مس الم (= ۲۲° مس) اور م٠٦ ب(=ب ١٠٤٣)

بزادیه مسن! سر (= ۱۱° ۲) خط مرکزین سے

امتلہ نمبری (۲۲)

(۳) ۲۰ فٹ ، ۱۹۲۸ میں اور ۲۰ فٹ (۳)

(۲) ۲۰ فٹ ، ۱۹۲۸ فٹ (۲)

(۲) برج سے پایہ سے فاصلہ ہی پر

(۹) ایک ایسے نقطے پر جس کا فاصلہ نقطہ ابتداء حرکت سے محیط کا اعتاد صوال مصہ ہے۔

(۱۲) ہم ل ط جب عہ جم عہ (۱۲) ہم ل ط جب عہ جم عہ (۱۲)

(۱۹) سطح عمودی پر جب ن عمود کھینچو اور ج یک فارج کرو حتی کہ جب ن عمود کھینچو اور ج یک فارج کرو حتی کہ جب ن عرد کے بیا ہم جس مطلوبہ اور ج ہوگی۔

امثله نمبري (۲۳)

(۱) ۲۰ پونڈل کرم) ۲۰ م

(۳) ۱۲ و ۱۸ فث فی ثانیه

(٢) ١٣١٣ تعربياً (١) الله وزن

(۸) ۲۲۲۲ ش وزن

امثنگه نمبری (۲۲۷) (۱) تقریباً ۲۶۱۵ پونڈ دزن ٬ تقریباً ۲۴۱۸ من فی ٹانیہ (۷) ۱۲ فٹ فی ٹانیہ (۷) ۲۹۹ ایج

علم حرکت

É! 751A (A)

(۱۰) ۹۰ [ج ۱۰] ۱۰۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ | ۳۲۱ |

(١١) م (ج-١٦ ناب) يونل ، الله التي

(١٩) م لا : م ك (۱۸) ۲۶ ن

(۲۰) اتناكم رناج بي اتناكم رناج بي المعالك الم الما الما الم المراج المحالي المعالك الم باقى رہے۔

-it F-FIF 7 11 (Pr)

(1-4) 0 x -d (rm) (۲۵) (۱) اندر کی ریل پرتقریباً ۵ و ثن وزن

(۲) بامرکی میل برتقریباً ۸ و شن وزن -

امننله نمبری (۲۵) (1) (۱) ۲۰۶۸ فظ فی تأیید که ۲۲۶ یوند وزن (٢) ١٥٥٥ فط في ثانيه ، ٧ ٢ ، يوند وزن (٢) ٢١٤٩ فط في ثانيه ٤ ٥٠٠ يوندُ ورُن

علم حركت 19 جوابات (m) م (m فٹ فی ٹانیہ ، س م ج (۴) (۱) (۲) فط فی ثانیه (۲) ۱۲ فش فی ثانیه (٣) ٨ ١٦٦ فك في ثانيه ١٦ فك في ثانيه (۵) فرے کے وزن کا چھ آنا ، بم فٹ فی ثانیہ (١) ١٨ م نط في ثانيه ، ٩ مندر دويث كا وزن ، ١٠ م سندرد ويث كا وزن (a) دائر سے کے نضف قطر کا ۲۰ (۱۰) ق اور اور ق دائرے کا قطرہے۔ (۱۱) لیک کی قدر = لی (۱۳) عه ۱۳ م پونڈ وزن ، ۵ سام پونڈ وزن (FL 11+104) 1 E = (10)

(۱۲) ۱۲ فٹ فی ٹانیہ ، ۹ ایج (۱۸) ۱۲ فٹ میٹر تقریباً

امتنله نبسری (۲۷)

(۱) (۱) ابا ۱۳ تا نیم (۲) به ثانیه (س) ایک ثانیه (۲) ۲/۲ ا با ۱۳ ف فی ثانیه (۳) (۱) ۱۲ (۲) ۳۲ (۳) و ف فی ثانیه (۲) ۲۷ وسوف فی ثانیه (۵) اثانیه ، با فط ثانیه اکائیاں

•

علم حركت جوا بأت ۲. (٤) ۲۵ سنیٹی میٹر تقریباً (۸) ۴ کنج ۱۶۱۶ ثانیہ (9) با انيه = ۵۷ د انيم (۱۰) ۱۱ رام جهال و رسى كا اصلى طول سے اور ل اس کی کیک کا مقیاس ہے اور مم ذرے کی تحمیت ہے۔ امثله نبری (۲۷) (۱) ۲۰۶۳ فط ٣٢ ٢ ٢ ٢ ٢ (٣) (m) (1) 4364(m) 설 4344(m) (m) (۵) ۳۳۰ (۷) ۳۲۶۱۹ (۸) ۲۲۵۷ تقریباً امثله نمبری (۲۸) 1:15 --- 174(1) (٣) تقریباً ۱۱۵ (م) اسے بقدر ۲۰۰ ایج کم کرنا چاہئے (٥) اسے بقدر ٥٧ . ، اپنج لمباكنا چاہئے 9 A1 (A) 00 (4) MMY (4) (٩) يهم بقدر اثانيه ييهي بوجائے گا۔ (۱۰) ۱۹۳۰ گز ۴ ۵ ثانیه (۱۱) ۵۰۰۰ ۱:۱۶ میل (۱۲) ۱۰۶۸ ثانیه ، ۱۰۱ ایج تقریباً

(۲۰) المانيم ، على في ثانيه

امثنگه نمبر (۲۹) (۱) ۸۸ فٹ فی ثانیہ ، ۲۷ فٹ ثانیہ اکانیاں

(٢) ١٣ ٢٠ فط في ثانيه ، الله الكانيان

JAA (4)

11 (r) A(1) (A) (۳) ۵۰۰م

144 10 (1.) (۱۱) ااثانیه

امثله تنبری (۳۰)

(١) الله من يوندل ١٠٠ أيك يوندل ١٠٠ فالله بوندل

(١) ٢ ٢٣ كز (١) ١٠٠٠ فظ ١٠٩٤ فيلاً

(٨) اليوند (١٠) ١: ٩ : ١ : ٩ : ١٥ (٨)

1104 ·· (11. X 4 (11)

(١٣) ١٩ فش ، ه تانيه ، م پوند

(۱۲) مدم فظ ، ۵ ثانیه ، ۲ یونژ

(۱۵) ۱۱۲ ۱۱۲ گز ، ۱۱ ثانید، به با پوند

(۱۹) ۱۸ ۱۸ میشر، ۵۹ و ۵ ثانیه ، ۳ دم گرام

(۱۷) ایک میل ، ۸ منٹ ، کھ ۹۹ ٹن

(۱۸) ۹۰۰ فظ کا ایند و ۱۲۰۰ یونگر

جوا بات

(١٩) ٢٢ ميل ، ١٥ منظ ، ٨٨ ش (۲۰) ج يوند

متفرق سوالات

(۲) ۵۷۹ فظ ، و ثانيه

(٤) ٤٤ و تانيم ١٩٢١ ؛ ١٩٧

علم حركت

(۲۷) جس طرف ذره سے اس طرف باسراع ہے مس عدا

ذرے کے وزن کا قط عہ گنا ۔

(۲۹) الله ۵ يوند وزن کر ج

(۳۳) <u>۲ ن+م</u> ج

(アリン(ナーナーナー):(ナーナーナー):(ナーナーナー) (アリンで(アリ) (۱۳) آدمی کے وزن کا ہا گنا (۲۷) کے را تا نید

(۵۹) ایک ایسے نقط پر جہاں نصف قطرافی

(٦٢) م ج جم عد <u>ن + ن - ن سسعہ</u> ن + ن + م جب عد

(۱۹) قرر ذک ، مجم عدجب عد سے بڑی ہونی

۱۱۵۰ (۱۱) فط پونڈ ، ۱۲۵۰ فٹ پونڈ ، ۱۲۵۰ فٹ پونڈ

۲۲۷ کا ۲۶ ۱۹ اور الله ۳ فث پوند که ۱۹۸۹ اور ۱۰ فث بوند، من النام ۱۹۸۹ من منط فی کنا نیه

(٤٤) سل من يونم وزن ، سل ١٧ ميل في يكفنط

<%{S};<>

DYNAMICS

علم حركت

Instant	آن
Velocity	رفتآر
Speed	َ جا ل
Displacement	نقل مكان
Parallelogram of velocities	نفتل مکان رفتاروں کامتوازی الاضلاع صد
Resultant	حاسل
Component	* <i>7.</i>
Space	فضا
Relative motion	حركت اصافى
Absolute motion	مطلق حركيت
Apparent direction	سمت مرئی
Linear velocity	خطی رفتار
Tread-mill	ياؤن ڪي
Change of velocity	تُنبل زُفتار یا رفتار کی تبدیلی
Acceleration	امراع
Vector	معتي ا
Starting point	نقطهٔ ابتداء حرکت

فبرست اصطلاحا Physical quantity Scalar Initial velocity Retardation Motion under gravity Clock-work Guide Groove اسراع بحاذبه ارض Acceleration due to gravity Line of quickest descent Primary conception Spiral spring C. G. S. system of units Density Momentum Principle of inertia Poundal Dyne Absolute units Gravitation unit

٣ فبرست اصطلاحا Air-tight Receiver Physical independence of forces Stress Impulse (Forco X Time) وسطح والى قوت Impulsive Force Impact Energy Kinetic energy تواناني بالقوه Potential energy توا ما في كا بقا Ceservation of energy قوتوں کا بقائی نظام حیبی توانائی Conservative system of forces Mechanical energy حرارت كأمعادل حيلي Mechanical equalent of heat Projectile Angle of projection خطعری خطعری نبیب مدت پرواز وترخاص گیکدار اجسام کا تضادم Trajectory. Range Time of flight Latus Rectum Collision of elastic bodies

Elasticity Impinge directly Impinge obliquely Co-efficient of Elasticity Velocity of separation Velocity of approach Line of impact Inelastic Force of compression Force of restitution Hodograph Normal acceleration Centifrugal force Conical pendulum Governer of a steam engine Valve Centre of curvature Switch-back railway Simple harmonic motion

Pendulum

فهرست اصطلاحا Amplitude Periodic time Turning fork Violin Jupiter Satellite Oscillation سیط مساوی رقاص مقدار مطلق مقدار مقید Idealistic Sample Equivalent Pendulum Abstract quantity Concrete quantity Measure Absolute of fundamental units Derived units Dimension